සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි / முழுப் பதிப்புரிமையுடையது / All Rights Reserved]

අධ්‍යාපන අමාත්‍යාංශය අධ්‍යාපන අමාත්‍යාංශය අධ්‍යාපන අමාත්‍යාංශය අධ්‍යාපන අමාත්‍යාංශය අධ්‍යාපන අමාත්‍යාංශය අධ්‍යාපන අමාත්‍යාංශය
கல்வி அமைச்சு கல்வி அமைச்சு கல்வி அமைச்சு கல்வி அமைச்சு கல்வி அமைச்சு கல்வி அமைச்சு கல்வி அமைச்சு
Ministry of Education Ministry of Education Ministry of Education Ministry of Education Ministry of Education Ministry of Education

අධ්‍යාපන අමාත්‍යාංශය
கல்வி அமைச்சு
Ministry of Education

අ.පො.ස. (උ.පෙළ) උපකාරක සම්මන්ත්‍රණය - 2023

සංයුක්ත ගණිතය II
இணைந்த கணிதம் II
Combined Mathematics II

10 S II

පැය තුනයි
மூன்று மணித்தியாலம்
Three hours

අමතර කියවීම් කාලය - මිනිත්තු 10 යි
மேலதிக வாசிப்பு நேரம் - 10 நிமிடங்கள்
Additional Reading Time - 10 minutes

අමතර කියවීම් කාලය ප්‍රශ්න පත්‍රය කියවා ප්‍රශ්න තෝරා ගැනීමටත් පිළිතුරු ලිවීමේදී ප්‍රමුඛත්වය දෙන ප්‍රශ්න සංවිධානය කර ගැනීමටත් යොදාගන්න.

විභාග අංකය							

උපදෙස්:

* මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ;
  A කොටස (ප්‍රශ්න 1 - 10) සහ **B කොටස** (ප්‍රශ්න 11 - 17).
* **A කොටස:**
  සියලු ම ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩෙහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශ්‍ය වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකි ය.
* **B කොටස:**
  ප්‍රශ්න **පහකට** පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩදාසිවල ලියන්න.
* නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු **A කොටසෙහි** පිළිතුරු පත්‍රය, **B කොටසෙහි** පිළිතුරු පත්‍රයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග ශාලාධිපතිට භාර දෙන්න.
* ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි **B කොටස පමණක්** විභාග ශාලාවෙන් පිටතට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.
* මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි g මගින් ගුරුත්වජ ත්වරණය දැක්වෙයි.

පරීක්ෂකවරුන්ගේ ප්‍රයෝජනය සඳහා පමණි.

(10) සංයුක්ත ගණිතය II		
කොටස	**ප්‍රශ්න අංකය**	**ලකුණු**
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
	එකතුව	

එකතුව

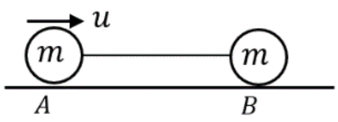
ඉලක්කමෙන්	
අකුරින්	

සංකේත අංක

උත්තර පත්‍ර පරීක්ෂක		
පරීක්ෂා කළේ:	1	
	2	
අධීක්ෂණය කළේ:		

A කොටස

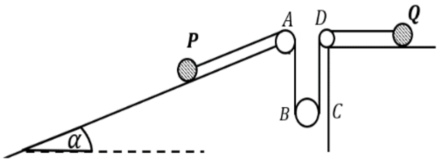
1. ස්කන්ධ m බැගින් වන A හා B අංශු දෙකක් සැහැල්ලු අවිතන්‍ය තන්තුවකින් සම්බන්ධ කර සුමට තිරස් මේසයක් මත නිසලව ඇත. A අංශුවට $\overrightarrow{AB}$ දිශාවට u ප්‍රවේගයක් ලබා දෙනු ලැබේ. පසුව ඇතිවන චලිතයේ දී ගැටුමෙන් පසු අංශුවල ප්‍රවේග සොයා නැවත තන්තුව ගැස්සීම හේතුකොටගෙන තන්තුවේ ඇතිවන ආවේගී ආතතිය සොයන්න. අංශු දෙක අතර ප්‍රත්‍යාගති සංගුණකය e වේ.



2. එකිනෙකට a පරතරයකින් තිරස් පොළොව මත පිහිටි A හා B ලක්ෂ්‍ය දෙකක සිට පිළිවෙළින් P හා Q අංශු දෙකක් එකම මොහොතේ එකිනෙක දෙසට පිළිවෙළින් තිරසට 45^0 හා 60^0 ආනතව u හා v ප්‍රවේගවලින් ගුරුත්වය යටතේ AB හරහා යන සිරස් තලයේ ප්‍රක්ෂේපණය කරනු ලැබේ. P හා Q එකිනෙක හමුවේ නම් $u : v = \sqrt{3} : \sqrt{2}$ බව පෙන්වා u හි අගය a හා g ඇසුරින් සොයන්න.

විභාග අංකය

3. රූපයේ PABCDQ සැහැල්ලු අවිතන්‍ය තන්තුවේ එක් කෙළවරක් තිරසට α ආනත අවල සුමට තලය මත ඇති ස්කන්ධය m වූ P සුමට අංශුවට අමුණා ඇති අතර එය A සුමට අවල කප්පියක් මතින්ද, ස්කන්ධය M වූ සුමට සුවල කප්පියක් වටාද D අවල සුමට කප්පියක් මතින්ද ගොස් සුමට තිරස් තලය මත ඇති ස්කන්ධය m වූ Q අංශුවට සම්බන්ධ කර ඇත. තන්තුව තදව ඇතිව පද්ධතිය සීරුවෙන් මුදාහරී. තන්තුවේ ආතතිය, අංශුවල හා සචල කප්පියේ ත්වරණ සෙවීමට ප්‍රමාණවත් සමීකරණ ලියා දක්වන්න.



....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

4. ස්කන්ධය M kg වන මෝටර් රථයක් තිරස් සරල රේඛීය මඟක නියත $u\ \mathrm{m\,s^{-1}}$ ප්‍රවේගයෙන් චලිත වන විට එහි උපරිම ජවය $3H$ W වේ. චලිතයට එරෙහි ප්‍රතිරෝධය සොයන්න. ප්‍රතිරෝධය නොවෙනස්ව පවතින විට 30 : 1 ආනත බෑවුමක රථය පහලට චලිත වේ. එවිට එහි එන්ජිම උපරිම ජවයෙන් ක්‍රියා කරන්නේ නම් රථයට ලබාගත හැකි උපරිම වේගය $\frac{90\,Hu}{90H-Mgu}$ $\mathrm{m\,s^{-1}}$ බව පෙන්වන්න. $\left(\text{මෙහි } H > \frac{mgu}{90}\right)$

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

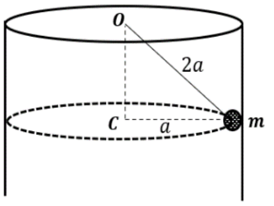
....

....

....

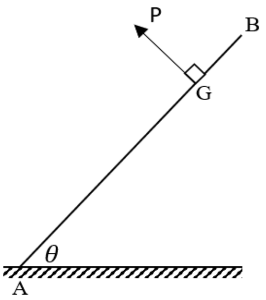
....

5. රූපයේ පරිදි අරය a වූ අචල සිලින්ඩරයක පියනේ O කේන්ද්‍රයට සම්බන්ධ කරන ලද දිග $2a$ වූ තන්තුවක අනෙක් කෙළවරට ස්කන්ධය m වූ සුමට අංශුවක් ඈඳා ඇත. අංශුව සිලින්ඩරයේ ඇතුලත සුමට වක්‍ර පෘෂ්ඨයේ ස්පර්ශ වෙමින් ω නියත කෝණික ප්‍රවේගයෙන් O ට සිරස්ව පහලින් පිහිටි C කේන්ද්‍රය වූ තිරස් වෘත්තයක චලිත වේ. තන්තුවේ ආතතිය $\frac{2mg}{\sqrt{3}}$ බව පෙන්වා සිලින්ඩරය මගින් අංශුව මත ඇතිකරන ප්‍රතික්‍රියාව සොයන්න.

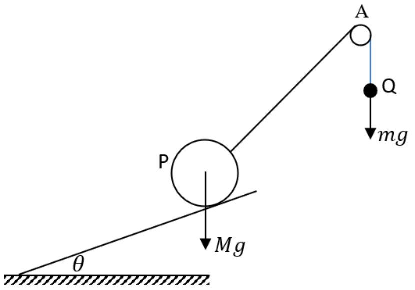


6. O ලක්ෂ්‍යය අනුබද්ධයෙන් A, B හා C ලක්ෂ්‍යවල පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $\boldsymbol{i}+\mathbf{j}$, $4\boldsymbol{i}+\boldsymbol{j}$ සහ $6\boldsymbol{i}+3\boldsymbol{j}$ වේ. $\boldsymbol{i}$ හා $\mathbf{j}$ සඳහා සුපුරුදු අර්ථ ඇත. D යනු $AD:DB = 1:2$ වන පරිදි AB මත පිහිටි ලක්ෂ්‍යයකි. O ලක්ෂ්‍යය අනුබද්ධයෙන් D හි පිහිටුම් දෛශිකය සොයන්න. O, D සහ C ලක්ෂ්‍ය ඒකරේඛීය බවද පෙන්වන්න.

7. රූපයේ දැක්වෙන ඒකාකාර නොවන AB දණ්ඩේ බර W වේ. එහි ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය වන G ලක්ෂ්‍යය AG : GB = 3 : 1 වන පරිදි පිහිටයි. දණ්ඩේ A කෙලවර රළු තිරස් ගෙබිමක් මත ස්පර්ශව, දණ්ඩ තිරසට θ ආනතව සමතුලිතව පවත්වා ගනුයේ G හි දී දණ්ඩට ගැටගැසූ තන්තුවක් මගින් දණ්ඩට ලම්භකවූ P බලයක් යෙදීමෙනි. දණ්ඩ හා තන්තුව එකම සිරස් තලයක පිහිටයි. දණ්ඩ මත ක්‍රියා කරන සියලු බල ලකුණු කරන්න. A හිදී දණ්ඩ මත ගෙබිමෙන් ක්‍රියා කරන සම්ප්‍රයුක්ත බලය S විට P හා S හි අගයයන් W හා θ ඇසුරින් සොයන්න.



8. තිරසට θ කෝණයක් ආනත රළු තලයක් මත ස්කන්ධය M වූ P නම් ගෝලයක් තබා ඇත. ගෝලයට සම්බන්ධ ලුහු අවිතන්‍ය තන්තුවක් A සුමට අචල කප්පියක් මතින් වැටී අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය m වන Q අංශුවක් දරයි. P ගෝලයට සම්බන්ධ තන්තු කොටස යටි අත් සිරසට θ කෝණයක් ආනත වන අවස්ථාවේ ගෝලය පහළට ලිස්සා යාමට සීමාකාරී සමතුලිතතාවයේ පිහිටයි. අංශුව හා තලය අතර ඝර්ෂණ සංගුණකය සෙවීමට ප්‍රමාණවත් සමීකරණ ලියන්න.



9. $A, \mathrm{B}, \mathrm{C}$ යනු $\mathrm{P(A)} = 8\mathrm{k}$, $\mathrm{P(B)} = 2\mathrm{k}$ සහ $\mathrm{P(C)} = \mathrm{k}$; $0 < \mathrm{k} < 1$ වන සේ වූ සිද්ධීන් තුනකි. තවද,

$\mathrm{P(A|B)} = \mathrm{P(B|C)}, \mathrm{P(A|C)} = \mathrm{P(A)}$ සහ $\mathrm{P(A \cup B \cup C)} = \dfrac{11}{12}$ වේ නම්,

(i) $\mathrm{P(A \cap B)}, \mathrm{P(B \cap C)}, \mathrm{P(A \cap B \cap C)}$ සොයන්න.

(ii) තවද $P(C \cap A)$, k ඇසුරෙන් සොයා, k හි අගය සොයන්න.

10. නිරීක්ෂණ දහයක් $1004, 1008, 1000, 1008, 996, 992, 1000, 1008, 1008$ සහ 1000 ලෙස දැක්වෙන අතර එක එකක් $1000 - 4x$ ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කර ඇත. x හි අගයන්ගේ මධ්‍යනය සහ සම්මත අපගමනය සොයා, දෙන ලද නිරීක්ෂණ දහයේ මධ්‍යනය සහ සම්මත අපගමනය අපෝහනය කරන්න.

සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි / முழுப் பதிப்புரிமையுடையது / All Rights Reserved

අධ්‍යාපන අමාත්‍යාංශය අධ්‍යාපන අමාත්‍යාංශය අධ්‍යාපන අමාත්‍යාංශය
கல்வி அமைச்சு கல்வி அமைச்சு கல்வி அமைச்சு
Ministry of Education Ministry of Education Ministry of Education

අධ්‍යාපන අමාත්‍යාංශය
கல்வி அமைச்சு
Ministry of Education

අ.පො.ස. (උ.පෙළ) උපකාරක සම්මන්ත්‍රණය - 2023

සංයුක්ත ගණිතය II
இணைந்த கணிதம் II
Combined Mathematics II

10 S II

B කොටස

❋ ප්‍රශ්න **පහකට** පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

11. (a) බැලුනයකට ඈඳා ඇති P නම් බෝලයක් පොළොව මත වූ O ලක්ෂ්‍යයක සිට නිශ්චලතාවයෙන් ගමන් ආරම්භ කර λg ඒකාකාර ත්වරණයෙන් සිරස්ව ඉහළට චලනය වේ. උස h හිදී බැලුනයේ වේගය v වන මොහොතේ P බෝලය බැලුනයෙන් සීරුවෙන් ඉවත්වී ගුරුත්වය යටතේ චලනය වේ. බෝලය නැවතත් h උසින් පිහිටන මොහොතේ දී, පොළොවේ O ලක්ෂ්‍යයේ සිට Q නම් තවත් බෝලයක් v ප්‍රවේගයෙන් ම සිරස්ව ඉහළට ප්‍රක්ෂේපණය කෙරේ. P හා Q හි චලිත සඳහා ප්‍රවේග-කාල ප්‍රස්තාර එකම සටහනක අඳින්න. **ඒ නයින්,**

(i) P බෝලය බැලුනයෙන් ඉවත්වන මොහොතේ එහි ප්‍රවේගය $v = \sqrt{2\lambda gh}$ බවත්,

(ii) P බෝලය ළඟාවන උපරිම උස $\left(h + \frac{v^2}{2g}\right)$ බවත්,

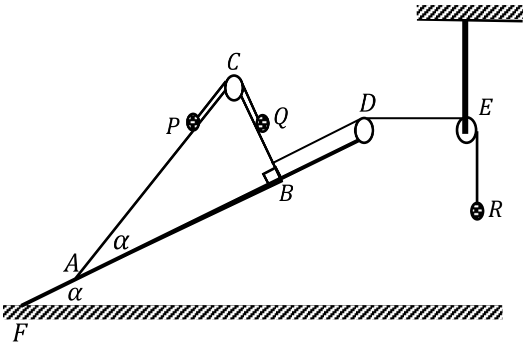
(iii) Q බෝලය ප්‍රක්ෂේපණය කිරීමෙන් පසු බෝල දෙකම ගැටීමට ගතවන කාලය $\sqrt{\frac{h}{8\lambda g}}$ බවත් පෙන්වන්න.

(b) දකුණු දිශාවට v ඒකාකාර ප්‍රවේගයෙන් ගමන් කරන A නැවකට P නම් බෝට්ටුවක් දකුණින් α කෝණයෙන් නැගෙනහිර දිශාවට ගමක් කරන බව පෙනෙන අතර, Q නම් තවත් බෝට්ටුවක් උතුරින් α කෝණයෙන් නැගෙනහිර දිශාවට ගමන් කරන බව පෙනේ. පොළොවට සාපේක්ෂව, P බෝට්ටුව $3v$ ඒකාකාර ප්‍රවේගයෙන් ද Q නැව v ඒකාකාර ප්‍රවේගයෙන් ද ගමන් කරයි. A හා P හි සහ A හා Q හි චලිත සඳහා සාපේක්ෂ ප්‍රවේග ත්‍රිකෝණ එකම රූප සටහනේ ඇඳ දක්වන්න.

(i) A ට සාපේක්ෂව P හා Q හි වේගය සොයන්න.

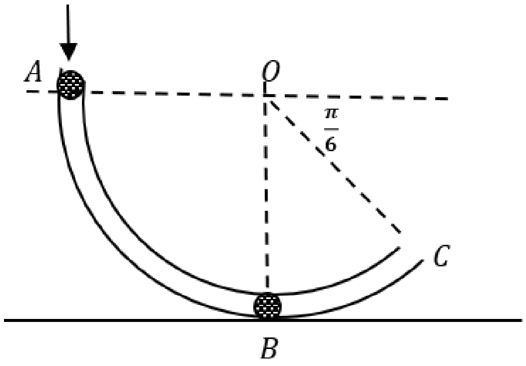
(ii) ආරම්භයේ දී A නැව P සිට නැගෙනහිර දිශාවට 24 km ක දුරින් ද Q සිට උතුරු දිශාවට 6 km ක දුරින් ද පිහිටයි නම් A හා P අතර දුර කෙටිතම වන විට A හා Q අතර දුර $\frac{48\cos^2\alpha}{\sqrt{9 - \sin^2\alpha - \cos\alpha}}$ බව පෙන්වන්න.

12. (a) රූපයේ ABC ත්‍රිකෝණය $B\hat{A}C = \alpha$ හා $A\hat{B}C = \frac{\pi}{2}$ වන, AB අඩංගු මුහුණත තිරසට $\alpha\left(< \frac{\pi}{4}\right)$ ආනත තලයක් මත තබන ලද ස්කන්ධය $3m$ වූ අචල සුමට ඒකාකාර කූඤ්ඤයක ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය තුලින් වූ සිරස් හරස් කඩක් වේ. AC හා BC රේඛා ඒවා අඩංගු මුහුණත් වල උපරිම බෑවුම් රේඛා වේ. ආනත තලයේ D හි සවි කර ඇති කුඩා අචල සුමට කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතන්‍ය තන්තුවක එක් කෙළවරක් කූඤ්ඤයට ද අනෙක් කෙළවර E හි වූ අචල සුමට කප්පියක් මතින්ද දමා ස්කන්ධය m වූ R අංශුවකට ඈඳා ඇත. කූඤ්ඤයේ C හි සවිකර ඇති අචල සුමට කප්පියක් මතින් දමා ඇති තවත් සැහැල්ලු අවිතන්‍ය තන්තුවක එක් කෙළවරක් AC මුහුණත මත වූ ස්කන්ධය $2m$ වූ P අංශුවකටද අනෙක් කෙළවර BC මුහුණත මත වූ ස්කන්ධය m වූ Q අංශුවකටද ගැට ගසා ඇත. ආනත තලය තිරස් තලයට හමුවන ලක්ෂ්‍යය F වේ. AF $= a$ ලෙස තන්තු තදව ඇතිව පද්ධතිය නිශ්චලතාවයෙන් මුදා හරිනු ලැබේ. කූඤ්ඤය F වෙත ලඟා වීම ප්‍රථමයෙන් සිදුවෙතැයි උපකල්පනය කර ඒ සඳහා ගතවන කාලය සෙවීමට ප්‍රමාණවත් සමීකරණ ලියා දක්වන්න. (DE තන්තු කොටස තිරස් වේ)



[අටවැනි පිටුව බලන්න]

(*b*) අරය a ද කේන්ද්‍රය O ද වන වෘත්තාකාර චාපයක හැඩය ඇති සුමට සිහින් බටයක් රූපයේ පරිදි AO රේඛාව තිරස්වද, බටයේ පහලම ලක්ෂ්‍යය වන B ලක්ෂ්‍යය අචල තිරස් පොලොවක් ස්පර්ශ කරමින්ද, සිරස් තලයක සවිකර ඇත. ස්කන්ධය m වූ සුමට P අංශුවක් A කෙළවරේ දී බටය තුලට සීරුවෙන් මුදා හරිනු ලැබේ. OP රේඛාව OA සමග $\theta\left(0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}\right)$ කෝණයක් සාදන විට P අංශුවේ ප්‍රවේගය v නම් $v^2 = 2ga\, sin\theta$ බව පෙන්වන්න.



P අංශුව B වෙත ලගා වන විට බටය තුල B හි නිසලව තබා ඇති ස්කන්ධය λm වූ සුමට Q නම් තවත් අංශුවක් හා ගැටී හාවේ. ගැටුමට මොහොතකට පෙර P අංශුවේ ප්‍රවේගය $\sqrt{2ga}$ බව පෙන්වන්න.

ගැටුමෙන් පසු සංයුක්ත අංශුව OB සමග $\theta\left(0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{3}\right)$ කෝණයක් සාදන විට එහි ප්‍රවේගය u නම්, $u^2 = 2ga\left(\frac{1}{(1+\lambda)^2} + \cos\theta - 1\right)$ බව පෙන්වන්න.

සංයුක්ත අංශුව බටය හැර නොගොස් දෝලන චලිතයක යෙදීම සදහා $\lambda(\lambda + 2) > 1$ විය යුතු බව පෙන්වන්න. තවද $\lambda = \sqrt{2} - 1$ නම් සංයුක්ත අංශුව ස්වකීය දෝලන චලිතයේ පලමු ගතික නිශ්චලතාවයට පත්වන මොහොතේ බටයෙන් අංශුව මත $\sqrt{\frac{3}{2}}mg$ විශාලත්වයෙන් යුත් ප්‍රතික්‍රියාවක් ඇති කරන බවද පෙන්වන්න.

13. ස්වභාවික දිග $3l$ වූ සිහින් සැහැල්ලු ප්‍රත්‍යස්ථ දුන්නක්, එහි පහළ කෙළවර O අචල වන සේ සිරස් ව සිටුවා ඇත. ස්කන්ධය m වූ P අංශුවක් එහි ඉහළ කෙළවරට ඈඳා තිබේ. P මත සිරස්ව ඉහලට යෙදෙන නියත 3mg බලයක් මගින් P අංශුව O ට සිරස් ව $4l$ ක් ඉහළින් වූ A ලක්ෂ්‍යයක සමතුලිතව ඇත. දුන්නෙහි ප්‍රත්‍යස්ථතා මාපාංකය $6\,mg$ බව පෙන්වන්න. A සිට සීරුවෙන් අංශුව මුදාහල විට අංශුව සිරස් චලිතයක් දක්වන්නේ යැයි සලකා දුන්නේ දිග x වනවිට $3l < x < 4l$ සඳහා $\ddot{x} + \frac{2g}{l}\left(x - \frac{5l}{2}\right) = 0$ බව පෙන්වන්න.

මෙම සමීකරණය $\ddot{X} + \omega^2 X = 0$ ආකාරයෙන් නැවත ලියන්න. මෙහි $X = x - \frac{5l}{2}$ හා $\omega^2 = \frac{2g}{l}$ වේ.

$\dot{X}^2 = \omega^2(c^2 - X^2)$ සූත්‍රය භාවිතයෙන් මෙම චලිතයේ විස්තාරය c සොයන්න. එනයින්, O ට සිරස් ව $3l$ ඉහළින් වූ B ලක්ෂ්‍යයේදී අංශුවේ වේගය සොයන්න.

B හිදී නිසලව තිබූ ස්කන්ධය m වූ තවත් Q අංශුවක් P හා සරලව ගැටී හාවේ. ඉන්පසු B හිදී සංයුක්ත අංශුව පහළට චලනය ආරම්භ කරන වේගය $\sqrt{gl}$ බව පෙන්වන්න.

D යනු සංයුක්ත වස්තුව ළඟා වන පහළ ම ලක්ෂ්‍යය යැයි ගෙන B සිට D දක්වා අංශුවේ චලිතය සඳහා දුන්නේ දිග y යන්න $\ddot{y} + \frac{g}{l}(y - 2l) = 0$ සමීකරණය සපුරාලන බව පෙන්වන්න. මෙහි $(2 - \sqrt{2})l < y < 3l$ වේ.

ඉහත සමීකරණයේ විසඳුම $y = 2l + \alpha\cos\omega t + \beta\sin\omega t$ ආකාරයේ බව උපකල්පනය කරමින්, α, β හා ω නියතවල අගයන් සොයන්න.

එනයින්, වස්තුව B සිට D දක්වා යෙදෙන සරල අනුවර්තී චලිතයේ කේන්ද්‍රය හා විස්තාරය සොයන්න.

14. (a) O මූලය අනුබද්ධයෙන් A ලක්ෂ්‍යයේ පිහිටුම් දෛශිකය $\sqrt{3}\boldsymbol{i}+\boldsymbol{j}$ වේ. B යනු $OB = 10$ හා $B\hat{O}A = 60^{0}$ වන පරිදි වූ ලක්ෂ්‍යය වේ. මෙහි $\boldsymbol{i}$ හා $\boldsymbol{j}$ සඳහා සුපුරුදු අර්ථ ඇත. $\alpha \neq 0$ විට $\overrightarrow{OB} = \alpha\boldsymbol{i}+\beta\boldsymbol{j}$ ලෙස ගෙන $\overrightarrow{OB}$ සොයන්න.

(i) C යනු OB මත $\overrightarrow{AC} = \frac{\sqrt{3}}{2}\boldsymbol{i} - \frac{5}{2}\boldsymbol{j}$ වන පරිදි පිහිටි ලක්ෂ්‍යයකි. $OC{:}\,CB$ අනුපාතය සොයා OA හි මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යය D නම් $\overrightarrow{BD}$ ලබාගන්න.

(ii) E යනු $\overrightarrow{AE} = \frac{10}{17}\overrightarrow{AC}$ වන පරිදි වූ ලක්ෂ්‍යයක් නම් $\overrightarrow{BE}$ සොයා එමගින් B, E, D ලක්ෂ්‍ය ඒකරේඛීය වන බව පෙන්වන්න.

(b) $ABCD$ ත්‍රපීසියමේ AB හා DC එකිනෙකට සමාන්තර වන අතර $AB \perp BD$, $D\hat{A}B = 60^{0}$ හා $C\hat{A}B = 30^{0}$ වේ. $\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{CA}, \overrightarrow{DB}$ පාද ඔස්සේ පිළිවෙළින් μp, $2p$, $3\sqrt{3}p$ හා λp බල ක්‍රියාකරයි.

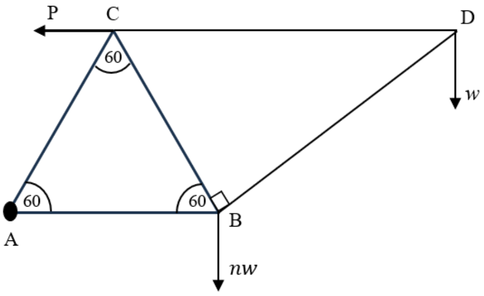
(i) λ හා μ හි කිසිම අගයක් සඳහා මෙම පද්ධතිය සමතුලිත නොවන බව පෙන්වන්න.

(ii) පද්ධතියේ සම්ප්‍රයුක්තය AD ඔස්සේ වේ නම් λ හා μ හි අගයන් සොයන්න.

(iii) දැන් පද්ධතියට $\overrightarrow{CD}$ දිශාවට D හරහා αp බලයක් හා එම තලයේම ක්‍රියාකරන G යුග්මයක් එකතු කරනු ලැබේ. නව සම්ප්‍රයුක්තය DB ඔස්සේ වේ නම් α හා G හි අගයන් සොයන්න.

15. (a) AB, BC, CD හා DA සමාන දිගැති ඒකාකාර දඬු හතරෙහි බර පිළිවෙලින් $2W, 2W, 3W$ හා W වේ. ඒවා A, B, C, D අන්ත වලදී සුමට ලෙස අසව් කර තැනූ චතුරස්‍රය A ශීර්ෂයෙන් නිදහසේ එල්ලා තබා එහි සමචතුරස්‍ර හැඩය පවතින අයුරින් AB හා BC දඬු දෙකෙහි ගුරුත්ව කෙන්ද්‍ර සැහැල්ලු අවිතන්‍ය තන්තුවකින් ඈඳ ඇත. පද්ධතිය සමතුලිතව එල්ලී ඇති විට තන්තුවේ ආතතිය $9W$ බව පෙන්වන්න. B හා C සන්ධි වල ප්‍රතික්‍රියා වල විශාලත්ව ද සොයන්න.

(b) රූපයේ පරිදි AB, BC හා AC සමාන දිගැති සැහැල්ලු දඬු 3 ක් ද BD හා CD ලෙස වෙනත් අසමාන දිගැති සැහැල්ලු දඬු දෙකක් ද ලෙස දඬු පහකින් සැදි රාමු සැකිල්ල A හි දී අචල ලක්ෂ්‍යයකට සුචල ලෙස අසව්කර ඇත. B හා D හිදී පිළිවෙලින් nw හා w භාර සහිතව AB හා CD තිරස්ව, රාමු සැකිල්ල සිරස් තලයක සමතුලිතව පවත්වාගනුයේ C හිදී යොදා ඇති P තිරස් බලය මගිනි. $P = \left(\frac{2n+5}{\sqrt{3}}\right)w$ බව පෙන්වන්න. **බෝ අංකනය** යෙදීමෙන්, සියලු දඬුවල ප්‍රත්‍යාබල, ආතති හා තෙරපුම් ලෙස වෙන්කර දක්වමින් ඒවායේ විශාලත්ව සොයන්න. BC දණ්ඩට දැරිය හැකි උපරිම ආතතිය $10\sqrt{3}\,w$ නම් $n \leq 14$ විය යුතු බව සාධනය කරන්න.

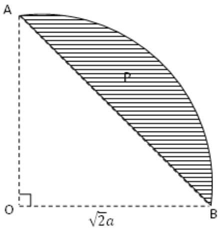


16. (a)

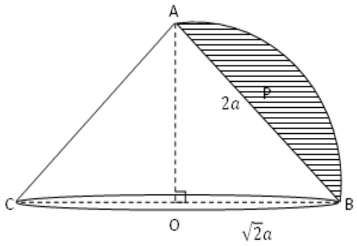
(i) අරය r වන, කේන්ද්‍රයේ 2α කෝණයක් ආපාතනය කරන, ඒකාකාර කේන්ද්‍රික ඛණ්ඩයක, ස්කන්ධ කේන්ද්‍රය එහි කේන්ද්‍රයේ සිට $\frac{2r\sin\alpha}{3\alpha}$ දුරින් පිහිටන බව අනුකලනය මගින් පෙන්වන්න.

(ii) උස h හා අරය a වන ඒකාකාර සෘජු වෘත්ත කුහර කේතුවක ස්කන්ධ කේන්ද්‍රය එහි ශීර්ෂයේ සිට $\frac{2}{3}h$ දුරින් පිහිටන බව අනුකලනය මගින් පෙන්වන්න.

(b) අරය $\sqrt{2}\,a$ හා කේන්ද්‍රයේ $\frac{\pi}{2}$ කෝණයක් ආපාතනය කරන ඒකාකාර කේන්ද්‍රික ඛණ්ඩයකින් රූපයේ දැක්වෙන ආකාරයට OAB ත්‍රිකෝණාකාර කොටස ඉවත්කළ පසු ඉතිරිවන P ආස්තර කොටසේ ස්කන්ධ කේන්ද්‍රය O සිට එහි සමමිතික අක්ෂය මත $\frac{4a}{3(\pi-2)}$ දුරින් පිහිටන බව පෙන්වන්න.



(c) ආධාරකයේ අරය $\sqrt{2}$a හා ඇල උස 2a වන ඒකාකාර කුහර කේතුවක ඇල උස දිගේ ඉහත P ආස්තරය සම්බන්ධ කිරීමෙන් රූපයේ ආකාරයේ සංයුක්ත වස්තුවක් තනා ඇත. කේතුවේ ස්කන්ධය P ආස්තරයේ ස්කන්ධය මෙන් පස් ගුණයකි. OB හා OA පිළිවෙළින් X හා Y අක්ෂය ලෙස ගෙන සංයුක්ත වස්තුවේ ගුරුත්ව කේන්ද්‍රයේ පිහිටීම සොයන්න. A වලින් මෙම වස්තුව එල්ලූ විට OA සිරස සමඟ $\tan^{-1}\left[\frac{5\pi-8}{2(9\pi-19)}\right]$ කෝණයක් සාදන බව පෙන්වන්න.



17. (a) ළමා රෝහලක ඇති වාර්තා විශ්ලේෂණය කිරීමේදී රෝහලේ ප්‍රතිකාර ගන්නා පිරිමි ළමයින් අතරින් කෙනෙක් සසම්භාවීව තෝරාගත් කළ පහත සදහන් A, B, C සිද්ධි පිළිබද සම්භාවිතා කිහිපයක් අනාවරණය විය.

A: ළමයාට ඇදුම රෝගය ඇත

B: ළමයාට අධි රුධිර පීඩනය ඇත

C: ළමයාට දියවැඩියාව ඇත

තවද සිද්ධි අන්‍යෝන්‍ය වශයෙන් ස්වායත්ත බවද $P(B) = 0.3, P(A \cup B) = 0.37$ සහ $P(C) = 0.2$ බවද දී ඇත.

(i) $P(A) = 0.1$ බව පෙන්වන්න.

(ii) $P(B'/A')$ සොයන්න. A' හා B' යනු පිළිවෙළින් A හා B හි අනුපූරක සිද්ධි වේ.

(iii) තෝරාගත් ළමයා දියවැඩියාව ඇති නමුත් අධි රුධිර පීඩනයවත්, ඇදුම රෝගයවත් නැතිවීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.

(iv) තෝරාගත් ළමයා ඉහත සදහන් රෝගී තත්ත්ව වලින් එකකින් පමණක් පෙළෙන බව දී ඇත්නම්, එය ඇදුම රෝගය වීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.

(b) ආයතනයක සේවකයින් 120 දෙනෙකු සේවයට පැමිණීම සඳහා ගමන් කරන දුර ආසන්න කිලෝමීටරයට පහත සටහනේ දැක්වේ.

දුර	සේවකයින් සංඛ්‍යාව
0 -10	10
10-20	19
20-30	43
30-40	25
40-50	8
50-60	6
60-70	5
70-80	3
80-90	1

(i) $y_i = \frac{1}{10}(x_i - 45)$ යන පරිණාමනය භාවිතයෙන් ඉහත ව්‍යාප්තියේ මධ්‍යන්‍යය හා සම්මත අපගමනය නිමානය කරන්න.

(ii) කි.මී. 50 කට වඩා දුර සිට පැමිණෙන සේවකයින්ව, ඔවුනට වඩා ආසන්න ආයතනයේ වෙනත් ශාඛාවලට මාරු කිරීමට ආයතනය තීරණය කරයි .මාරු කිරීම් සිදුකළ පසු ඉතිරි වන සේවකයින් සේවයට පැමිණීම සඳහා ගමන් කරන දුරෙහි අන්තර් චතුර්ථක පරාසය නිමානය කරන්න.

***