

සංග්‍රහයක් ගණිතය

2.0 ලක්ෂ්‍යයකදී ක්‍රියාකරන ඒකතල බල පද්ධතිය (අභ්‍යාස)

$a^2 = 2ab + b^2 = (a+b)^2$
 $\cos \frac{A}{2} = \pm \sqrt{\frac{1+\cos A}{2}}$
 $x^2 - a^2 = (x+a)(x-a)$
 $\csc^2(x) - \sinh^2(x) = 1$
 $\tanh^2(x) + \operatorname{sech}^2(x) = 1$
 $\csc(-x) = -\csc(x)$
 $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0+h) - f(x_0)}{h} = f'(x_0)$
 $\sinh(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$
 $X_{k+1} = (X_k + y/X_k)^{n+1}/2$
 $\arcsin(z) = \ln(z + \sqrt{z^2+1})$
 $\cot(-x) = -\cot(x)$
 $\operatorname{arcsch}(z) = \ln(1 + \sqrt{1+z^2})/z$
 $(a \times b)^n = a^n \times b^n \sim \sqrt{x}[p(x)] \equiv \exists x[\sim p(x)]$
 $\tanh(z) = -i \tan(iz)$
 $\operatorname{arcsech}(z) = \ln(1 \pm \sqrt{1-z^2})/z$
 $\cos(-x) = \cos(x)$
 $\operatorname{arccsch}(z) = \ln(z \pm \sqrt{z^2-1})$
 $y = x^2$
 $\operatorname{sech}(z) = \operatorname{Sec}(iz)$
 $\operatorname{csch}(x) = (e^x - e^{-x})/2$
 $\operatorname{csch}(z) = \cos(iz)$
 $b^2 = (a+b)^2$
 $\sin(-x) = -\sin(x)$
 $\frac{P(x)}{Q(x)} = \frac{G(x)}{Q(x)} + \frac{R(x)}{Q(x)}$
 $\vec{U} + \vec{V} = \vec{V} + \vec{U}$
 $x^2 - 2ax + a^2 = (x-a)^2$
 $a_n = a_{n-1} \cdot n$
 $C_{n,r} = \frac{n!}{r!(n-r)!}$
 $P_{n,r} = \frac{n!}{(n-r)!}$
 $\operatorname{arcsinh}(z) = \ln(z + \sqrt{z^2+1})$
 $\operatorname{arccoth}(z) = \frac{1}{2} \ln\left(\frac{z+1}{z-1}\right)$
 $\operatorname{arcsch}(z) = \ln(1 + \sqrt{1+z^2})/z$
 $\operatorname{arcsech}(z) = \ln(1 \pm \sqrt{1-z^2})/z$
 $\operatorname{arcsin}(z) = \ln(z + \sqrt{z^2+1})$
 $\operatorname{arccos}(z) = \ln(z + \sqrt{z^2-1})$
 $\operatorname{arctan}(z) = \frac{i}{2} \ln\left(\frac{1-iz}{1+iz}\right)$
 $\operatorname{arccot}(z) = \frac{i}{2} \ln\left(\frac{1+iz}{1-iz}\right)$
 $\operatorname{arcsec}(z) = \frac{i}{2} \ln\left(\frac{1+\sqrt{z^2-1}}{z}\right)$
 $\operatorname{arccsc}(z) = \frac{i}{2} \ln\left(\frac{1+\sqrt{1-z^2}}{z}\right)$
 $\operatorname{arcosh}(z) = \ln(z + \sqrt{z^2-1})$
 $\operatorname{arcoth}(z) = \frac{1}{2} \ln\left(\frac{z+1}{z-1}\right)$
 $\operatorname{arcosh}(z) = \ln(z + \sqrt{z^2-1})$
 $\operatorname{arcoth}(z) = \frac{1}{2} \ln\left(\frac{z+1}{z-1}\right)$
 $\operatorname{arcosh}(z) = \ln(z + \sqrt{z^2-1})$
 $\operatorname{arcoth}(z) = \frac{1}{2} \ln\left(\frac{z+1}{z-1}\right)$
 $\operatorname{arcosh}(z) = \ln(z + \sqrt{z^2-1})$
 $\operatorname{arcoth}(z) = \frac{1}{2} \ln\left(\frac{z+1}{z-1}\right)$
 $\operatorname{arcosh}(z) = \ln(z + \sqrt{z^2-1})$
 $\operatorname{arcoth}(z) = \frac{1}{2} \ln\left(\frac{z+1}{z-1}\right)$



1. ලක්ෂ්‍යකදී ක්‍රියා කරන බල දෙකක සම්ප්‍රයුක්ත බලයේ විශාලතම හා කුඩාතම අගයන් පිළිවෙලින් R_1 හා R_2 වේ. එහි බල දෙක අයත් කෝණය a නම්, සම්ප්‍රයුක්ත බලයේ විශාලත්වය

$$\sqrt{R_1^2 + R_2^2 + 2R_1R_2\cos a}$$

2. සුමට ආතත තලයක් මත පිහිටි බර W_1 , වස්තුවක් සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ ආතත තලයට සමාන්තරව යෙදූ P බලයක් මගිනි. එම ආතත තලය මතම පිහිටි බර W_2 වෙනත් වස්තුවක්, වස්තුව මත යෙදෙන P තිරස් බලයකින් සමතුලිතව තබා ඇත්නම්,

$$P^2 = W_1^2 - W_2^2$$
 බව පෙන්වන්න. $W_1 > W_2$ වේ.

3. ලක්ෂ්‍යකදී (\leq හා \geq), ($-5 \leq + 3 \geq$) හා kj නිව්ටන් බල තුනක් ක්‍රියා කරයි. මෙම බලවල සම්ප්‍රයුක්ත බලයේ විශාලත්වය අඩුතම වන k හි අගය සොයන්න.

මෙහි \leq, j දෛශිකවලට සුපුරුදු තේරුම් ඇත.

4. ABCDEF යනු සවිධි $\overline{AB}, \overline{AC}, \overline{AD}, \overline{AE}$ හා \overline{AF} ඡේදන රේඛා සහිත ඡායාරූපයකි. $\sqrt{3P}$ ඔස්සේ ක්‍රියා \overline{AB} හා \overline{AE} කරන බල $2P, 5P, \sqrt{3P}$ හා $2P$ වේ. ඔස්සේ ඇති ඒකක දෛශික පිළිවෙලින් \leq හා \geq ලෙස ගැනීමෙන් එක් එක් පාද ඔස්සේ ක්‍රියාකරන බල \leq, \geq ඇසුරෙන් සොයා, බල පද්ධතියේ සම්ප්‍රයුක්ත බලය ලෙස $X \leq + Y \geq$ ආකාරයට ප්‍රකාශකර, එහි විශාලත්වය සහ දිශාව සොයන්න.

5. ABCDEF යනු සවිධි ඡායාරූපයකි. $\overline{BA}, \overline{AD}, \overline{EA}$ හා \overline{AF} ක්‍රියා කරන බල පිළිවෙලින් $lp, mp, 12\sqrt{3}p$ හා $4p$ වේ. A ලක්ෂ්‍ය සමතුලිතව පවතී නම්, l, m නියත සොයන්න.

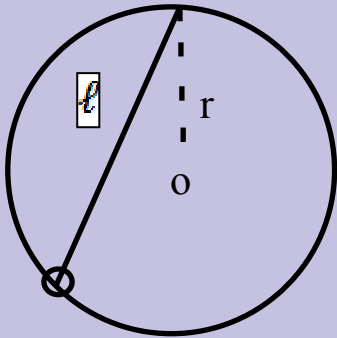


6. එකට තිරස් මට්ටමේ 5a දුරින් පිහිටි A, B ලක්ෂ්‍ය දෙකකට දෙකෙළවරවල් සම්බන්ධ කොට ඇති 7a දිගැති ලුහු අච්ඡාය තන්තුවක් දිගේ W බර මුදුවකට නිදැල්ලේ සරිපණය විය හැකිය. මුදුව මත ක්‍රියාකරන නියත තිරස් P බලයක් මඟින් මුදුව පැත්තකට විස්තාපනය කර ඇති අතර, තන්තු කොටස්, මුදුව සහ P බලය එකට සිරස් තලයක පිහිටන පරිදි Bට සිරස්ව පහළින් මුදුව සමතුලිතතාව ඇත. මුදුව මත ක්‍රියාකරන බල සඳහා බල සටහනක් ඇඳීමෙන් හෝ අන්ක්‍රමයෙන්, P හි විශාලත්වය සහ තන්තුවේ ආතතිය සොයන්න.

7. ABCD සැහැල්ලු තන්තු වක A,D ලක්ෂ් එකම තිරස් මට්ටමේ පිහිටි අවල ලක්ෂ්‍ය දෙකකට ඇදා ඇත. B, C ලක්ෂ්‍ය වලදී පිළිවෙලින් m, km වූ ස්කන්ධ දෙකක් එල්ලා ඇත. සමතුලිත අවස්ථාවේදී AB, BC සහ CD සිරස සමඟ සාදන සුළු කෝණ පිළිවෙලින් a, θ හා b වේ. BC තන්තු කොටසේ ආතතිය සඳහා ප්‍රකාශන ලබා ගැනීමෙන්, $\sin a \sin(\theta + b) = k \sin b \sin(\theta - a)$ බව පෙන්වන්න.

a = 60°, b = 30° හා BC තන්තු කොටස තිරස්ව පවතී යැයි දී ඇති විට k හි නියතයෙහි අගය සොයන්න.

8. බර W වන කුඩා සුමට මුදුවක්, අවල සිරස් තලයක සවිකොට ඇති අරය r වන වෘත්තාකාර වළල්ලක අමුණා ඇත. $l (< 2r)$ දිගැති සැහැල්ලු තන්තුවක එක් කෙළවරක් මුදුවටද අනෙක් කෙළවර වළල්ලේ ඉහළම ලක්ෂ්‍යටද සම්බන්ධකර මුදුව රූපයේ පරිදි සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත. මුදුව මත ක්‍රියා කරන ප්‍රතික්‍රියාව සහ තන්තුවේ ආතතිය සොයන්න.





9. ABC ත්‍රිකෝණයකි. විශාලත්වය P, Q හා R යන බල තුනක් පිළිවෙලින් \overline{OA} , \overline{OB} , \overline{OC} ඔස්සේ ක්‍රියා කරයි. එම බල පද්ධතිය සමතුලිතව පවතී නම් සහ O යනු ABC ත්‍රිකෝණයේ,

(i) ලම්භ කේන්ද්‍රය වීම

$$P : Q : R = BC : CA : AB \text{ බව}$$

(ii) අන්තර් කේන්ද්‍රය වීම

$$P : Q : R = \frac{A}{\sin \frac{A}{2}} : \frac{B}{\sin \frac{B}{2}} : \frac{C}{\sin \frac{C}{2}} \text{ බව}$$

(iii) පරිකේන්ද්‍රය වීම

$$P : Q : R = \sin 2A : \sin 2B : \sin 2C \text{ බව ද පෙන්වන්න.}$$

10. අවල සුමට වෘත්තාකාර වළල්ලක ඉහළ අර්ධ භාගයේ A, B ලක්ෂ්‍යවලදී පිළිවෙලින් ස්කන්ධ m, M අංශු දෙකක් ලෑනු අවිනත්‍ය තන්තුවක දෙකෙළවරට සම්බන්ධකොට සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත. AB වාපය වළල්ලේ O කේන්ද්‍රයේ දී ආපාතනය කරන කෝණය α නම් OA අරය සිරස සමඟ සාදන සුළු කෝණය

$$\tan^{-1} \left(\frac{m \sin \alpha}{m + M \cos \alpha} \right) \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

තවද ස්කන්ධයෙන් වැඩි අංශුව ස්කන්ධය අඩු අංශුවට වඩා උච්චතම ලක්ෂ්‍යට නුදුරින් පිහිටන බව ද පෙන්වන්න.

