



සංග්‍රහිත ගණිතය

3.7 සිරස්තලයක සිදුවන

ප්‍රක්ෂිප්තයක චලිතය විවරණය කරයි.

$a^2 = 2ab + b^2 = (a+b)^2$
 $\cos \frac{A}{2} = \pm \sqrt{\frac{1+\cos A}{2}}$
 $x^2 - a^2 = (x+a)(x-a)$
 $\cosh^2(x) - \sinh^2(x) = 1$
 $\tan^2(x) + \sec^2(x) = 1$
 $\csc(-x) = -\csc(x)$
 $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0+h) - f(x_0)}{h} = f'(x_0)$
 $\sinh(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$
 $X_{k+1} = (X_k + y/X_k)^{n-1} / 2$
 $\arcsin(z) = \ln(z + \sqrt{z^2 + 1})$
 $\cot(-x) = -\cot(x)$
 $C_{n,r} = \frac{n!}{r!(n-r)!}$
 $\operatorname{sech}(x) = 1/\cosh(x) = 2/(e^x + e^{-x})$
 $x^2 + 2ax + a^2 = (x+a)^2$
 $\cos(-x) = \cos(x)$
 $\operatorname{arcsech}(z) = \ln(1 \pm \sqrt{1-z^2})/z$
 $\operatorname{sech}(z) = \sec(iz)$
 $\cosh(x) = (e^x + e^{-x})/2$
 $\operatorname{csch}(x) = (e^x - e^{-x})/2$
 $\sim \forall x [\sim p(x)] \equiv \exists x [p(x)] \sim (p \wedge q) \equiv \sim p \vee q$
 $\vec{u} + \vec{v} = \vec{v} + \vec{u}$
 $x^2 - 2ax + a^2 = (x-a)^2$
 $a_n = a_{1r} r^{n-1} a$

$\sim \forall x \forall y [p(x,y)] \equiv \exists x \exists y [\sim p(x,y)]$
 $\operatorname{coth}(z) = i \cot(iz) \sinh(z) = i \sin(iz)$
 $\operatorname{arccoth}(z) = 1/2 \ln((z+1)/(z-1))$
 $\exists x \exists y [p(x,y)] \equiv \forall x \forall y [\sim p(x,y)]$
 $p \vee F \equiv p$
 $p \vee T \equiv T$
 $\sqrt{A} = y_i * 2 \exp f(x_0+h) - f(x_0)$
 $(a^m)^n = a^{m \times n}$
 $M_e = L + I$
 $\left[\frac{n}{2} - F \right] / f$
 $a^m \times a^n = a^{m+n}$
 $p \wedge T \equiv p$
 $d = |x_1 - x_2|$
 $y^{1/n} = x$
 $(a^m)^n = a^{m \times n}$
 $a^m \times a^n = a^{m+n}$
 $d = |y_1 - y_2|$
 $a^m \times a^n = a^{m+n}$
 $\sec(-x) = \sec(x)$
 $\tan(-x) = -\tan(x)$
 $\operatorname{arcsch}(z) = \ln(1 + \sqrt{1+z^2})/z$
 $(a \times b)^n = a^n \times b^n \sim \forall x [p(x)] \equiv \exists x [\sim p(x)]$
 $\tanh(z) = -i \tan(iz)$
 $\operatorname{arcsch}(z) = \ln(1 + \sqrt{1+z^2})/z$
 $P_{n,r} = \frac{n!}{(n-r)!}$
 $\operatorname{csch}(z) = \cos(iz)$
 $b^2 = (a+b)^2$
 $\sin(-x) = -\sin(x)$
 $\frac{P(x)}{Q(x)} = G(x) + \frac{R(x)}{Q(x)}$
 $\frac{A}{B} \cap \frac{C}{D}$



අභ්‍යාස

1

නිරස සමග 30° ක කෝණයක් සාදන අයුරු ප්‍රක්ෂේපනය කළ අංශුවක ප්‍රවේගය 40ms^{-1} නම්

- (I) $2s, 1s, 3s$ කාලවාලවලදී අංශුවේ ප්‍රවේගයෙන් සිරස් සංරචක හා නිරස් සංරචකය
- (II) එක් එක් අවස්ථා වල අංශුවේ පිහිටීම
- (III) අංශුව ගමන් කරන උපරිම උසත්
- (IV) ඒ සඳහා ගතවන කාලය සොයන්න.
- (V) අංශුව ප්‍රක්ෂේපන ලක්ෂ්‍ය හරහා වූ නිරස් තලයක මත වැටෙන ලක්ෂ්‍යයට, ප්‍රක්ෂේපන ලක්ෂ්‍යයේ සිට නිරස් දුර (නිරස් පරාසය) සොයන්න .
- (VI) අංශුවේ පියාසර කාලය ද සොයන්න.(ගුරුත්වජ ත්වරණය $g = 10\text{ms}^{-2}$ ලෙස ගන්න.)

2

$80\sqrt{2}\text{ms}^{-1}$ ප්‍රවේගයෙන් නිරසට 45° කෝණයකින් ප්‍රක්ෂේපනය කළ අංශුවක පියාසර කාලය හා නිරස් පරාසය සොයන්න. ($g = 10\text{ms}^{-2}$)

3

නිරස සමග $\tan^{-1}(3/4)$ කෝණයකින් ආනතව 120ms^{-1} ශ්‍රවේගයෙන් ප්‍රක්ෂේප කළ අංශුවක් ගමන්කරන උපරිම උස ද, උපරිම උස නැගීමට ගත්වන කාලයද, නිරස් පරාසය ද, ප්‍රක්ෂේප කර $3/4s$ පසු අංශුවේ ප්‍රවේගය සොයන්න.

4

100ms^{-1} වේගයෙන් නිරසට θ කෝණයකින් ප්‍රක්ෂේපනය කරන ලද අංශුවක් ප්‍රක්ෂේප කර $5s$ ට පසු නිරස්ව ගමන් කෙරේ නම්, වස්තුවේ ප්‍රක්ෂේපණ කෝණය θ සහ නිරස් පරාසය සොයන්න. ($g = 10\text{ms}^{-2}$)



5

තිරසට θ කෝණයෙන් 60ms^{-1} ප්‍රවේගයෙන් ප්‍රක්ෂේප කළ අංශුවක්, ප්‍රක්ෂේපන ලක්ෂය හරහා වූ තිරස් තලයට වැටෙන්නේ $180\sqrt{3}\text{ m}$ ඇතිනි. θ සොයන්න. ($g = 10\text{ms}^{-2}$)

7

තිරසට α කෝණයකින් ප්‍රක්ෂේපනය කළ අංශුවක ප්‍රාක්ෂේප ප්‍රවේගය $u\text{ ms}^{-1}$ නම් අංශුව ප්‍රක්ෂේපන ලක්ෂ හරහා වූ තිරස් තලයට වැටෙන ලක්ෂය A නම්ද පියාසර කාලය බව $2u \sin d/g$ බව පෙන්වන්න.

තිරස් පරාසය ($u^2 \sin 2d$)/ g බවද පෙන්වන්න.

තිරස් පරාසය උපරිම වීමට ඉහත දී ඇති ප්‍රවේගයෙන්, කුමන කෝණයකින් ආනතව ප්‍රාක්ෂේප කළ යුතුද? එවිට තිරස් පරාසය කොපමණද?

8

තිරසට $\pi/4$ කෝණයකින් ආනත දිශාවකට u ප්‍රවේගයෙන් අංශුවක් ප්‍රක්ෂේපණය කරනු ලැබේ. ප්‍රක්ෂේපන ලක්ෂ හරහා යන තිරස් තලයක් මත එහි පරාසය R ද අංශුව නැගුණු උපරිම උස h නම්

(I) $h = u^2/4g$ බවද

(II) $R = 4h$ බවද සාධනය කරන්න.

9

අංශුවක් පොළොව මත A ලක්ෂ්‍යයකට සිරස් ලෙස h උසකින් පිහිටි o ලක්ෂ්‍යයක සිට තිරසට 45° ක කෝණයකින් v ප්‍රවේගයකින් ප්‍රශක්ෂේපණය කරනු ලැබේ. මේ අංශුව A සිට d දුරකින් පොළොව මත පිහිටි B ලක්ෂ්‍යයකට එළඹෙයි.

$V^2 = gd^2 / (d+h)$ බව සාධනය කරන්න.

අංශුව එළඹෙන උපරිම උස පොළොව ඉහළින් $(2h + d)^2 / 4(h + d)$

බව පෙන්වන්න.

10

වැඩිතම උසේදී අංශුවක ප්‍රවේගය, වැඩිතම උසෙන් හරි අඩකදී එහි ප්‍රවේගය මෙන් $\sqrt{2/5}$ ක් වෙයි. ප්‍රක්ෂේපණ කෝණය 60° බව පෙන්වන්න.