

அட்சரகணிதம் - I

11 ஆம் தர மாணவர்களின் கணித அடைவு மட்டத்தை மேம்படுத்துவதற்காக அத்தியவசியக் கற்றல் எண்ணக்கருக்களை அடிப்படையாகக் கொண்டு தயாரிக்கப்பட்ட கற்பித்தல் படிமுறைகளும் பயிற்சிகளும் அடங்கிய மொழியுல்.

தேசிய கல்வி நிறுவகத்தின் பங்குபற்றலுடன் கல்வி அமைச்சின் கணிதக் கிளையினால் தயாரிக்கப்பட்டு.

தரம் : 10

தவணை : 1

- பாட உள்ளடக்கம் : • காரணி காணல் (20)
- $ax^2 + bx + c$ வடிவம் $0 < a \leq 5$, $b^2 - 4ac$ நிறைவர்க்கமாக அமைந்த கற்றற்பேறுகள் : • $ax^2 + bx + c$ வடிவிலான கோவைகளின் காரணிகளைக் காண்பார்.

மேற்கூறிய கற்றற்பேறுகளைப் பெற்றுக் கொள்வதற்கு கற்றல் கற்பித்தல் செயற்பாடுகளில் கவனஞ் செலுத்த வேண்டிய முக்கிய விடயங்கள்.

- இரு நிறைவெண்களின் கூட்டலும் கழித்தலும்.
- இரு நிறைவெண்களின் பெருக்கம்
- பொதுக் காரணியை வேறுபடுத்தல்(2, 3, 4 உறுப்புகள்)
- நான்கு உறுப்புகள் கொண்ட கோவையை சோடிகளாக்கி காரணி காணல்
- பொதுக் கோவையொன்றை வேறாக்கிக் காரணி காணல்.

$ax^2 + bx + c$ வடிவிலமைந்த கோவைகளின் காரணிகளைக் காண்பார்.

ax^2 - வர்க்க உறுப்பு(x இன் வர்க்கம் அடங்கிய உறுப்பு)

bx - நடுவேறுப்பு(x அடங்கிய உறுப்பு)

c - மாறிலி(x அடங்காத உறுப்பு)

$x^2 + 5x + 6$ இல்

x^2 - வர்க்க உறுப்பு

$+5x$ - நடுவேறுப்பு

$+6$ - மாறிலி

உதாரணம் -

$$\begin{aligned} & 1x^2 + 5x + 6 \\ &= x^2 + 3x + 2x + 6 \\ &= x(x+3) + 2(x+3) \\ &= (x+3)(x+2) \end{aligned}$$

இங்கு $a = 1$, $c = 6$ ஆகும்.

x இன் வர்க்க உறுப்பினதும் x அடங்காத உறுப்பினதும் பெருக்கம் $a \times c = 1x^2 \times 6 = 6x^2$ ஆகும்.

$6x^2$ இன் காரணிகள்

$$6x^2 = 6x \times x \longrightarrow 6x + x = 7x \quad \text{நடுவேறுப்பு}$$

$$6x^2 = 3x \times 2x \longrightarrow 3x + 2x = 5x$$

$$6x^2 = (-6x) \times (-x) \longrightarrow -6x - x = -7x$$

$$6x^2 = (-3x) \times (-2x) \longrightarrow -3x - 2x = -5x$$

பயிற்சி 01

காரணி காண்க.

1. $x^2 + 8x + 15$

.....
.....
.....

2. $x^2 + 7x + 12$

.....
.....
.....

3. $x^2 + 9x + 20$

.....
.....
.....

4. $x^2 + 2x + 1$

.....
.....
.....

5. $x^2 + 11x + 24$

.....
.....
.....

6. $x^2 + 8x + 12$

.....
.....
.....

தாரணம்

$$\begin{aligned} & x^2 - 7x + 12 \\ &= x^2 - 4x - 3x + 12 \\ &= x(x-4) - 3(x-4) \\ &= (x-4)(x-3) \end{aligned}$$

பயிற்சி 02

இங்கு $a = 1, c = +12$ ஆகும்.
$ax^2 \times c = 1x^2 \times 12 = 12x^2$ ஆகும்.
$12x^2$ இன் காரணிகள்
$12x \times 1x \longrightarrow 12x + 1x = 13x$
$6x \times 2x \longrightarrow 6x + 2x = 8x$
$4x \times 3x \longrightarrow 4x + 3x = 7x$
$(-12x) \times (-x) \longrightarrow -12x - x = 13x$
$(-6x) \times (-2x) \longrightarrow -6x - 2x = -8x$
$(-4x) \times (-3x) \longrightarrow -4x - 3x = -7x$

காரணி காண்க.

1. $x^2 - 7x + 10$

.....
.....
.....

2. $x^2 - 11x + 24$

.....
.....
.....

3. $x^2 - 8x + 15$

.....
.....
.....
.....

4. $x^2 - 9x + 20$

.....
.....
.....
.....

5. $x^2 - 10x + 21$

.....
.....
.....
.....

6. $x^2 - 10x + 16$

.....
.....
.....
.....

தா -

(i) $x^2 - 3x - 10$
 $= x^2 - 5x + 2x - 10$
 $= x(x-5) + 2(x-5)$
 $= (x-5)(x+2)$

(ii) $x^2 + 3x - 10$
 $= x^2 + 5x - 2x - 10$
 $= x(x+5) - 2(x+5)$
 $= (x+5)(x-2)$

$a = 1, c = -10$ ஆகும்.

$ax^2 \times c = 1x^2 \times (-10) = -10x^2$ ஆகும்.

-10x² இன் காரணிகள்

$$10x \times x \longrightarrow -10x + x = -9x$$

$$10x \times -x \longrightarrow 10x - x = +9x$$

$$-5x \times 2x \longrightarrow -5x + 2x = -3x$$

$$5x \times -2x \longrightarrow 5x - 2x = +3x$$

பயிற்சி 03

காரணி காண்க.

1. $x^2 + 4x - 21$

.....
.....
.....
.....

2. $x^2 + x - 12$

.....
.....
.....
.....

3. $x^2 + 5x - 24$

.....
.....
.....
.....

4. $x^2 - 4x - 12$

.....
.....
.....
.....

5. $x^2 - x - 6$

.....
.....
.....

6. $x^2 - 2x - 8$

.....
.....
.....

7. $x^2 - 6x - 27$

.....
.....
.....

8. $x^2 - 2x - 15$

.....
.....
.....

தொ -

$$\begin{aligned} & 2x^2 + 7x + 6 \\ &= 2x^2 + 4x + 3x + 6 \\ &= 2x(x+2) + 3(x+2) \\ &= (x+2)(2x+3) \end{aligned}$$

இங்கு $a=2$, $c=6$ ஆகும்.

\therefore வர்க்க உறுப்பினதும் மாறிலியினதும் பெருக்கம் $2x^2 \times 6 = 12x^2$ ஆகும்.
பெருக்கம் $12x^2$ ஆகுமாறு நடுவுறுப்பு $7x$ ஆவது
 $7x = 3x + (4x)$ இனாலாகும்.

பயிற்சி 04

காரணி காண்க.

1. $2x^2 + 3x + 1$

.....
.....
.....

2. $2m^2 + 7m + 3$

3. $3x^2 + 7x + 2$

.....
.....
.....

4. $3x^2 + 16x + 5$

5. $3p^2 + 5p + 2$

.....
.....
.....

6. $4x^2 + 9x + 2$

உதாரணம்

$$\begin{aligned}
 & 3x^2 - 11x + 10 \\
 & = 3x^2 - 6x - 5x + 10 \\
 & = 3x(x-2) - 5(x-2) \\
 & = (x-2)(3x-5)
 \end{aligned}$$

இங்கு $a = 3$, $c = 10$ ஆகும்.

\therefore வர்க்க உறுப்பினதும் மாறிலியினதும் பெருக்கம் $30 + x^2$ ஆகும் .
பெருக்கம் $30 x^2$ ஆகுமாறு நடவடிக்கை கூட்டுத்தொகை
 $11 - x = (-6x) + (-5x)$ ஆல் பெறப்படும்..

பயிற்சி 05

காரணி காண்க.

1. $3p^2 - 16p + 5$

.....
.....
.....

2. $3p^2 - 11p + 8$

.....
.....
.....

3. $2x^2 - 3x + 1$

.....
.....
.....

4. $2x^2 - 13x + 15$

.....
.....
.....

5. $2x^2 - 7x + 6$

.....
.....
.....

6. $3x^2 - 11x + 6$

.....
.....
.....

உதா -

$$\begin{aligned}
 & 2x^2 + 3x - 20 \\
 & = 2x^2 + 8x - 5x - 20 \\
 & = 2x(x+4) - 5(x+4) \\
 & = (x+4)(2x-5)
 \end{aligned}$$

$a=2$, $c=-20$ ஆகும்.

\therefore வர்க்க உறுப்பினதும் மாறிலியினதும் பெருக்கம்
 $2x^2 \times (-20) = -40x^2$ ஆகும் பெருக்கம் $40x^2$ கிடைக்குமாறு
நடவடிக்கை கூட்டுத்தொகை $3x = (+8x) + (-5x)$ ஆகும்.
 $-40x^2$ கிடைக்குமாறு நடவடிக்கை கூட்டுத்தொகை $(-3x) = (-8x) + 5x$ ஆகும்.

உதா -

$$\begin{aligned}
 & 2x^2 - 3x - 20 \\
 & = 2x^2 - 8x + 5x - 20 \\
 & = 2x(x-4) - 5(x-4) \\
 & = (x-4)(2x+5)
 \end{aligned}$$

பயிற்சி 06

காரணி காண்க.

1. $2x^2 + 9x - 18$

.....
.....
.....

2. $3p^2 + p - 2$

.....
.....
.....

3. $3x^2 + 5x - 2$

.....
.....
.....

4. $2a^2 + a - 6$

.....
.....
.....

5. $4m^2 + 11m - 3$

.....
.....
.....

6. $2x^2 - x - 15$

.....
.....
.....

7. $2x^2 - x - 1$

.....
.....
.....

8. $3p^2 - 7p - 6$

.....
.....
.....

9. $2x^2 - 9x - 18$

.....
.....
.....

10. $5x^2 - 7x - 6$

.....
.....
.....

ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் 2 - 3 நிமிடங்களில் விடையளிக்க..

1. $x^2 + 5x + 6$ இன் ஒரு காரணி தரப்பட்டுள்ளது. மற்றைய காரணியை காண்க.

$$x^2 + 5x + 6 = (x+3) (\dots\dots)$$

2. $x^2 + x - 6 = (x+a)(x+b)$ எனின் a, b இற்குப் பொருத்தமான பெறுமானங்களை எழுதுக.

.....
.....
.....
.....

3. $x^2 - x - 42 = (x+p)(x+q)$ எனின் p, q இற்குப் பொருத்தமான பெறுமானங்களை எழுதுக..

.....
.....
.....
.....

4. $2p^2 - p - 1 = (\dots\dots)(\dots\dots)$ இடைவெளி நிரப்புக.

.....
.....
.....
.....

5. காரணி காண்க. $x^2 + 7x + 12$

.....
.....
.....
.....

6. காரணி காண்க. $x^2 - 4x - 45$

.....
.....
.....
.....

7. $x^2 - 3x - 40$ இன் ஒரு காரணி $(x-8)$ ஆகும். மற்றைய காரணியைக் காண்க.

.....
.....
.....
.....

8. $x^2 - x - 42$ இன் ஒரு காரணி $(x-7)$ ஆகும். மற்றைய காரணியைக் காணக.

.....
.....
.....
.....

9. காரணி காணக. $2x^2 - 3x - 5$

.....
.....
.....
.....

10. காரணி காணக. $2x^2 + 7x + 3$

.....
.....
.....
.....

11. காரணி காணக. $x^2 + 2x - 63$

.....
.....
.....
.....

12. காரணி காணக. $x^2 - 2x - 8$

.....
.....
.....
.....

13. காரணி காணக. $x^2 + 6x + 9$

.....
.....
.....
.....

14. காரணி காணக. $x^2 - 10x + 25$

.....
.....
.....
.....

தரம் : 10

தவணை : 1

பாட உள்ளடக்கம் : அடசரகணிதக் கோவைகளின் பொது மடங்குகளுட் சிறியது (21)

கற்றற்பேறுகள் :

- ❖ குறிப்பிட்ட அடசரகணிதக் கோவைகளால் வகுபடத்தக்க சிறிய அடசரகணிதக் கோவை அவற்றின் பொதுமடங்குகளுட் சிறியது என இனங்காண்பார்.
- ❖ தரப்படும் அடசரகணிதக் கோவைகளின் பொதுமடங்குகளுட் சிறியதைக் காண்பார்.

மேற்கூறிய கற்றற்பேறுகளை அடைவதற்கு கற்றல் கற்பித்தல் செயற்பாட்டின் போது அவதானம் செலுத்த வேண்டிய முக்கிய விடயங்கள்

- முதன்மை எண்களை இனங்காணல்.
- எந்தவொரு எண்ணையும் முதன்மை எண்களின் வலுக்களின் பெருக்கமாக காட்டுதல்.
- இரண்டு அல்லது அதனிலும் கூடிய எண்களின் பொதுமடங்குகளுட் சிறியது என்பது அவ்வெண் கூட்டத்திற்குப் பொதுவான சிறிய மடங்காகும் என்பதை இனங்காணல்.
- தரப்பட்ட வலுக்களுள் பெரிய வலுவை கண்டு பிடித்தல்.
- அடசரகணிதக் கோவைகளின் காரணி காணல்.

தரப்பட்டுள்ள கோவைகளின் காரணி காணல்.:

உதா:- 1. x^2y, xy

$$x^2y = x^2 \times y$$

$$xy = x \times y$$

}

வலுக்களின் பெருக்கத்தைக் காணல்

$$\text{பொ.ம.சி} = x^2 \times y^1$$

$$\text{பொ.ம.சி} = x^2y$$

எல்லாக் காரணிகளிலும் பெரிய வலுவைப் பெருக்கமாக எழுதல்.

பயிற்சி (1)

பின்வரும் அட்சரகணிதக் கோவைகளின் பொ. ம. சி ஐக் காண்க.

1. a^2b, ab

.....
.....
.....
.....

2. a^2b^2, ab^2

.....
.....
.....
.....

3. x^2y, xy^2

.....
.....
.....

4. a, a^2b

.....
.....
.....

5. a^2b, b^2c, a^2c^2

.....
.....
.....

6. xy^2, yp^2, x^2p

.....
.....
.....

உதா - 2. $12x^2y, 8xy^2$

$$12x^2y = 2^2 \times 3^1 \times x^2 \times y$$

$$\underline{8x^2y^2} = 2^3 \times x^1 \times y^2$$

முதன்மை எண்களினதும் அட்சரகணித உறுப்புகளினடும் வலுக்களின் பெருக்கமாக எழுதல்.

பெரிய வலுக்களின் பெருக்கமாக $= 2^3 \times 3^1 \times x^2 \times y^2$ ←
பொ.ம.சி $= 8 \times 3 \times x^2 \times y^2$

காரணிகள் பெரிய வலுக்களைப் பெருக்கமாக எழுதல்.

$$\underline{\underline{= 24x^2y^2}}$$

பயிற்சி 2.

பின்வரும் அட்சரகணித உறுப்புகளின் பொதுமடங்குகளுட் சிறியதைக் காண்க.

1. $4x^2, 6y^2$

.....
.....
.....

2. $6x^2y, 12xy^2$

.....
.....
.....

3. $12a^2b, 18b^2$

.....
.....
.....
.....

4. $24a^2b, 18ab^2$

.....
.....
.....
.....

5. $6ab, 9a^2$

.....
.....
.....
.....

6. $12a^2x, 8ax$

.....
.....
.....
.....

7. $3a, 6ab, 9b^2$

.....
.....
.....
.....

8. $8a^2b, 12ab, 6ab^2$

.....
.....
.....
.....

9. $24ab, 12a^2, 6b^2$

.....
.....
.....
.....

10. $5a^2, 15ab^2, 20b^2$

.....
.....
.....
.....

உதா :- 3

$8x^2y, 15xy^2$ ஆகிய இரு அட்சரகணிதக் கோவைகளால் வகுபடும் சிறிய கோவையைக் காண்க.

இங்கு $8x^2y, 15xy^2$ என்பவற்றால் வகுபட வேண்டுமெனின் அக்கோவை அவ்விரு கோவைகளினதும் பொது மடங்காக அமைய வேண்டும் என்பதை இனங்காண வேண்டும். அத்துடன் அவ்வாறான மடங்குகள் பல எழுத முடியுமாதலால் சிறிய மடங்கைக் காண வேண்டும்.

அது சிறிய பொது மடங்காதலால்,

$$8x^2y = 2^3 \times x^2 \times y$$

$$15xy^2 = 3 \times 5 \times x \times y^2$$

$$\text{பெரிய வலு} = 2^3 \times 3 \times 5 \times x^2 \times y^2$$

$$= \underline{\underline{120x^2y^2}}$$

\therefore வகுபடும் சிறிய கோவை $120x^2y^2$

பயிற்சி 03.

கீழே தரப்பட்டுள்ள ஒவ்வொரு சந்தர்ப்பத்திலும் தரப்பட்டுள்ள அட்சரகணிதக் கோவைகளால் வகுபடத் தக்க சிறிய கோவையை தரப்பட்டுள்ள விடைகளிலிருந்து தெரிவு செய்க.

01. a^2, ab

(i) a^2

(ii) a^2b

(iii) a^3b

02. $6a^2b^2, 3ab^2$

(i) $6ab$

(ii) $6a^2b^2$

(iii) $3ab^2$

03. $14xy, 28x^2$

- (i) $14x^2y^2$ (ii) $28x^2y^2$ (iii) $28x^2y$

04. $2a^2, 8ab, 12ab^2$

- (i) $12a^2b^2$ (ii) $16ab^2$ (iii) $24a^2b^2$

05. $6p, 20p^2q, 2pq^2$

- (i) $120p^2q$ (ii) $120p^2q^2$ (iii) $60p^2q^2$

ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் 2 - 3 நிமிடங்களில் விடையளிக்க.

1. பொது மடங்குகளுட் சிறியதைக் காண்க.

(i) $4x^2, 6xy$ (ii) $a^2b, 8ab^2, 12ab$

.....
.....
.....
.....
.....

(iii) $2x^2, 6$ (iv) xy, x^2

.....
.....
.....
.....
.....

(v) x^2y^2, y (vi) $12x^2, 8xy^2$

.....
.....
.....
.....
.....

(vii) $a^2b, 8ab^2$ ஆகிய இரு கோவைகளாலும் வகுபடும் சிறிய கோவையைக் காண்க.

.....
.....
.....
.....
.....

(viii) $12x^2, 30xy^2$ ஆகிய இரு கோவைகளாலும் வகுபடும் சிறிய கோவையைக் காண்க.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

(ix) a^2b, b^2c ஆகிய இரு கோவைகளாலும் வகுபடும் சிறிய கோவையைக் காண்க.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

(x) $20x^2, 30xy^2$ ஆகிய இரு கோவைகளாலும் வகுபடும் சிறிய கோவையைக் காண்க.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

தரம் : 10

தவணை : |

பாட உள்ளடக்கம் : அட்சரகணிதப் பின்னங்கள் (தொடர்புப் பகுதியென்களுடனான) கூட்டலும் கழித்தலும் (22)

கற்றற்பேறுகள் :

- ❖ அட்சரகணிதப் பின்னங்களின் கூட்டல், கழித்தலில் சமவலுப் பின்னங்களின் தேவையை எடுத்துக் கூறுவார்.
- ❖ ஒரு தெரியாக் கணியத்துடனான அட்சரகணித உறுப்பைக் கொண்ட தொடர்புப் பகுதியென்களைக் கொண்ட அட்சரகணிதப் பின்னங்களைக் கூட்டிச் சுருக்குவார்.
- ❖ ஒரு தெரியாக் கணியத்துடனான அட்சரகணித உறுப்பைக் கொண்ட தொடர்புப் பகுதியென்களைக் கொண்ட அட்சரகணிதப் பின்னங்களைக் கழித்துச் சுருக்குவார்.
- ❖ ஒரு தெரியாக் கணியத்துடனான அட்சரகணித உறுப்பைக் கொண்ட தொடர்புப் பகுதியென்களைக் கொண்ட அட்சரகணிதப் பின்னங்களைக் கழித்துச் சுருக்குவார்.(அட்சரகணிதக் கோவைகளைப் பகுதியென்களாகக் கொண்ட)

மேற்கூறிய கற்றற்பேறுகளை அடைந்து கொள்வதற்கு கற்றல் கற்பித்தற் செயற்பாடுகளில் கவனங் செலுத்த வேண்டிய முக்கிய விடயங்கள்.

- நிறைவெண்களின் கூட்டலும் கழித்தலும்.
 - சம பகுதியென்களைக் கொண்ட இரு பின்னங்களைக் கூட்டலும் கழித்தலும்.
 - சமவலுப் பின்னங்களைப் பயன்படுத்தி தொடர்புப் பகுதியென்களைக் கொண்ட பின்னங்களைக் கொண்ட பின்னங்களைக் கூட்டலும் கழித்தலும்.
 - நிகர்த்த உறுப்புகளையும் நிகரா உறுப்புகளையும் இனங்கண்டு நிகர்த்த உறுப்புகளைக் கூட்டலும் கழித்தலும்.
 - அட்சரகணிதக் கோவைகளின் கூட்டலும் கழித்தலும்.
 - அட்சரகணிதப் பின்னங்களை அறிமுகஞ் செய்தல்.
 - சம பகுதியென்களைக் கொண்ட பின்னங்களைக் கூட்டலும் கழித்தலும்.
- (தொகுதியென்களாக அட்சரகணிதக் கோவைகளைக் கொண்டவையும் உள்ளடக்கப்படும்)

அட்சரகணிதப் பின்னங்களின் கூட்டலும் கழித்தலும்.(தொடர்புப் பகுதியென்களுடனான)

உதாரணம்

$$= \frac{1}{x} + \frac{3}{2x}$$

$$= \frac{2 \times 1}{2 \times x} + \frac{3}{2x}$$

$$= \frac{2}{2x} + \frac{3}{2x}$$

$$= \frac{5}{2x}$$

பயிற்சி 01

1. $\frac{1}{a} + \frac{2}{3a}$

.....
.....
.....
.....
.....

2. $\frac{5}{2a} + \frac{1}{4a}$

.....
.....
.....
.....
.....

3. $\frac{1}{x} + \frac{1}{3x}$

.....
.....
.....
.....
.....

4. $\frac{1}{2x} + \frac{5}{6x}$

.....
.....
.....
.....
.....

5. $\frac{3}{4a} + \frac{1}{a}$

.....
.....
.....
.....
.....

6. $\frac{2}{5a} + \frac{7}{10a}$

.....
.....
.....
.....
.....

அட்சரகணிதப் பின்னங்களின் கழித்தல்.(தொடர்புப் பகுதியேண்களுடனான)

உதாரணம்

$$= \frac{2}{a} - \frac{3}{5a}$$

$$= \frac{5 \times 2}{5 \times a} - \frac{3}{5a}$$

$$= \frac{10}{5a} - \frac{3}{5a}$$

$$= \underline{\underline{\frac{7}{5a}}}$$

பயிற்சி 02

1. $\frac{3}{a} - \frac{1}{2a}$

.....
.....
.....
.....
.....

2. $\frac{7}{3a} - \frac{1}{a}$

.....
.....
.....
.....
.....

3. $\frac{7}{8p} - \frac{1}{2p}$

.....
.....
.....
.....
.....

4. $\frac{7}{2x} - \frac{3}{4x}$

.....
.....
.....
.....
.....

5. $\frac{3}{5a} - \frac{3}{10a}$

.....
.....
.....
.....
.....

6. $\frac{5}{3k} - \frac{1}{6k}$

.....
.....
.....
.....
.....

அட்சரகணிதப் பின்னங்களின் கூட்டல்.(தொடர்புப் பகுதியெண்களுடனான,தொகுதியெண்ணாக அட்சரகணிதக் கோவைகளாடங்கிய)

தாரணம்

$$01. \frac{3}{2x} + \frac{2x+3}{4x}$$

$$= \frac{2 \times 3}{2 \times 2x} + \frac{2x+3}{4x}$$

$$= \frac{6+2x+3}{4x}$$

$$= \frac{2x+9}{4x}$$

$$02. \frac{a+5}{a} + \frac{3}{2a}$$

$$= \frac{2(a+5)}{2a} + \frac{3}{2a}$$

$$= \frac{2a+10+3}{2a}$$

$$= \frac{2a+13}{2a}$$

பயிற்சி 03

$$1. \frac{x+3}{9y} + \frac{5}{3y}$$

$$2. \frac{a+3}{2a} + \frac{5}{a}$$

$$3. \frac{1}{2a} + \frac{x+4}{a}$$

$$4. \frac{a+3}{a} + \frac{3a+1}{2a}$$

$$5. \frac{2}{5a} + \frac{2x+1}{10a}$$

$$6. \frac{m+3}{p} + \frac{m+1}{2p}$$

அடசரகணிதப் பின்னாவ்களின் கழித்தல்.(தொடர்புப் பகுதியென்களுடனான, அடசரகணிதக் கோவைகளைத் தொகுதியென்களாகவுடைய)

உதாரணம்

$$1. \quad \frac{x+3}{a} - \frac{5}{2a}$$

$$= \frac{2(x+3)}{2a} - \frac{5}{2a}$$

$$= \frac{2x+6}{2a} - \frac{5}{2a}$$

$$= \frac{2x+6-5}{2a} = \underline{\underline{\frac{2x+1}{2a}}}$$

$$2. \quad \frac{x+1}{2a} - \frac{2x+3}{a}$$

$$= \frac{x+1}{2a} - \frac{2(2x+3)}{2a}$$

$$= \frac{x+1}{2a} - \frac{2(2x+3)}{2a}$$

$$= \frac{x+1-4x-6}{2a}$$

$$= \underline{\underline{\frac{-3x-5}{2a}}}$$

பயிற்சி 04

$$1. \quad \frac{m+1}{5a} - \frac{2m}{a}$$

.....

.....

.....

.....

$$2. \quad \frac{3k+1}{2a} - \frac{3k}{a}$$

.....

.....

.....

.....

$$3. \quad \frac{4x+3}{x} - \frac{5}{2x}$$

.....

.....

.....

.....

$$4. \quad \frac{m}{2a} - \frac{3m+1}{4a}$$

.....

.....

.....

.....

$$5. \quad \frac{3k}{2a} - \frac{k+1}{a}$$

.....

.....

.....

.....

$$6. \quad \frac{3m+1}{2x} - \frac{m+1}{x}$$

.....

.....

.....

.....

$$7. \quad \frac{2x}{a} - \frac{x-1}{2a}$$

.....

.....

.....

.....

$$8. \quad \frac{3x}{2a} - \frac{2x-1}{4a}$$

.....

.....

.....

.....

$$9. \quad \frac{x-1}{3a} - \frac{2x-1}{a}$$

.....

.....

.....

.....

$$10. \quad \frac{5x-1}{4x} - \frac{3x+1}{x}$$

.....

.....

.....

.....

ஒவ்வொரு வினாவுக்கும் 2-3 நிமிடங்களில் விடையளிக்க.

1. $\frac{1}{2x} + \frac{1}{4x}$

.....
.....
.....
.....
.....

2. $\frac{2}{3x} + \frac{1}{6x}$

.....
.....
.....
.....
.....

3. $\frac{2}{3a} + \frac{5}{6a}$

.....
.....
.....
.....
.....

4. $\frac{1}{2a} + \frac{3}{10a}$

.....
.....
.....
.....
.....

5. $\frac{11}{12x} - \frac{1}{4x}$

.....
.....
.....
.....
.....

6. $\frac{9}{10x} - \frac{1}{2x}$

.....
.....
.....
.....
.....

7. $\frac{1}{5a} + \frac{7}{10a}$

.....
.....
.....
.....
.....

8. $\frac{x+1}{a} + \frac{2}{2a}$

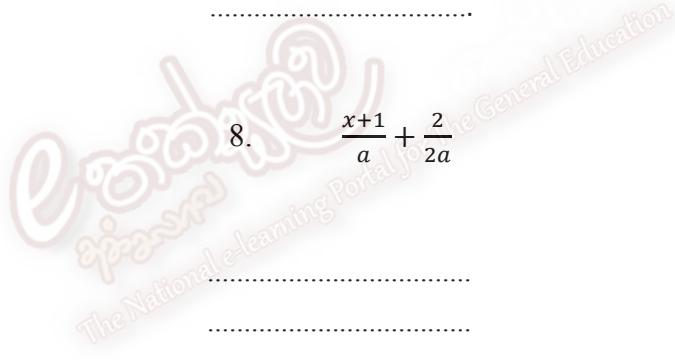
.....
.....
.....
.....
.....

9. $\frac{5+m}{m} + \frac{3}{2m}$

.....
.....
.....
.....
.....

10. $\frac{m}{x} - \frac{m}{3x} +$

.....
.....
.....
.....
.....



11. பின்வரும் பின்னங்களைச் சூருக்கிய விடை சரியெனின்(√) குறியீட்டையும் பிழையெனின்(×) குறியீட்டையும் உரிய கூட்டினுள் எழுதுக.

1. $\frac{a}{5} + \frac{3a}{5} = \frac{4a}{5}$	
2. $\frac{1}{2a} + \frac{3}{a} = \frac{7}{2a}$	
3. $\frac{7}{5a} - \frac{3}{5a} = \frac{4a}{5a}$	

12. பின்வரும் அட்சரகணிதப் பின்னங்களைச் சூருக்குவதற்கான இடைவெளிகளை நிரப்புக.

$$\begin{aligned}
 a. \quad & \frac{2}{3a} + \frac{x+1}{a} \\
 &= \frac{2+\boxed{\square}(x+1)}{3a} \\
 &= \frac{2+3x+3}{3a} \\
 &= \frac{3x+\boxed{\square}}{3a} \\
 &\underline{\underline{=}}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 b. \quad & \frac{7}{2x} - \frac{3x-1}{x} \\
 &= \frac{7-\boxed{\square}(3x-1)}{2x} \\
 &= \frac{7-\boxed{\square}x+2}{2x} \\
 &= \frac{9-6x}{2x} \\
 &\underline{\underline{=}}
 \end{aligned}$$

தவணை : 1

பாட உள்ளடக்கம் : அட்சரகணிதப் பின்னங்களுடனான ஏகபரிமானச் சமன்பாடுகளைத் தீர்ப்பார்.
(23)

கற்றற்பேறுகள் :

- ❖ அட்சரகணிதப் பின்னங்களுடனான எளிய சமன்பாடுகளைத் தீர்க்கும்போது அட்சரகணிதப் பின்னங்களின் சுருக்கல் முறைகளைப் பயன்படுத்தலாம் என்பதை இனங்காணல்.
- ❖ அட்சரகணித உறுப்புகளை பகுதியெண்களாகக் கொண்ட இரு பின்னங்களுடனான எளிய சமன்பாடுகளைத் தீர்ப்பார் (பகுதியெண்ணாக அட்சரகணிதக் கோவைகள் அடங்காதவை)

மேற்கூறிய கற்றற்பேறுகளை அடைந்து கொள்வதற்கு கற்றல் கற்பித்தல் செயற்பாடுகளைப் போது கவனஞ் செலுத்த வேண்டிய முக்கிய விடயங்கள்.

- நிறைவெண்களின் கூட்டல்.
- எளிய சமன்பாடுகளின் தீர்வெண்பது அதிலடங்கயுள்ள தெரியாக கணியத்தின் பெறுமானத்தைக் காண்பதென்பதை அறிதல்.
- $ax + b = c$ வடிவத்திலான சமன்பாடுகளைத் தீர்த்தல்.
- அட்சரகணிதப் பின்னங்களின் கூட்டல், கழித்தல் திறன்.
- எளிய சமன்பாடுகளைத் தீர்த்தவில் வெளிப்படை உண்மைகளைப் பயன்படுத்தல்.
- அட்சரகணிதப் பின்னங்களுடனான எளிய சமன்பாடுகளைத் தீர்ப்பார்.

(இதற்காக 1- 10 வரையான பயிற்சிகளை , (முன்னறிவிற்காகப் பயன்படுத்தலாம்.)

உதாரணம் $\frac{x}{2} = -3$ தீர்க்க.

$$\frac{x}{2} \times 2 = -3 \times 2 \text{ (இருபுறமும் 2 ஆல் பெருக்குவதன் மூலம்)}$$

$$\underline{x = -6}$$

பயிற்சி 1

கீழே தரப்பட்டுள்ள சமன்பாடுகளைத் தீர்க்க.

1. $\frac{x}{5} = 2$

2. $\frac{x}{-3} = -4$

3. $\frac{x}{8} = 2$

.....
.....
.....
.....
.....

.....
.....
.....
.....
.....

.....
.....
.....
.....
.....

4. $\frac{x}{-3} = 2$

5. $\frac{x}{4} = -6$

.....
.....
.....
.....
.....

.....
.....
.....
.....
.....

உதாரணம் - $\frac{x}{2} + 1 = 5$ தீர்க்க

$$\frac{x}{2} + 1 = 5$$

$$\frac{x}{2} + 1 - 1 = 5 - 1 \text{ (இருபுறமும் 1 ஜக் கழித்தல்)}$$

$$\frac{x}{2} = 4$$

$$x = 4 \times 2$$

$$x = 8$$

பயிற்சி 2

கீழே தரப்பட்டுள்ள சமன்பாடுகளைத் தீர்க்க.

1. $\frac{x}{3} - 1 = 2$

2. $\frac{x}{7} + 3 = 4$

3. $\frac{x}{5} - 1 = -4$

.....
.....
.....
.....

.....
.....
.....
.....

.....
.....
.....
.....

4. $\frac{x}{6} - 1 = 0$

5. $\frac{x}{8} + 3 = 9$

.....
.....
.....
.....
.....

.....
.....
.....
.....
.....

.....
.....
.....
.....

உதாரணம் - $\frac{3x}{2} = 2$ தீர்க்க.

$$\frac{3x}{2} = 2$$

$$3x = 2 \times 2 \text{ (இரு புறமும் 2 ஆல் பெருக்க)}$$

$$\frac{3x}{3} = \frac{4}{3}$$

$$x = 1\frac{1}{3}$$

பயிற்சி 3

கீழே தரப்பட்டுள்ள சமன்பாடுகளைத் தீர்க்க.

1. $\frac{4x}{3} = 8$

2. $\frac{4x}{-1} = -8$

3. $\frac{3x}{2} = -3$

.....
.....
.....
.....
.....

.....
.....
.....
.....
.....

.....
.....
.....
.....
.....

4. $\frac{-2x}{3} = 4$

.....
.....
.....
.....
.....

5. $\frac{5x}{4} = 6$

.....
.....
.....
.....
.....

உதாரணம் - $\frac{2x}{3} - 1 = 5$ தீர்க்க

$\frac{2x}{3} - 1 + 1 = 5 + 1$ (இரு பறமும் 1 ஐக் கூட்டுக)

$\frac{2x}{3} = 6$

$\frac{2x}{3} \times 3 = 6 \times 3$ (இருபறமும் 3 ஆற் பெருக்குக.)

$\frac{2x}{2} = \frac{18}{2}$ (இருபறமும் 2 ஆல் வகுக்க)

$x = 9$

பயிற்சி 4

கீழே தரப்பட்டுள்ள சமன்பாடுகளைத் தீர்க்க.

1. $\frac{2x}{3} + 3 = 5$

.....
.....
.....
.....
.....

2. $\frac{4x}{3} - 1 = 2$

.....
.....
.....
.....
.....

3. $5 + \frac{2x}{5} = 1$

.....
.....
.....
.....
.....

4. $\frac{7x}{3} - 1 = 4$

.....
.....
.....
.....
.....

5. $\frac{5x}{2} - 3 = 2$

.....
.....
.....
.....
.....

உதாரணம் -

$\frac{3x}{6} - \frac{x}{6} = 1$ தீர்க்க.

$\frac{3x}{6} - \frac{x}{6} = 1$ (இடப்பக்கத்திலுள்ள இரு அட்சரகணிதப் பின்னங்களையும் கருக்குக.)

$\frac{2x}{6} = 1$

$\frac{2x}{6} \times 6 = 1 \times 6$ (இருபறமும் 6 ஆற் பெருக்குக.)

$2x = 6$ (இருபறமும் 2 ஆல் வகுக்க.)

$\frac{2x}{2} = \frac{6}{2}$

$x = 3$

பயிற்சி 5

பின்வரும் சமன்பாடுகளைத் தீர்க்க.

$$1. \quad \frac{x}{3} + \frac{x}{3} = 2$$

$$2. \quad \frac{5x}{2} - \frac{x}{2} = 3$$

$$3. \quad \frac{x}{8} + \frac{x}{8} = 1$$

.....
.....
.....
.....
.....

.....
.....
.....
.....
.....

.....
.....
.....
.....
.....

$$4. \quad \frac{7x}{3} - \frac{5x}{3} = 2$$

$$5. \quad \frac{6x}{9} - \frac{x}{9} = 5$$

.....
.....
.....
.....
.....

.....
.....
.....
.....
.....

உதாரணம் -

$$\frac{x}{3} - \frac{x}{6} = 1 \text{ தீர்க்க.}$$

$$\frac{x}{3} - \frac{x}{6} = 1$$

$$\frac{2x}{6} - \frac{x}{6} = 1 \quad (\frac{x \times 2}{3 \times 2} = \frac{2x}{6})$$

$$\frac{x}{6} = 1$$

$$\frac{x}{6} \times 6 = 1 \times 6$$

$$\underline{\underline{x = 6}}$$

பயிற்சி 6

பின்வரும் சமன்பாடுகளைத் தீர்க்க.

$$1. \quad \frac{x}{2} + \frac{x}{4} = 3$$

$$2. \quad \frac{x}{9} + \frac{x}{3} = 4$$

$$3. \quad \frac{x}{7} + \frac{x}{21} = 2$$

.....
.....
.....
.....
.....

.....
.....
.....
.....
.....

.....
.....
.....
.....
.....

$$4. \quad \frac{x}{15} - \frac{x}{5} = 1$$

$$5. \quad \frac{x}{3} - \frac{x}{12} = 1$$

.....
.....
.....
.....
.....

.....
.....
.....
.....
.....

உதாரணம் -

$$\frac{x}{2} + \frac{x}{3} = 1 \text{ தீர்க்க.}$$

$$\frac{x}{2} + \frac{x}{3} = 1$$

$$\frac{x \times 3}{2 \times 3} + \frac{x \times 2}{3 \times 2} = 1 \quad (\text{இடப்பக்கப் பின்னங்களைச் சுருக்குக})$$

$$\frac{3x}{6} + \frac{2x}{6} = 1$$

$$\frac{5x}{6} = 1$$

$$\frac{5x}{6} \times 6 = 1 \times 6 \quad (\text{இருபுறமும் 6ஐல் பெருக்குக})$$

$$\frac{5x}{5} = \frac{6}{5} \quad (\text{இருபுறமும் 5 ஆல் வகுக்க) }$$

$$x = 1\frac{1}{5}$$

பயிற்சி 7

பின்வரும் சமன்பாடுகளைத் தீர்க்க.

1. $\frac{x}{2} - \frac{x}{3} = 1$

2. $\frac{x}{3} - \frac{x}{4} = 1$

3. $\frac{x}{3} + \frac{x}{5} = 4$

4. $\frac{2x}{3} - \frac{x}{4} = 5$

5. $\frac{2m}{3} - \frac{3m}{2} = -5$

உதாரணம் -

$$\frac{2x+5}{3} - \frac{x+7}{3} = 1 \text{ தீர்க்க}$$

$$\frac{2x+5}{3} - \frac{x+7}{3} = 1$$

$$\frac{2x+5-(x+7)}{3} = 1 \quad (\text{இடப்பக்க பின்னங்களைச் சுருக்குதல்)$$

$$\frac{2x+5-x-7}{3} = 1$$

$$\frac{x-2}{3} = 1$$

$$\frac{x-2}{3} \times 3 = 1 \times 3 \quad (\text{இருபுறமும் 3 ஆல் பெருக்கல்)$$

$$x - 2 = 3$$

$$x - 2 + 2 = 3 + 2 \quad (\text{இருபுறமும் 2 ஐக் கூட்டல்)$$

$$\underline{x = 5}$$

பயிற்சி 8

பின்வரும் சமன்பாடுகளைத் தீர்க்க.

1. $\frac{x+4}{2} + \frac{x-3}{2} = \frac{7}{2}$

.....
.....
.....
.....
.....

2. $\frac{2x-1}{3} - \frac{x-1}{3} = \frac{2}{3}$

.....
.....
.....
.....
.....

3. $\frac{x+5}{6} + \frac{x-1}{6} = 1$

.....
.....
.....
.....
.....

4. $\frac{2x-3}{2} - \frac{x+1}{2} = -1$

.....
.....
.....
.....
.....

5. $\frac{x+4}{5} + \frac{x+2}{5} = 2\frac{2}{5}$

.....
.....
.....
.....
.....

உதாரணம் -

$\frac{x+4}{3} - \frac{x-1}{6} = 2$ தீர்க்க.

$\frac{x+4}{3} - \frac{x-1}{6} = 2$

$\frac{2(x+4)-(x-1)}{6} = 2$ (இடப்பக்கப் பின்னங்களைச் சுருக்குதல்)

$\frac{2x+8-x+1}{6} = 2$

$\frac{x+9}{6} = 2$

$\frac{x+9}{6} \times 6 = 2 \times 6$ (இருபுறமும் 6 ஆல்பெருக்கல்.)

$x + 9 = 12$

$x + 9 - 9 = 12 - 9$ (இருபுறமும் 9 ஐக் கழித்தல்)

$x = 3$

பயிற்சி 9

பின்வரும் சமன்பாடுகளைத் தீர்க்க.

1. $\frac{x}{3} - \frac{x+2}{6} = 1$

.....
.....
.....
.....
.....

2. $\frac{x+1}{3} + \frac{x}{12} = 2$

.....
.....
.....
.....
.....

3. $\frac{x+1}{15} + \frac{x+1}{3} = 0$

.....
.....
.....
.....
.....

4. $\frac{5x+1}{9} - \frac{x-3}{3} = 1$

.....
.....
.....
.....
.....

5. $\frac{x+1}{4} + \frac{x-1}{8} = 2$

.....
.....
.....
.....
.....

உதாரணம் - $\frac{x+3}{2} + \frac{x-3}{3} = 1$ தீர்க்க.

$$\frac{x+3}{2} + \frac{x-3}{3} = 1$$

$$\frac{3(x+3)+2(x-3)}{6} = 1 \text{ (இடப்பக்கப் பின்னங்களைச் சுருக்குதல்)}$$

$$\frac{3x+9+2x-6}{6} = 1$$

$$\frac{5x+3}{6} = 1$$

$$\frac{5x+3}{6} \times 6 = 1 \times 6 \text{ (இருபுறமும் 6 ஆல் பெருக்கல்)}$$

$$5x + 3 = 6$$

$$5x + 3 - 3 = 6 - 3 \text{ (இருபுறமும் 3 ஜக் கழித்தல்)}$$

$$\frac{5x}{5} = \frac{3}{5} \text{ (அருபுறமும் 5 ஆல் வகுத்தல்)}$$

$$x = \frac{3}{5}$$

=====

பயிற்சி 10

பின்வரும் சமன்பாடுகளைத் தீர்க்க.

1. $\frac{x+1}{4} + \frac{x-1}{8} = 2$

.....
.....
.....
.....
.....

2. $\frac{x}{2} + \frac{x-1}{3} = \frac{1}{2}$

.....
.....
.....
.....
.....

3. $\frac{2x+1}{3} - \frac{x}{5} = \frac{12}{15}$

.....
.....
.....
.....
.....

4. $\frac{x+3}{3} - \frac{x-1}{7} = \frac{2}{21}$

.....
.....
.....
.....
.....

5. $\frac{x+4}{3} + \frac{x+1}{4} = \frac{26}{12}$

.....
.....
.....
.....
.....

உதாரணம் - $\frac{2}{x} + \frac{3}{x} = 5$ தீர்க்க.

$$\frac{2}{x} + \frac{3}{x} = 5$$

$$\frac{5}{x} = 5 \text{ (இடப்பக்கப் பின்னங்களைச் சுருக்கல்)}$$

$$\frac{5}{x} \times x = 5 \times x \text{ (இருபுறமும் } x \text{ ஆல் பெருக்கல்)}$$

$$5 = 5x$$

$$\frac{5}{5} = \frac{5x}{5} \text{ (இருபுறமும் 5 ஆல் வகுத்தல்)}$$

$$x = 1$$

=====

பயிற்சி 11

பின்வரும் சமன்பாடுகளைத் தீர்க்க.

1. $\frac{4}{x} - \frac{2}{x} = 2$

.....
.....
.....
.....
.....

2. $\frac{5}{x} + \frac{1}{x} = 12$

.....
.....
.....
.....
.....

3. $\frac{3}{x} - \frac{1}{x} = 5$

.....
.....
.....
.....
.....

4. $\frac{8}{x} - \frac{3}{x} = 5$

.....
.....
.....
.....
.....

5. $\frac{9}{x} - \frac{2}{x} = 14$

.....
.....
.....
.....
.....

உதாரணம் -

$\frac{3}{2x} - \frac{5}{x} = -1\frac{3}{4}$ தீர்க்க.

$\frac{3}{2x} - \frac{5}{x} = -1\frac{3}{4}$

$\frac{3-10}{2x} = \frac{-7}{4}$ (இடப்பக்கப் பின்னாங்களைச் சுருக்கல்)

$\frac{-7}{2x} = \frac{-7}{4}$

$\frac{-7}{2x} \times 4x = \frac{-7}{4} \times 4x$ (இருபுறமும் $4x$ ஆல் பெருக்கல்)

$-14 = -7x$

$\frac{-14}{-7} = \frac{-7x}{-7}$ (இருபுறமும் -7 ஆல் வகுத்தல்)

$x = 2$

பயிற்சி 12

பின்வரும் சமன்பாடுகளைத் தீர்க்க.

1. $\frac{2}{3x} + \frac{1}{x} = \frac{5}{6}$

.....
.....
.....
.....
.....

2. $\frac{4}{x} - \frac{3}{2x} = 1$

.....
.....
.....
.....
.....

3. $\frac{3}{2x} + \frac{1}{4x} = \frac{7}{8}$

.....
.....
.....
.....
.....

4. $\frac{5}{3x} - \frac{2}{9x} = \frac{13}{27}$

.....
.....
.....
.....
.....

5. $\frac{4}{x} + \frac{1}{7x} = 4\frac{1}{7}$

.....
.....
.....
.....
.....

உதாரணம் - $\frac{2}{3x} - \frac{1}{2x} = 1$ தீர்க்க.

$$\frac{2}{3x} - \frac{1}{2x} = 1$$

$$\frac{4-3}{6x} = 1 \text{ (இடப்பக்கப் பின்னங்களைக் கழித்தல்.)}$$

$$\frac{1}{6x} = 1$$

$$\frac{1}{6x} \times 6x = 1 \times 6x \text{ (இருபக்கமும் } 6x \text{ ஆல் பெருக்கல்)}$$

$$1 = 6x$$

$$\frac{1}{6} = \frac{6x}{6} \text{ (இரு பக்கமும் } 6 \text{ ஆல் வகுத்தல்)}$$

$$x = \frac{1}{6}$$

பயிற்சி 13

பின்வரும் சமன்பாடுகளைத் தீர்க்க.

1. $\frac{3}{2x} - \frac{1}{5x} = 1 \frac{3}{10}$

.....
.....
.....
.....
.....

2. $\frac{5}{3x} + \frac{1}{4x} = 1$

.....
.....
.....
.....
.....

3. $\frac{9}{5x} - \frac{2}{3x} = \frac{1}{15}$

.....
.....
.....
.....
.....

4. $\frac{7}{3x} - \frac{1}{2x} = 3 \frac{2}{3}$

.....
.....
.....
.....
.....

5. $\frac{5}{7x} - \frac{1}{2x} = \frac{1}{28}$

.....
.....
.....
.....
.....

ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் 2 - 3 நிமிடங்களில் விடையளிக்க.

01. தீர்க்க.

i. $\frac{5}{x} = 5$

.....
.....
.....
.....
.....

ii. $\frac{10}{x} = 2$

.....
.....
.....
.....
.....

iii. $\frac{3}{x} - 1 = 2$

.....
.....
.....
.....
.....

iv. $\frac{5}{x} + \frac{3}{x} = 2$

.....
.....
.....
.....
.....

v. $\frac{3}{x} - \frac{2}{x} = 1$

.....
.....
.....
.....
.....

vi. $\frac{3}{2x} - \frac{1}{x} = 1$

.....
.....
.....
.....
.....

$$\text{vii. } \frac{5}{2x} - \frac{3}{3x} = 3$$

.....
.....
.....
.....
.....

$$\text{viii. } \frac{2}{x} + \frac{3}{2x} = \frac{7}{4}$$

.....
.....
.....
.....
.....



தரம் : 10

தவணை : |

பாட உள்ளடக்கம் : ஒருங்கமை சமன்பாடுகளைத் தீர்த்தல்.(காரணி அறிவால்) (24)

கற்றற்பேறுகள் :

- ❖ முழுவெண் தீர்வைக் கொண்ட வித்தியாசமான குணகங்களைக் கொண்ட ஒருங்கமை சமன்பாடுகளைத் தீர்ப்பர்.
- ❖ இருபடிக் சமன்பாடுகளுக்கமைவாக இருபடிக் கோவைகளை காரணிப்படுத்துவர்.
- ❖ இரு கோவைகளின் பெருக்கம் பூச்சியமாகும்போது ஒரு கோவையேனும் பூச்சியமாக அமையும் என்பதை அறிதல்.
- ❖ காரணி அறிவினால் இருபடிச் சமன்பாடுகளைத் தீர்ப்பர்.

மேற்கூறிய கற்றற்பேறுகளை அடைந்து கொள்ள கற்றல் கற்பித்தல் செயற்பாட்டின்போது கவனிக்க வேண்டிய முக்கிய விடயங்கள்.

- அட்சரகணிதக் கோவைகளைச் சுருக்கல்.
- $ax + b = c$, $a, b, c \in z$, $a \neq 0$ ஆகும் எனிய சமன்பாடுகளைத் தீர்த்தல்.
- அட்சரகணிதக் கோவைகளுக்கு பெறுமானம் பிரதியிடல்.
- குணகங்கள் சமனான ஒருங்கமை சமன்பாடுகளைத் தீர்த்தல்.
- அட்சரகணிதக் கோவைகளின் காரணி காணல்.

உதாரணம்

(1). $x + y = 8$

$x - y = 4$

$x+y = 8 \longrightarrow (1)$

$x-y = 4 \longrightarrow (2)$

(1) + (2)

$x+y+x-y = 8+4$

$2x = 12$

$x = 6$

குணகங்கள் சமனாகும் போது குறியீடு வித்தியாசமெனின் இரு சமன்பாடுகளையும் கூட்டல் மூலம் ஒரு மாறியை நீக்கலாம்.

X இன் பெறுமானத்தை (1) இல் பிரதியிடுவதால்

$x+y = 8$

$6+y = 8$

$y = 8-6$

$y = 2$

தீர்வுகள் $x=6$, $y=2$

பயிற்சி 01

01. கூட்டுவதன் மூலம் பின்வரும் சமன்பாட்டுச் சோழையைத் தீர்க்க.

$$1. \quad x+y = 2$$

$$x-y = 8$$

.....
.....
.....
.....
.....

$$2. \quad 2x-y = 0$$

$$x+y = 3$$

.....
.....
.....
.....
.....

$$3. \quad 4x - 2y = 2$$

$$x + 2y = 8$$

.....
.....
.....
.....
.....

$$4. \quad x + 2y = 9$$

$$-x + y = 3$$

$$5. \quad 2x - 3y = -10$$

$$5x + 3y = 17$$

.....
.....
.....
.....
.....

உதாரணம்

$$4x + y = 9$$

$$2x + y = 5 \quad \text{தீர்க்க.}$$

சமனான குணகங்களைக் கொண்ட ஒரே குறியீட்டைக் கொண்ட சமன்பாடுகளைக் கழிப்பதன் மூலம் ஒரு மாறியை நீக்கலாம்.

$$4x + y = 9 \longrightarrow (1)$$

$$2x + y = 5 \longrightarrow (2)$$

$$(1) - (2)$$

$$4x + y - (2x + y) = 9 - 5$$

$$4x + y - 2x - y = 4$$

$$2x = 4$$

$$\underline{x = 2}$$

x இன் பெறுமானத்தை (1) இல் பிரதியிடுவதால்

$$4 \times 2 + y = 9$$

$$8 + y = 9$$

$$y = 9 - 8$$

$$\underline{y = 1}$$

தீர்வுகள் $\underline{x=2}$, $\underline{y=1}$

பயிற்சி 02

பின்வரும் ஒருங்கமை சமன்பாடுச் சோடியை கழித்தல் மூலம் தீர்க்க.

$$(1). \quad \begin{aligned} 2x + y &= 8 \\ x + y &= 5 \end{aligned}$$

$$(2). \quad \begin{aligned} 2x - y &= 3 \\ x - y &= 2 \end{aligned}$$

.....
.....
.....
.....
.....
.....

.....
.....
.....
.....
.....
.....

$$(3) \quad \begin{aligned} 3x - 2y &= 11 \\ x - 2y &= 1 \end{aligned}$$

$$(4) \quad \begin{aligned} x + 3y &= 1 \\ 2x + 3y &= -1 \end{aligned}$$

.....
.....
.....
.....
.....

.....
.....
.....
.....
.....

$$(5) \quad -3x + 4y = 9$$

$$-3x + 3y = 6$$

.....
.....
.....
.....
.....

தாரணம் -

$$(1) \quad 3x - y = 11$$

$x + y = 5$ x இன் பெறுமானம் காண்க.

$$3x - y = 11 \longrightarrow (1)$$

$$x + y = 5 \longrightarrow (2)$$

$$(1) + (2)$$

$$\begin{aligned} 3x - y + x + y &= 11 + 5 \\ 4x &= 16 \\ \underline{x} &= 4 \end{aligned}$$

$$(2) \quad 4x + y = 9$$

$2x + y = 5$ x இன் பெறுமானம் காண்க.

$$4x + y = 9 \longrightarrow (1)$$

$$2x + y = 5 \longrightarrow (2)$$

$$(1) - (2)$$

$$\begin{aligned} 4x + y - (6x + y) &= 9 - 5 \\ 2x &= 4 \\ \underline{x} &= 2 \end{aligned}$$

பயிற்சி 03

பின்வரும் ஒருங்கமை சமன்பாட்டுச் சோடியிலிருந்து x இன் பெறுமானம் காண்க.

$$\begin{aligned} (1). \quad 3x - y &= 7 \\ x + y &= 5 \end{aligned}$$

.....
.....
.....
.....

$$\begin{aligned} (2) \quad 7x + 2y &= 12 \\ 3x + 2y &= 4 \end{aligned}$$

.....
.....
.....
.....

$$\begin{aligned} (3) \quad 2x - y &= 7 \\ x - y &= 3 \end{aligned}$$

.....
.....
.....
.....

$$\begin{aligned} (4) \quad 3x + 2y &= 1 \\ x - 2y &= -5 \end{aligned}$$

.....
.....
.....
.....

5) $x - 2y = 2$
 $2x - 2y = 6$

.....
.....
.....

உதாரணம்

$$\begin{aligned} 2x + y &= 5 \\ 4x - y &= 1 \end{aligned}$$

சமன்பாட்டுச் சோடியில் $y = 3$ எனின் x இன் பெறுமானம் காண்க.
 y இன் தீர்வை மேலுள்ள எந்த சமன்பாட்டிலும் பிரதியிட்டு x இன் பெறுமானத்தைப் பெற்றுக் கொள்க.

$$\begin{aligned} 2x + y &= 5 \\ 2x + 3 &= 5 \\ 2x &= 5-3 \\ 2x &= 2 \\ x &= 1 \end{aligned}$$

பயிற்சி 04

(1). $x + 3y = 5$

$2x + y = 5$ எனும் சமன்பாட்டுச் சோடியில் $x = 2$ எனின் y இன் பெறுமானத்தைக் காண்க.

.....
.....
.....
.....
.....
.....

(2). $3x - y = -5$

$x - 2y = -5$ இல் y இன் தீர்வு 2 எனின் x இன் தீர்வைக் காண்க.

.....
.....
.....
.....
.....
.....

$$(3). 5x + 2y = 18$$

$x - 3y = 7$ இங்கு $x = 4$ எனின் y இன் பெறுமானம் காண்க.

.....
.....
.....
.....
.....
.....

தாரணம் -

$$2x + y = 4$$

$x + 2y = 5$ எனின் $x + y$ இன் பெறுமானம்காண்க.

$$2x + y = 4 \longrightarrow (1)$$

$$x + 2y = 5 \longrightarrow (2)$$

$$(1) + (2)$$

$$\begin{array}{rcl} 2x + y + x + 2y & = & 4 + 5 \\ 3x + 3y & = & 9 \\ 3(x + y) & = & 9 \quad (\text{பொதுக் காரணி நீக்கப்படல்}) \\ \underline{x + y} & = & 3 \end{array}$$

பயிற்சி 05

$$(1) 3x + 2y = 10$$

$2x + 3y = 15$ எனின் $(x + y)$ இன் பெறுமானம் காண்க.

.....
.....
.....
.....
.....
.....

$$(2) a - 2b = 4$$

$2a - b = 5$ எனின் $(a - b)$ இன் பெறுமானம் காண்க.

.....
.....
.....
.....
.....
.....

(3) $3x - 2y = 10$

$2x - 3y = 15$ எனின் $(x - y)$ இன் பெறுமானம் காண்க.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

(4) $2a - 3b = 0$

$2a - b = 4$ எனின் $(a - b)$ இன் பெறுமானம் காண்க.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

(5) $3x + y = 11$

$2x + 4y = 4$ எனின் $(x + y)$ இன் பெறுமானம் காண்க.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

இருபடிச் சமன்பாடுகளின் தீர்வு

உதாரணம் -

$$(x + 5)(2x - 1) = 0 \text{ இருபடிச் சமன்பாட்டைத் தீர்க்க.}$$

இரு கோவைகளினதும் பெருக்கம் 0 இற்குச் சமனாகையால் ஒரு கோவையேனும் 0 ஆதல் வேண்டும்.

$$\begin{array}{ll} x + 5 = 0 & \text{அல்லது} \\ x = -5 & \text{அல்லது} \end{array} \quad 2x - 1 = 0$$
$$\frac{2x}{2} = \frac{1}{2} \quad x = \frac{1}{2} \quad \underline{x = -5} \text{ அல்லது } \underline{x = \frac{1}{2}}$$

பயிற்சி 06

பின்வரும் இருபடிச் சமன்பாடுகளைத் தீர்க்க.

1. $(x - 3)(x + 2) = 0$ 2. $x(x - 1) = 0$

.....
.....
.....
.....

3. $3x(x + 4) = 0$ 4. $(2x - 1)(3x + 1) = 0$

.....
.....
.....
.....

5. $\frac{2}{3}x(x - \frac{1}{2}) = 0$

.....
.....
.....
.....

உதாரணம் 01

$x(x - 5) = -6$ சமன்பாட்டைத் தீர்க்க.

$$X(x - 5) = -6$$

$$x^2 - 5x = -6$$

$$x^2 - 5x + 6 = 0$$

$$x^2 - 3x - 2x + 6 = 0$$

$$X(x - 3) - 2(x - 3) = 0$$

$$(x - 3)(x - 2) = 0$$

$$(x - 3) = 0 \text{ அல்லது } (x - 2) = 0$$

$$\underline{X = 3} \quad \text{அல்லது} \quad \underline{x = 2}$$

உதாரணம் 02

$x^2 - 16 = 0$ சமன்பாட்டைத் தீர்க்க.

$$x^2 - 4^2 = 0$$

$$(x + 4)(x - 4) = 0$$

$$x + 4 = 0 \text{ அல்லது } x - 4 = 0$$

$$x = -4 \text{ அல்லது } x = 4$$

$$\underline{x = -4} \quad \text{அல்லது} \quad \underline{x = 4}$$

- முதலில் தரப்பட்டுள்ள சமன்பாட்டை $ax^2 + bx + c = 0$ வடிவில் எழுதிக் கொள்க.
- இடப்பக்கக் கோவையை காரணிப்படுத்துக.
- காரணிகளை வெவ்வேறாக 0 இற்குச் சமப்படுத்தி தீர்வுகளைப் பெறுக.

பயிற்சி 07

கீழே தரப்பட்டுள்ள இருபடிச் சமன்பாடுகளைத் தீர்க்க.

$$1. \quad x^2 - 9 = 0$$

$$2. \quad 2x^2 - 6x = 0$$

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

$$3. \quad x^2 = 7x - 12$$

$$4. \quad x^2 - 2x = 15$$

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

5. $x(2x - 5) = x(x - 2) + 10$

.....
.....
.....
.....
.....

ஒவ்வொரு வினாவிற்குமான விடைகளை 2 - 3 நிமிடங்களில் எழுதுக.

1. $2x + y = 13$

.....
.....
.....
.....
.....

$x - y = 2$, x இன் பெறுமானம் காண்க.

2. $2x + 4y = 0$

.....
.....
.....
.....
.....

$x - y = 3$ இங்கு x இன் தீர்வு 2 ஆகும். y இன் பெறுமானத்தைக் காண்க.

3. $.4x + y = 10$

.....
.....
.....
.....
.....

$x + 4y = 25$ எனும் சமன்பாடுகளைத் தீர்க்காது x + y இன் பெறுமானம் காண்க.

4. $3x + y = 13$

$x + 3y = 7$ எனின் சமன்பாடுகளைத் தீர்க்காது $x - y$ இன் பெறுமானம் காண்க.

.....
.....
.....
.....
.....
.....

5. $(x - 4)(2x + 1) = 0$ சமன்பாட்டைத் தீர்க்க.

.....
.....
.....
.....
.....
.....

6. $(x + 3)(x + a) = 0$ எனும் சமன்பாட்டின் தீர்வு $x = -3, x = -2$ ஆகும். a இன் பெறுமானம் காண்க.

.....
.....
.....
.....
.....
.....

7. $(3x - 1)(x - p) = 0$ எனும் சமன்பாட்டின் ஒரு தீர்வு $x = \frac{1}{2}$ ஆகும். p இன் பெறுமானம் காண்க.

.....
.....
.....
.....

8. $x^2 - x - 6 = 0$ சமன்பாட்டின் தீர்வைக் காண்க.

.....
.....
.....
.....

9. $x(x - 7) = 8$ தீர்க்க

.....
.....
.....
.....
.....

10. $x^2 - 4 = 0$ தீர்க்க.

.....
.....
.....
.....
.....



தரம் : 10

தவணை : III

பாட உள்ளடக்கம் : சமனிலிக்களைத் தீர்த்தலும் தீர்வுகளை எண்கோட்டில் வகைகுறித்தலும்(25) $(ax+b \leq c \text{ வடிவம், } a>0; a, b, c \in \mathbb{Z})$

கற்றற்பேறுகள் :

- ❖ $ax + b < c ; ax + b > c ; ax + b \leq c ; ax + b \geq c$ வடிவிலான சமனிலிகளின் நிறைவெண் தீர்வுத் தொடையை எழுதிக் காட்டுவர்.
- ❖ $ax + b < c ; ax + b > c ; ax + b \leq c ; ax + b \geq c$ வடிவிலான சமனிலிகளின் தீர்வுகளை எண்கோடான்றில் வகைகுறித்துக் காட்டுவர்.

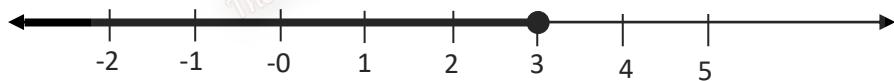
மேற்கூறிய கற்றற்பேறுகளை அடைந்து கொள்வதற்கு கற்றல் கற்பித்தல் செயற்பாட்டின்போது கவனஞ் செலுத்த வேண்டிய முக்கிய விடயங்கள்.

- எண்கோடான்றில் நேர் நிறைவெண், மறை நிறைவெண், பூச்சியம் என்பவற்றை அறிதல்.
- $X = 3$ போன்ற எளிய சமன்பாடொன்றின் தீர்வை எண்கோடான்றில் வகைகுறித்தல்.
- $x \geq 2$ போன்ற சமனிலியொன்றின் தீர்வை எண்கோடான்றில் வகைகுறித்தல்.
- $x > 2$ போன்ற சமனிலியொன்றின் தீர்வை எண்கோடான்றில் வகைகுறித்தல்.
- எளிய சமன்பாடுகளைத் தீர்த்தல்.

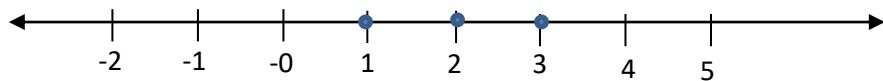
நிறைவெண் தீர்வுகள் என்பதை விளங்கிக் கொள்ளல்.

உதாரணம்-

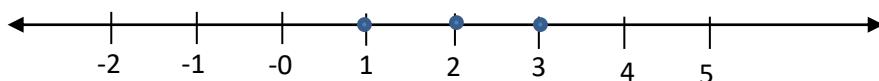
1. $x \leq 3$ எனும் சமனிலியின் எல்லாத் தீர்வுகளையும் பின்வருமாறு எண்கோடான்றில் வகைகுறிக்கப்படும்.



$x \leq 3$ எனும் சமனிலியைத் திருப்தி செய்யும் நேர்நிறைவெண் தீர்வுத் தொடை $\{1, 2, 3\}$ ஆகும். அதனைப் பின்வருமாறு எண்கோட்டில் குறிக்கலாம்.

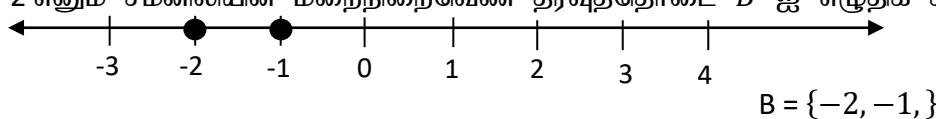


2. $x < 4$ எனும் சமனிலியின் நேர்நிறைவெண் தீர்வுத்தொடை A ஜ எழுதிக் காட்டுக.



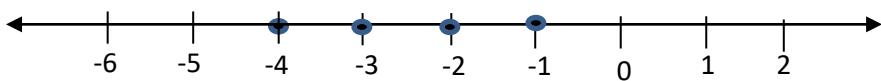
$$A = \{1, 2, 3\}$$

2. $x \geq -2$ எனும் சமனிலியின் மறைநிறைவெண் தீர்வுத்தொடை B ஜ எழுதிக் காட்டுக.



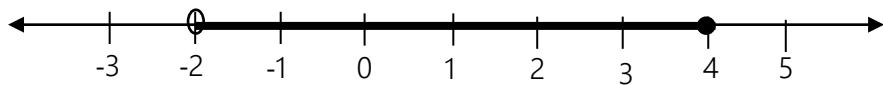
$$B = \{-2, -1\}$$

4. எண்கோட்டில் வகைகுறிக்கப்பட்டுள்ள $x > -5$ எனும் சமனிலியின் மறைநிறைவெண் தீர்வுத்தொடை C ஜி எழுதிக் காட்டுக.



$$C = \{-4, -3, -2, -1\}$$

5. $x \leq 4$, $x > -2$ ஆகிய இரு சமனிலிகளின் தீர்வுகளை எண்கோட்டில் வகைகுறிக்க.



பயிற்சி 1

- 1) மேலுள்ள உதாரணத்தின் அடிப்படையில் பின்வரும் சமனிலிகளைத் தீர்த்து அவற்றின் நேர்நிறைவெண் தீர்வுகளை எண்கோடொண்றில் வகைகுறிக்க.

(i) $x + 5 < 10$

(ii) $2x - 2 < 14$

(iii) $4x - 4 \leq 20$

(iv) $2x + 3 \leq 11$

(v) $3x + 4 \leq 16$

2)

- i. $x + 5 > 12$ எனும் சமனிலிக்குப் பொருந்தும் x இன் நிறைவெண் தீர்வுகள் 3 எழுதுக.

.....
.....
.....
.....

- ii. $2x - 4 \geq 6$ எனும் சமனிலிக்குப் பொருந்தும் x இன் நிறைவெண் தீர்வுகள் 3 எழுதுக.

.....
.....
.....
.....

- iii. $3x + 5 \leq 20$ எனும் சமனிலிக்குப் பொருந்தும் x இன் நிறைவெண் தீர்வுகள் 3 எழுதுக.

.....
.....
.....

- iv. $6x + 8 < 14$ எனும் சமனிலிக்குப் பொருந்தும் x இன் நிறைவெண் தீர்வுகள் 3 எழுதுக.

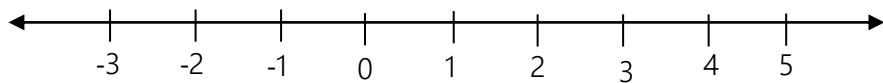
.....
.....
.....
.....

- v. $4x - 5 \geq 11$ எனும் சமனிலிக்குப் பொருந்தும் x இன் நிறைவெண் தீர்வுகள் 3 எழுதுக.

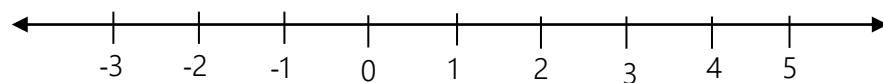
.....
.....
.....

3) கீழே தரப்பட்டுள்ள சமனிலிகளின் எல்லாத் தீர்வுகளையும் தரப்பட்டுள்ள எண்கோட்டில் குறிக்க.

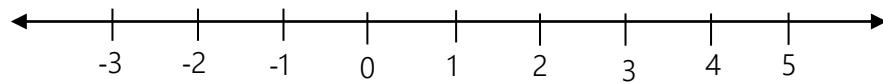
(i) $3x - 6 \leq 0$



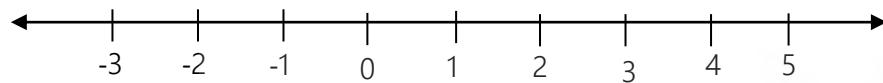
(ii) $2x + 8 \geq 14$



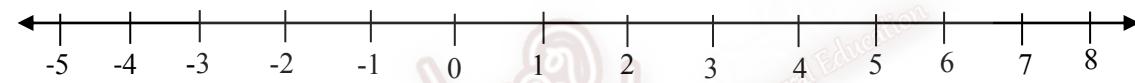
(iii) $4x + 2 > 14$



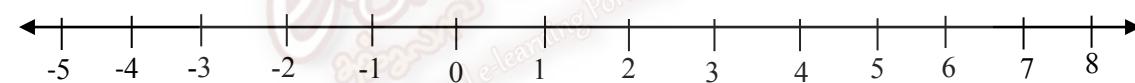
(iv) $2x - 5 < 3$



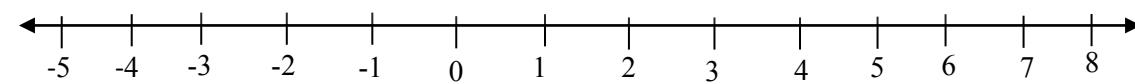
(v) $2x - 10 \leq 2$



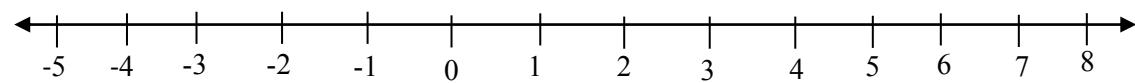
(vi) $7x + 9 < -5$



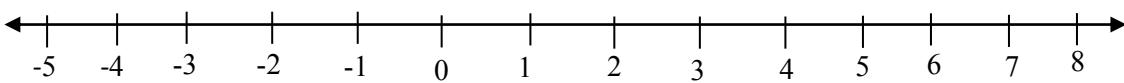
(vii) $8 + 4x \leq 0$



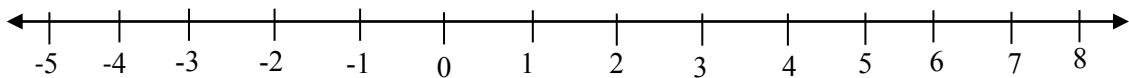
(viii) $\frac{3x}{2} \geq 9$



(ix) $\frac{x}{4}$



$$(x) \quad \frac{8x}{3} > 16$$



i. $2x + 1 \geq 6$ எனின் x கொள்ளும் சிறிய நிறைவெண் பெறுமானம் யாது?

.....
.....
.....
.....

ii. $3x - 8 \leq 4$ எனின் x கொள்ளும் பெரிய நிறைவெண் பெறுமானம் யாது?

.....
.....
.....
.....

iii. $5x + 1 > 16$ எனின் x கொள்ளும் சிறிய நிறைவெண் பெறுமானம் யாது?

.....
.....
.....
.....

iv. $2x - 6 < 15$ எனின் x கொள்ளும் பெரிய நிறைவெண் பெறுமானம் யாது?

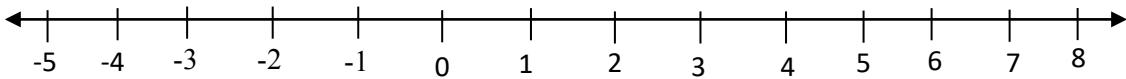
.....
.....
.....
.....

v. $3x + 4 \leq 10$ எனின் x கொள்ளும் பெரிய நிறைவெண் பெறுமானம் யாது?

.....
.....
.....
.....

ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் 2 - 3 நிமிடங்களில் விடையளிக்க.

01. $2x + 3 > 7$ எனும் சமனிலியின் தீர்வுகளை எண்கோட்டில் குறிக்க.



02. $7x - 6 < 8$ எனும் சமனிலியைத் தீர்த்து x கொள்ளும் பெரிய முழுவெண் பெறுமானத்தைக் காண்க.
-
.....
.....

03. $5x - 3 \geq 2$ எனும் சமனிலியைத் தீருப்தி செய்யும் நேர் நிறைவெண் தீர்வைக் காண்க.
-
.....
.....

04. சரியான விடையைத் தெரிவு செய்து அதன் கீழ்க் கோடிடுக.
 $x - 1 \geq 5$ எனும் சமன்பாட்டின் தீர்வாவது,

- I.
- II. $x > 6$
- III. $x \leq 6$
- IV. $x \geq 6$
- V. $x \geq 4$

06. $2x - 1 \leq 5$ எனும் சமனிலியின் நேர்நிறைவெண் தீர்வாக அமைவது
(a) 0, 1, 2, 3 (b) 0, 1, 2 (c) 1, 2, 3 (d) 1, 2

தவணை

: //

பாட உள்ளடக்கம் : $y = mx + c$ வடிவிலான நேர்கோட்டின் படித்திறனையும் வெட்டுத்துண்டையும் காணல். (26)

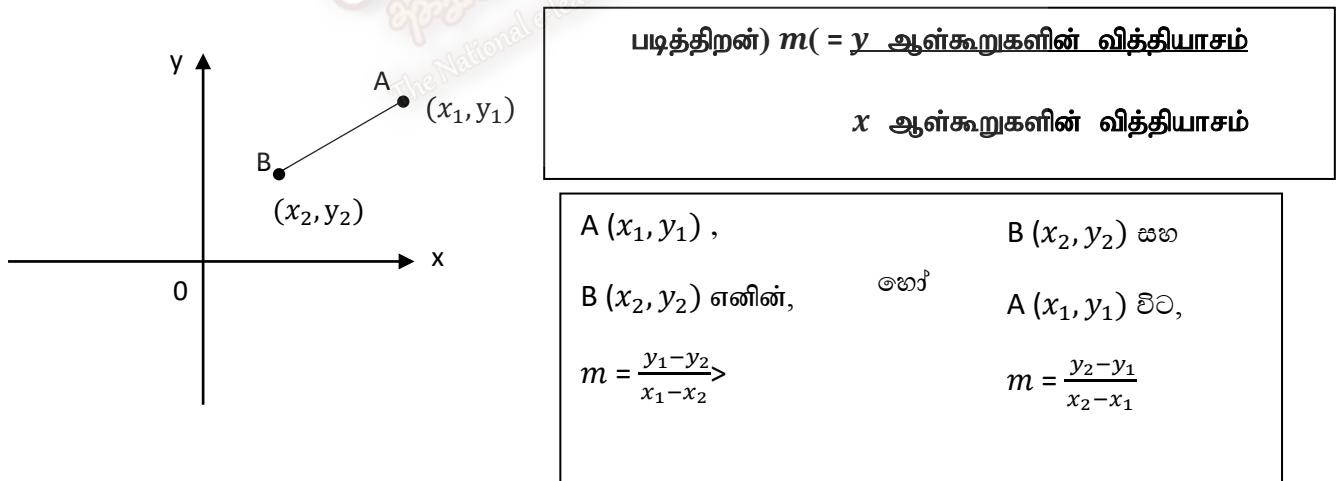
கற்றற்பேறுகள்.

- ❖ $y = mx + c$ வடிவிலான நேர்கோட்டின் மீது முதலாம் கால்வட்டத்தினுள் அமைந்த இரு புள்ளிகள் தரப்பட்டுள்ளபோது அதன் படித்திறனைக் காணல்.
 - ❖ $y = mx + c$ வடிவிலான நேர்கோட்டின் வரைபு தரப்பட்டுள்ளபோது அதன் படித்திறனைக் காணல்.
- நேர்கோடொன்றின் படித்திறனும் வெட்டுத்துண்டும் தரப்பட்டுள்ள போது இரு மாறிகளுக்குமிடையிலான தொடர்பைக் காண்பர்.

கற்றல் கற்பித்தல் செயற்பாட்டின் போது மேற்கூறிய கற்றற்பேறுகளை அடைந்து கொள்வதற்காக கவனஞ் செலுத்த வேண்டிய முக்கிய விடயங்கள்.

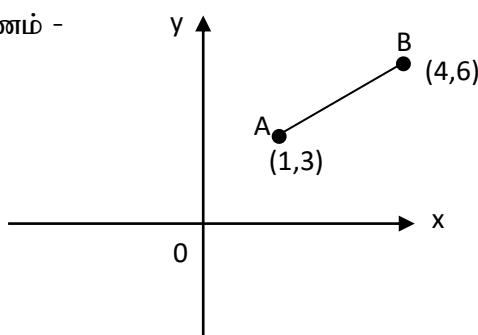
- இரு நிறைவெண்களின் கழித்தல்.
- இரு நிறைவெண்களை வகுத்தல்.
- எளிய பின்னத்தை காண்பர்.
- ஆள்கூறுகள் என்பது என்ன என்பதை அறிந்து கொள்ள.
- ஆள்கூற்றுத் தளத்தில் x, y அச்சுகளை இனங்காணல்.
- ஆள்கூற்றுத் தளத்தில் ஆள்கூறுகளைக் குறித்தல்.

$y = mx + c$ வடிவ நேர்கோட்டின் முதலாம் கால்வட்டத்தினுள் அமைந்த இரு புள்ளிகளின் ஆள்கூறுகள் தரப்பட்டுள்ள போது படித்திறனைக் காண்பர்.



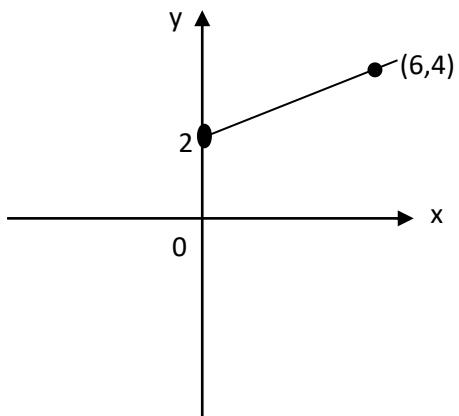
இங்கு x ஆள்கூறுகளுக்கு அமைவாக y ஆள்கூறுகளை எடுக்க வேண்டும். இதனை $m = \frac{y_1 - y_2}{x_2 - x_1}$ என எழுதிக் காட்டலாம்.

உதாரணம் -



$$\text{படித்திறன் } m = \frac{6-3}{4-1} = \frac{3}{3} = 1$$

$$\text{படித்திறன் } m = \frac{3-6}{1-4} = \frac{-3}{-3} = 1 \text{ ஆகும்.}$$



இங்கு இரு ஆள்கலைகளும் $(6,4)$, $(0, 2)$ ஆகும்.

$$\therefore m = \frac{4-2}{6-0} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

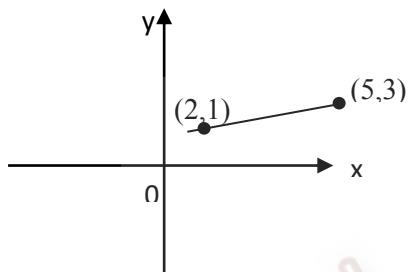
வெட்டுத்துண்டு $= 2$ ஆகும்.

சமன்பாடு - $y = \frac{1}{3}x + 2$ ஆகும்.

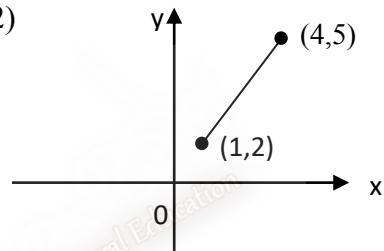
பயிற்சி 01

பின்வருவனவற்றுள் ம் ஜக் காண்க.

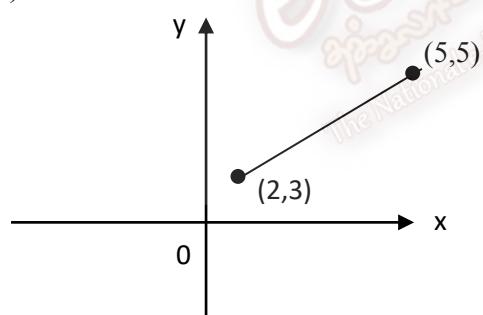
(1)



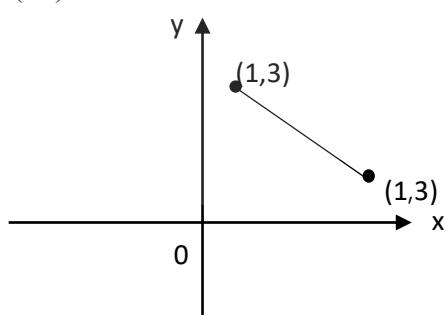
(2)



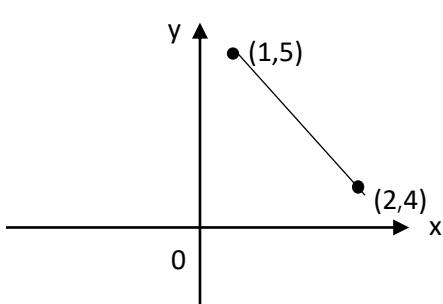
(3)



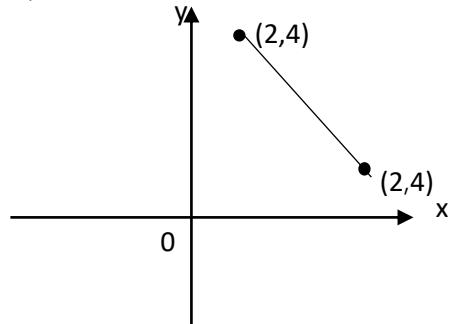
(04)



(05)



(06)



உதாரணம் - $y = mx + c$ எனும் சமன்பாட்டில் ம் என்பது பழக்கிறனும் ச என்பது வெட்டுத்துண்டுமாகும்.

பயிற்சி 02

(1) பின்வரும் அட்டவணையை நிரப்புக.

படித்திறன்	வெட்டுத்துண்டு	சமன்பாடு
m	c	$y = mx + c$
2	3	
-3	5	
		$y = 4x + 1$
		$y = -2x + 5$

(2) அட்டவணையில் தரப்பட்டுள்ள இரு புள்ளிகளின் ஆள்கூறுகளைப் பயன்படுத்தி படித்திறனைக் கண்டு அதன் சமன்பாட்டை $y = mx + c$ வடிவில் எழுதுக.

A ஆள்கூறு	B ஆள்கூறு	படித்திறன்- m	வெட்டுத்துண்டு -	சமன்பாடு
2), 4)	(3, 5)		2	
(1, 3)	(2, 7)		1	
(6, 2)	(4, 4)		$\frac{1}{2}$	
(5, 1)	(2, 7)		2	
(0, 2)	(7, 10)			
(0, 3)	(5, 6)			

உதாரணம்

வெட்டுத்துண்டு 3 ஆகவும் (2,5) புள்ளியினுடாகச் செல்வதுமான நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

$$\text{சமன்பாடு} \quad y = mx + c$$

$$c = 3 \text{ ஆகையால்}$$

$$y = mx + 3$$

(2,5) உடும் ஆள்கூறுகளைப் பிரதியிட்டு m ஜக் காண்போம்.

$$5 = m \times 2 + 3$$

$$5 - 3 = 2m$$

$$\frac{2}{2} = \frac{2m}{2}$$

$$\underline{m = 1}$$

$$\therefore \text{சமன்பாடு} \quad y = 1x + 3$$

பயிற்சி 02

01. வெட்டுத்துண்டு 1 ஆகவும் (2,5) புள்ளியினுடாகச் செல்வதுமான நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

.....

.....

.....

02. வெட்டுத்துண்டு 2 ஆகவும் (3,6) எனும் புள்ளியினுடாகச் செல்வதுமான நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டை காண்க.

.....

.....

.....

03. வெட்டுத்துண்டு 5 ஆகவும் (3,8) எனும் புள்ளியினுடாகச் செல்வதுமான நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டை காண்க.

.....

.....

.....

04. வெட்டுத்துண்டு 4 ஆகவும் (2,8) எனும் புள்ளியினுடாகச் செல்வதுமான நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டை காண்க.

.....

.....

.....

05. வெட்டுத்துண்டு 3 ஆகவும் (2,7) எனும் புள்ளியினுடாகச் செல்வதுமான நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டை காண்க.

.....

.....

.....

ஒவ்வொரு வினாக்களுக்கும் 2-3 நிமிடங்களில் விடையளிக்க.

1. $y = 3x + 4$ எனும் நேர்கோட்டின் படித்திறனையும் வெட்டுத்துண்டையும் காண்க.

.....
.....
.....
.....

2. $y = 2x + 1$ எனும் நேர்கோட்டின் படித்திறனையும் வெட்டுத்துண்டையும் காண்க.

.....
.....
.....
.....

3. $y = -4x + 3$ எனும் நேர்கோட்டின் படித்திறனையும் வெட்டுத்துண்டையும் காண்க.



4. $2y = -3x + 1$ எனும் நேர்கோட்டின் படித்திறனையும் வெட்டுத்துண்டையும் காண்க.

.....
.....
.....
.....

5. $3y = 2x + 3$ எனும் நேர்கோட்டின் படித்திறனையும் வெட்டுத்துண்டையும் காண்க.

.....
.....
.....
.....

6. (2, 0), (0, 4) ஆகிய புள்ளிகளினுடோகச் செல்லும் சமன்பாட்டின் படித்திறன், வெட்டுத்துண்டு என்பவற்றைக் கண்டு அதன் சமன்பாட்டை எழுதுக.
-
-
-
-

7. (2,0) , (0, 6) ஆகிய புள்ளிகளினுடோகச் செல்லும் சமன்பாட்டின் படித்திறன், வெட்டுத்துண்டு என்பவற்றைக் கண்டு அதன் சமன்பாட்டை எழுதுக.
-
-
-
-

8. (0, 3), (2, 5) ஆகிய புள்ளிகளினுடோகச் செல்லும் சமன்பாட்டின் படித்திறன், வெட்டுத்துண்டு என்பவற்றைக் கண்டு அதன் சமன்பாட்டை எழுதுக.
-
-
-
-

9. (0, 1) , (3, 5) ஆகிய புள்ளிகளினுடோகச் செல்லும் சமன்பாட்டின் படித்திறன், வெட்டுத்துண்டு என்பவற்றைக் கண்டு அதன் சமன்பாட்டை எழுதுக.
-
-
-
-

10. (0, 0), (3, 6) ஆகிய புள்ளிகளினுடோகச் செல்லும் நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
-
-
-
-

11. (0, 0), (2, 5) ஆகிய புள்ளிகளினுடாகச் செல்லும் நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

.....

.....

.....

12. (0, 0) (2, 4) ஆகிய புள்ளிகளினுடாகச் செல்லும் நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

.....

.....

.....

13. வெட்டுத்துண்டு 1 ஆகவுள்ள (2,3) புள்ளியூடாகச் செல்லும் நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டை எழுதுக.

.....

.....

.....

.....

14. வெட்டுத்துண்டு 2 ஆகவுள்ள (3,5) கீல்க்கிணி ஹர்ஹா யன சிரல் ரீவாவே சுக்கிரங்கய லீயன்ன.

.....

.....

.....

15. வெட்டுத்துண்டு 3 ஆகவுள்ள (4,7) புள்ளியூடாகச் செல்லும் நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டை எழுதுக.

.....

.....

.....

.....

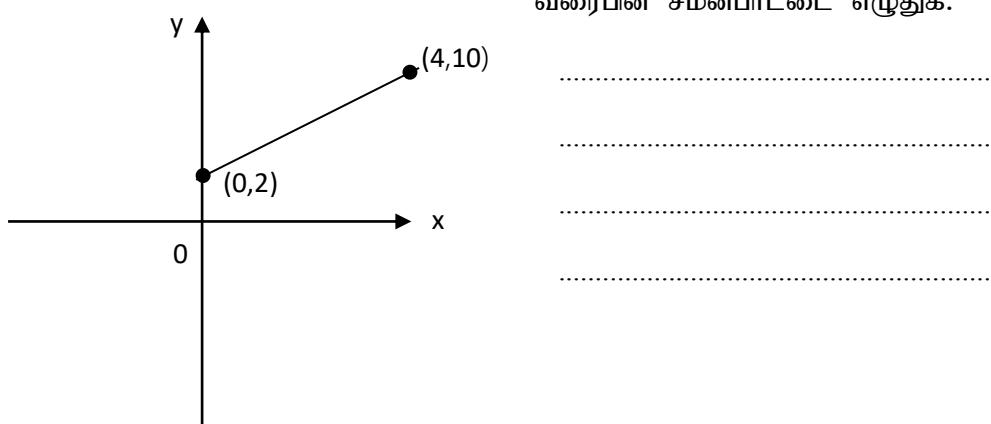
16. வெட்டுத்துண்டு 7 ஆகவுள்ள (5,0) புள்ளியூடாகச் செல்லும் நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டை எழுதுக.

.....

.....

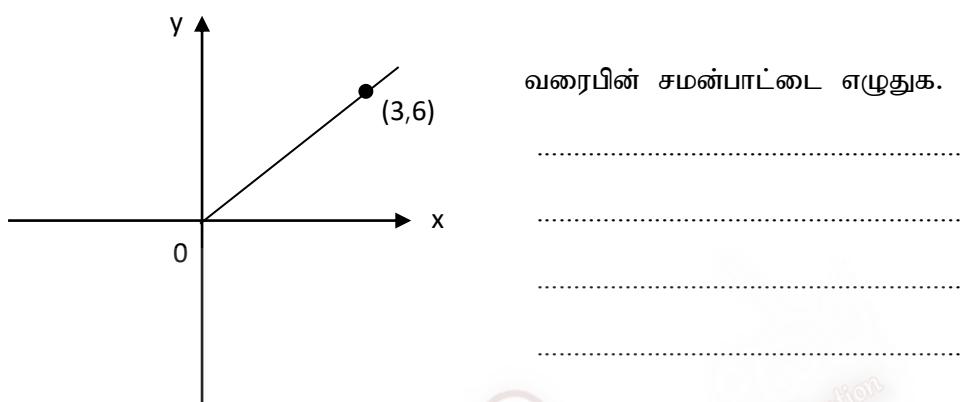
.....

17.



வரைபின் சமன்பாட்டை எழுதுக.

18.



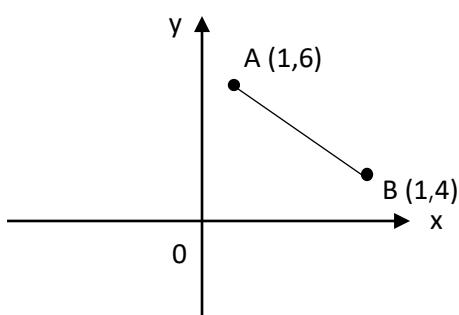
வரைபின் சமன்பாட்டை எழுதுக.

19. படித்திறன் 2 உம் வெட்டுத்துண்டு 1 ஆகவுமள்ள நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டை எழுதுக.

20. படித்திறன் -3 உம் வெட்டுத்துண்டு 2 ஆகவுமள்ள நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டை எழுதுக.

21. சரியான விடையைத் தெரிவு செய்து அதன் கீழ் கோடிடுக.

நேர்கோடு AB இன் படித்திறன்,

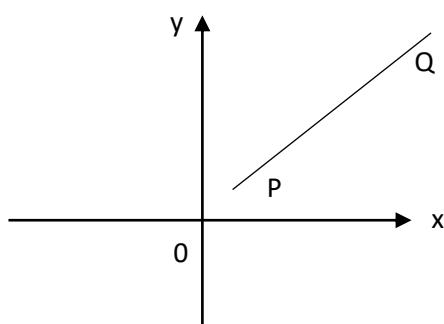


1. $\frac{1-4}{6-1}$ ஆகும்.

2. $\frac{6-2}{1-4}$ ஆகும்.

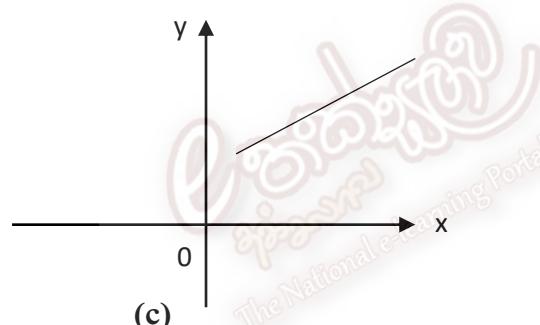
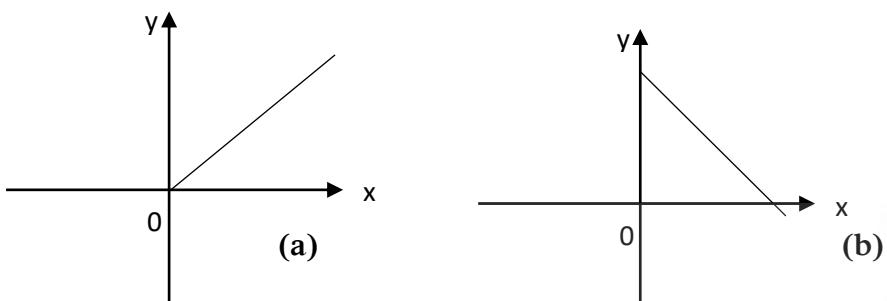
3. $\frac{1-6}{4-1}$ ஆகும்.

22. നേർക്കോടു PQ ഇൻ പാഠത്തിൽ



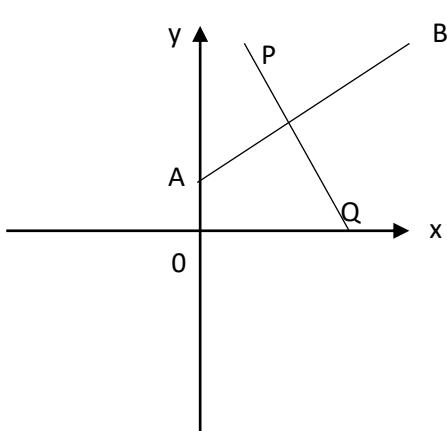
1. നേർപ്പെയ്യലാന്ത്തൈ എടുക്കുമ്.
2. മരുപ്പ് പെയ്യലാന്ത്തൈ എടുക്കുമ്.
3. പൂച്ചിയമാകുമ്.

23. പിൻവരുമ് വരെപുകളും നേർപാഠത്തിലെ കൊണ്ട് വരെപ്



- i. a , b ആകുമ്.
- ii. b , c ആകുമ്.
- iii. a , c ആകുമ്.

24. ചരിയാൻ വിടെയൈത് തെരിവു ചെയ്തു (✓) കുറിയീടു ഇടുക.



AB നേർക്കോട്ടിന് സമൺപാടു $y = 2x + 1$ ആകുമ്.

AB നേർക്കോട്ടിന് സമൺപാടു $y = -2x + 1$ ആകുമ്.

PQ നേർക്കോട്ടിന് സമൺപാടു $y = -3x + 7$ ആകുമ്.

PQ നേർക്കോട്ടിന് സമൺപാടു $y = 3x + 7$ ആകുമ്.

விடைகள்

20 – அட்சரகணிதம் (காரணி)

பயிற்சி 01

- | | | |
|----------------------|----------------------|----------------------|
| 1). $(x + 5)(x + 3)$ | 2). $(x + 4)(x + 3)$ | 3). $(x + 5)(x + 4)$ |
| 4). $(x + 1)(x + 1)$ | 5). $(x + 8)(x + 3)$ | 6). $(x + 6)(x + 2)$ |

பயிற்சி 02

- | | | |
|----------------------|----------------------|----------------------|
| 1). $(x - 5)(x - 2)$ | 2). $(x - 8)(x - 3)$ | 3). $(x - 5)(x - 3)$ |
| 4). $(x - 4)(x - 5)$ | 5). $(x - 7)(x - 3)$ | 6). $(x - 8)(x - 2)$ |

பயிற்சி 03

- | | | |
|----------------------|----------------------|----------------------|
| 1). $(x + 7)(x - 3)$ | 2). $(x + 4)(x - 3)$ | 3). $(x + 8)(x - 3)$ |
| 4). $(x - 6)(x + 2)$ | 5). $(x - 3)(x + 2)$ | 6). $(x - 4)(x + 2)$ |
| 7). $(x - 9)(x + 3)$ | 5). $(x - 5)(x + 3)$ | |

பயிற்சி 04

- | | | |
|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| 1). $(x + 1)(2x + 1)$ | 2). $(2m + 1)(m + 3)$ | 3). $(3x + 1)(x + 2)$ |
| 4). $(3x + 1)(x + 5)$ | 5). $(p + 1)(3p + 2)$ | 6). $(4x + 1)(x + 2)$ |

பயிற்சி 05

- | | | |
|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| 1). $(3p - 1)(p - 5)$ | 2). $(3p - 8)(p - 1)$ | 3). $(2x - 1)(x - 1)$ |
| 4). $(2x - 3)(x - 5)$ | 5). $(2x - 3)(x - 2)$ | 6). $(3x - 2)(x - 3)$ |

பயிற்சி 06

- | | | |
|------------------------|-----------------------|-----------------------|
| 1). $(x + 6)(2x - 3)$ | 2). $(3p - 2)(p + 1)$ | 3). $(3x - 1)(x + 2)$ |
| 4). $(2a - 3)(a + 2)$ | 5). $(4m - 1)(m + 3)$ | 6). $(2x + 5)(x - 3)$ |
| 7). $(2x + 1)(x - 1)$ | 8). $(3p + 2)(p - 3)$ | 9). $(x - 6)(2x + 3)$ |
| 10). $(5x + 3)(x - 2)$ | | |

ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் 2-3 நிமிடங்களில் விடையளிக்க.

- | | |
|--|--|
| 1). $(x + 2)$ | 2). $a = 3, b = -2$ அல்லது $a = -2, b = 3$ |
| 3). $p = -7, q = 6$ அல்லது $p = 6, q = -7$ | 4). $(2p + 1)(p - 1)$ |
| 5). $(x + 4)(x + 3)$ | 6). $(x - 9)(x + 5)$ |
| 7). $(x + 5)$ | 8). $(x + 6)$ |
| 9). $(2x - 5)(x + 1)$ | 10). $(2x + 1)(x + 3)$ |
| 11). $(x + 9)(x - 7)$ | 12). $(x - 4)(x + 2)$ |
| 13). $(x + 3)(x + 3)$ அல்லது $(x + 3)^2$ | 14). $(x - 5)(x - 5)$ அல்லது $(x - 5)^2$ |

21 – அட்சரகணிதம் (பொதுமடங்குகளுள் சிறியது)

விடைகள்

பயிற்சி 01

- | | | |
|------------|-----------------|-----------------|
| 1). a^2b | 2). a^2b^2 | 3). x^2y^2 |
| 4). a^2b | 5). $a^2b^2c^2$ | 6). $x^2y^2p^2$ |

பயிற்சி 02

- | | | |
|-----------------|----------------|----------------|
| 1). $12x^2y^2$ | 2). $12x^2y^2$ | 3). $36a^2b^2$ |
| 4). $72a^2b^2$ | 5). $18a^2b$ | 6). $24a^2x$ |
| 7). $18a^2b^2$ | 8). $24a^2b^2$ | 9). $24a^2b^2$ |
| 10). $60a^2b^2$ | | |

பயிற்சி 03

- | | | |
|----------------|----------------|--------------|
| 1). a^2b | 2). $6a^2b^2$ | 3). $28x^2y$ |
| 4). $24a^2b^2$ | 5). $60p^2q^2$ | |

ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் 2-3 நிமிடங்களில் விடையளிக்க.

- | | | |
|-----------------|----------------|----------------|
| 1). $12x^2y$ | 2). $24a^2b^2$ | 3). $6x^2$ |
| 4). x^2y | 5). x^2y^2 | 6). $24x^2y^2$ |
| 7). $8a^2b^2$ | 8). $60x^2y^2$ | 9). a^2b^2c |
| 10). $60x^2y^2$ | | |

22 – அட்சரகணிதம் (அட்சரகணிதப் பின்னங்களின் கூட்டலும் கழித்தலும்)

விடைகள்

பயிற்சி 01

- | | | |
|--------------------|---------------------|----------------------|
| 1). $\frac{5}{3a}$ | 2). $\frac{11}{4a}$ | 3). $\frac{4}{3x}$ |
| 4). $\frac{4}{3x}$ | 5). $\frac{7}{4a}$ | 6). $\frac{11}{10a}$ |

பயிற்சி 02

- | | | |
|---------------------|---------------------|--------------------|
| 1). $\frac{5}{2a}$ | 2). $\frac{4}{3a}$ | 3). $\frac{3}{8p}$ |
| 4). $\frac{11}{4x}$ | 5). $\frac{3}{10a}$ | 6). $\frac{3}{2k}$ |

பயிற்சி 03

- | | | |
|-----------------------|------------------------|-----------------------|
| 1). $\frac{x+18}{9y}$ | 2). $\frac{a+13}{2a}$ | 3). $\frac{2x+9}{2a}$ |
| 4). $\frac{5a+7}{2a}$ | 5). $\frac{2x+5}{10a}$ | 6). $\frac{3m+7}{2p}$ |

பயிற்சி 04

- | | | |
|-------------------------|-----------------------|-----------------------|
| 1). $\frac{1-9m}{5a}$ | 2). $\frac{1-3k}{2a}$ | 3). $\frac{8x+1}{2x}$ |
| 4). $\frac{-m-1}{4a}$ | 5). $\frac{k-2}{2a}$ | 6). $\frac{m-1}{2x}$ |
| 7). $\frac{3x+1}{2a}$ | 8). $\frac{4x+1}{4a}$ | 9). $\frac{2-5x}{3a}$ |
| 10). $\frac{-7x-5}{4x}$ | | |

ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் 2-3 நிமிடங்களில் விடையளிக்க.

- | | | |
|--|---|---|
| 1). $\frac{3}{4x}$ | 2). $\frac{5}{6x}$ | 3). $\frac{3}{2a}$ |
| 4). $\frac{4}{5a}$ | 5). $\frac{2}{3x}$ | 6). $\frac{2}{5x}$ |
| 7). $\frac{9}{10a}$ | 8). $\frac{2x+4}{2a} = \frac{x+2}{a}$ | 9). $\frac{13+2m}{2m}$ |
| 10). $\frac{2m}{3x}$ | | |
| 11). 1. ✓ | 2. ✓ | 3. ✗ |
| 12). (a) 3 | (b) 2 | |
| | 5 | 6 |

23 – அடசரகணிதம் (அடசரகணிதப் பின்னங்களுடனான ஏகபரிமானச் சமன்பாடுகள்)

வடைகள்

பயிற்சி 01

- | | | |
|--------------|---------------|--------------|
| 1). $x = 10$ | 2). $x = 12$ | 3). $x = 16$ |
| 4). $x = -6$ | 5). $x = -24$ | |

பயிற்சி 02

- | | | |
|-------------|--------------|---------------|
| 1). $x = 9$ | 2). $x = 7$ | 3). $x = -15$ |
| 4). $x = 6$ | 5). $x = 48$ | |

பயிற்சி 03

- | | | |
|--------------|---------------------------------------|--------------|
| 1). $x = 6$ | 2). $x = 2$ | 3). $x = -2$ |
| 4). $x = -6$ | 5). $x = \frac{24}{5} = 4\frac{4}{5}$ | |

பயிற்சி 04

- 1). $x = 3$ 2). $x = \frac{9}{4} = 2\frac{1}{4}$ 3). $x = -10$
4). $x = \frac{15}{7} = 2\frac{1}{7}$ 5). $x = 2$

பயிற்சி 05

- 1). $x = 3$ 2). $x = \frac{3}{2} = 1\frac{1}{2}$ 3). $x = 4$
4). $x = 3$ 5). $x = 9$

பயிற்சி 06

- 1). $x = 4$ 2). $x = 9$ 3). $x = \frac{21}{2} = 10\frac{1}{2}$
4). $x = -\frac{15}{2} = -7\frac{1}{2}$ 5). $x = 4$

பயிற்சி 07

- 1). $x = 6$ 2). $x = 12$ 3). $x = \frac{15}{2} = 7\frac{1}{2}$
4). $x = 12$ 5). $x = 6$

பயிற்சி 08

- 1). $x = 3$ 2). $x = 2$ 3). $x = 1$
4). $x = 2$ 5). $x = 3$

பயிற்சி 09

- 1). $x = 8$ 2). $x = 4$ 3). $x = -1$
4). $x = -\frac{1}{2}$ 5). $x = 5$

பயிற்சி 10

- 1). $x = 5$ 2). $x = 1$ 3). $x = 1$
4). $x = -\frac{11}{2}$ 5). $x = 1$

பயிற்சி 11

- 1). $x = 1$ 2). $x = \frac{1}{2}$ 3). $x = \frac{2}{5}$
4). $x = 1$ 5). $x = \frac{1}{2}$

பயிற்சி 12

- 1). $x = 2$ 2). $x = \frac{5}{2}$ 3). $x = 2$
4). $x = 3$ 5). $x = 1$

பயிற்சி 13

- 1). $x = 1$ 2). $x = \frac{23}{12}$ 3). $x = 17$
4). $x = \frac{1}{2}$ 5). $x = 6$

ஒவ்வொரு வினாவையும் 2-3 நிமிடங்களில் செய்க.

- 1). $x = 1$ 2). $x = 5$ 3). $x = 1$
4). $x = 4$ 5). $x = 1$ 6). $x = \frac{1}{2}$
7). $x = \frac{1}{2}$ 8). $x = 2$

24 – அடசகணிதம் (ஒருங்கமை சமன்பாடுகள்)

விடைகள்

பயிற்சி 01

- 1). $x = 5, y = -3$ 2). $x = 1, y = 2$ 3). $x = 2, y = 3$
4). $x = 1, y = 4$ 5). $x = 1, y = 4$

பயிற்சி 02

- 1). $x = 3, y = 2$ 2). $x = 1, y = -1$ 3). $x = 5, y = 2$
4). $x = 2, y = 1$ 5). $x = 1, y = 3$

பயிற்சி 03

- 1). $x = 3$ 2). $x = 2$ 3). $x = 4$
4). $x = -1$ 5). $x = 4$

பயிற்சி 04

- 1). $y = 1$ 2). $x = -1$ 3). $y = -1$

பயிற்சி 05

- 1). 5 2). 3 3). 5
4). 1 5). 3

பயிற்சி 06

- 1). $x = 3, x = -2$ 2). $x = 0, x = 1$ 3). $x = 0, x = -4$
4). $x = \frac{1}{2}, x = -\frac{1}{3}$ 5). $x = 0, x = \frac{1}{2}$

பயிற்சி 07

1). $x = 3, x = -3$ 2). $x = 0, x = 3$ 3). $x = 4, x = 3$

4). $x = 5, x = -3$ 5). $x = 5, x = -2$

ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் 2-3 நிமிடங்களில் விடை தருக.

1). $x = 5$

2). $y = -1$

3). 7

4). 5

5). $x = 4, x = -\frac{1}{2}$

6). $a = 2$

7). $p = \frac{1}{2}$

8). $x = 3, x = -2$

9). $x = 8, x = -1$

10). $x = 2, x = -2$

5). $x = 4, x = -\frac{1}{2}$

6). $a = 2$

25 – அட்சரகணிதம் (சமளிலிகள்)

விடைகள்

பயிற்சி 1

1).

(i). $x < 5$
 $\{4, 3, 2, 1\}$

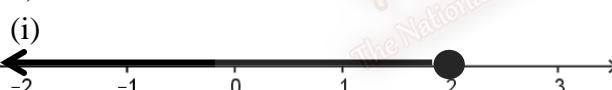
(ii). $x < 8$
 $\{7, 6, 5, 4, 3, 2, 1\}$

(iii). $x \leq 6$
 $\{6, 5, 4, 3, 2, 1\}$

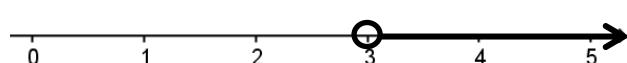
(iv). $x \leq 4$
 $\{4, 3, 2, 1\}$

(v). $x \leq 4$
 $\{4, 3, 2, 1\}$

3).



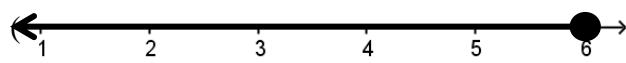
(iii)



(iv)



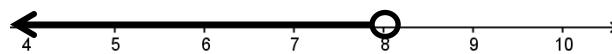
(v)



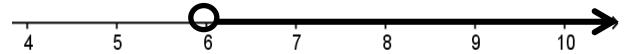
(vi)



(ix)



(x)



4).

(i). $x = 2$
(ii). $x = 4$

(iv). $x = 10$
(v). $x = 2$

(iii). $x = 4$

ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் 2-3 நிமிடங்களில் விடை எழுதுக.



- (1). $x = 1$ (3). $x = 1$ (4). (ii) (5). $x > 4$ (6). (C)

26 – அடசரகணிதம் (வரைபு)

விடைகள்

பயிற்சி 01

1). $x = \frac{2}{3}$	2). $m = \frac{3}{3} = 1$	3). $m = \frac{2}{3}$
3). $x = \frac{2}{-2} = -1$	4). $m = \frac{3}{-3} = -1$	5). $m = \frac{2}{-2} = -1$

பயிற்சி 02

(1)

2	3	$y = 2x + 3$
-3	5	$y = -3x + 5$
4	1	$y = 4x + 1$
-2	5	$y = -2x + 5$

(2)

படித்திறன் -m	வெட்டுத்துண்டு - c	சமன்பாடு
1	2	$y = x + 2$
4	1	$y = 4x + 1$
-1	$\frac{1}{2}$	$y = -x + \frac{1}{2}$
-2	2	$y = -2x + 2$
$\frac{8}{7}$	2	$y = \frac{8}{7}x + 2$
$\frac{3}{5}$	3	$y = \frac{3}{5}x + 3$

பயிற்சி 03

1). $y = 2x + 1$	2). $y = \frac{4}{3}x + 2$	3). $y = x + 5$
4). $y = 2x + 4$	5). $y = 2x + 3$	

ஒவ்வொரு வினாவையும் 2-3 நிமிடங்களில் செய்க.

- | | | |
|---|--|--|
| 1). $m = 3, c = 4$ | 2). $m = 2, c = 1$ | 3). $m = -4, c = 3$ |
| 4). $m = \frac{-3}{2}, c = \frac{1}{2}$ | 5). $m = \frac{2}{3}, c = 1$ | 6). $m = -2, c = 4$
$y = \frac{-5}{2}x + 5$ |
| 7). $m = -3, c = 6$
$y = -3x + 6$ | 8). $m = 1, c = 3$
$y = x + 3$ | 9). $m = \frac{4}{3}, c = 1$
$y = \frac{4}{3}x + 1$ |
| 10). $y = 2x$ | 11). $y = \frac{5}{2}x$ கேல் $2y = 5x$ | 12). $y = 2x$ |
| 13). $y = x + 1$ | 14). $y = x + 2$ | 15). $y = x + 3$ |
| 16). $y = \frac{-7}{5}x + 7$ | 17). $y = 2x + 2$ | 18). $y = 2x$ |
| 19). $y = 2x + 1$ | 20). $y = -3x + 2$ | 21). 3 |
| 22). 1 | 23). (iii) | 24). ✓ ✗ ✓ ✗ |

