

19

දැරුණක හා ලසුගණක

මෙම පාඨම අධ්‍යාපනය කිරීමෙන් බවට,

- ↳ ලසුගණක වග හා විතයෙන් තොර ව ලසුගණක ආක්‍රිත සංඛ්‍යාත්මක ප්‍රකාශන සූළු
කිරීම හා සමිකරණ විසඳීමට,
- ↳ ලසුගණක වග හා විතයෙන් ගැටලු විසඳීමට

හැකියාව ලැබේ.



ප්‍රතික්ෂණ අභ්‍යාසය

1. පහත සඳහන් ඒවායේ අගය සෞයන්න.

- (i) 2^3 (ii) 4^3 (iii) 12^2 (iv) 13^2 (v) 15^3

2. පහත සඳහන් ඒවායේ අගය සෞයන්න.

- (i) $(2^3)^2$ (ii) $(4^2)^2$ (iii) $(6^3)^3$ (iv) $(10^2)^4$ (v) $(1^3)^5$

3. පහත සඳහන් ඒවා සූළු කරන්න.

- (i) $a^5 \times a^3$ (ii) $(a^5)^2 \times (a^{10})^3$ (iii) $(b^4)^3 \times (b^5)^3$ (iv) $(m^{-1})^{-2}$
(v) $(p^{-4})^3$ (vi) $(m^{-4})^5$ (vii) $(a^{-1})^{-4}$ (viii) $\frac{a^5}{a^2}$

(ix) $\frac{m^{12}}{(m^{-1})^{-3}}$ (x) $\frac{(y^{-1})^2 \times (y^{-10})^5}{(y^4)^5}$

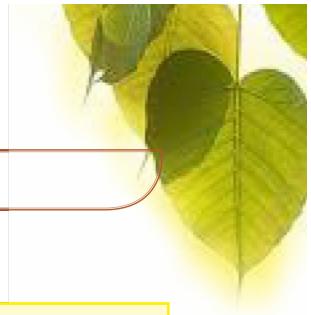
4. පහත සඳහන් ඒවා සූළු කර පිළිතුර දන දරුණක ආකාරයෙන් තබන්න.

- (i) $(K^{-1})^{-3} \times K^{-10}$ (ii) $5 (a^{-4})^5 \times \frac{a^{-20}}{10}$ (iii) $\frac{(x^4)^{-1} \times y^0 \times (x^{-9})^{-1}}{(x^2)^5}$
(iv) $2x^{-1} \times \frac{1}{8}$ (v) $\frac{(3x^{-2})^2 \times (4y^{-4})^{-1}}{2^{-2}x^{-1}}$

5. දරුණක පිළිබඳ දැනුම හා විතයෙන් පහත සඳහන් ප්‍රකාශන සූළු කරන්න.

- (i) $2^{-1} \times 3^{-2}$ (ii) $2^{-1} + 3^{-1}$ (iii) $2^{-1} - 3^{-2}$
(iv) $2^{-1} \div 3^{-2}$ (v) $10^{-1} + 10^{-2}$





19.1 ලැංඡණකයක් ප්‍රකාශ කරන ආකාරය

නිදුසුන 1

$\log_4 256$ යන්න ප්‍රකාශ කරන ආකාරය ලියා දක්වන්න.

$\log_4 256$ යන්න, 4 පාදයට 256හි ලැංඡණකය ලෙස ප්‍රකාශ කෙරේ.

නිදුසුන 2

$\log_3 81$ යන්න, 3 පාදයට 81හි ලැංඡණකය ලෙස ප්‍රකාශ කෙරේ.

19.1 අභ්‍යාසය

1. පහත සඳහන් ලැංඡණක ප්‍රකාශ කරන අයුරු ලියා දක්වන්න.

- | | | | | |
|------------------|-----------------------|-----------------------|-------------------|------------------|
| (i) $\log_2 4$ | (ii) $\log_{10} 1000$ | (iii) $\log_{20} 400$ | (iv) $\log_5 625$ | (v) $\log_7 49$ |
| (vi) $\log_4 64$ | (vii) $\log_9 81$ | (viii) $\log_5 125$ | (ix) $\log_3 27$ | (x) $\log_9 729$ |

19.2 ද්රේක ආකාරයෙන් ලියා ඇති සමීකරණ ලැංඡණක ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කිරීම

නිදුසුන 1

$2^3 = 8$ ලැංඡණක ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කරන්න.

$2^3 = 8$ (ද්රේක ආකාරයෙන්)

$\log_2 8 = 3$ (ලැංඡණක ආකාරයෙන්)

සටහන

2³ හි, පාදය 2 ද ද්රේකය 3 ද වේ.

$$2^3 = 2 \times 2 \times 2 = 8$$

නිදුසුන 2

$4^2 = 16$ ලැංඡණක ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කරන්න.

$$\log_4 16 = 2$$

සටහන

ලැසු₄ 16 හි අර්ථය නම්, 16 ලැබීම සඳහා 4 කි වතාවක් ගුණ කළ යුතු ද යන්නයි.

එනම්, 16 යන්න 4 හි බලයක් ලෙස ලිපි විට ද්රේකයට ලැබෙන අගය සි. 4 දෙවරක් ගුණ කළ විට 16 ලැබේ. එනම්, ද්රේකය 2 බැවින් ලැසු₄ 16 = 2 වේ.





19.2 අභ්‍යාසය

1. පහත සඳහන් දැරුණක ආකාරයෙන් ඇති සම්බන්ධතා ලේඛනක ආකාරයෙන් ලියා දක්වන්න.
- (i) $10^2 = 100$ (ii) $3^2 = 9$ (iii) $4^3 = 64$ (iv) $5^3 = 125$ (v) $12^2 = 144$
 (vi) $3^4 = 81$ (vii) $8^2 = 64$ (viii) $10^3 = 1000$ (ix) $7^3 = 343$ (x) $a^b = c$

19.3 ලකුගණක ආකාරයෙන් ලියා ඇති සම්කරණ දැරුණක ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කිරීම

නිදුසුන 1

$\log_5 25 = 2$ දැරුණක ආකාරයෙන් ලියා දක්වන්න.

$$5^2 = 25$$

19.3 අභ්‍යාසය

1. පහත සඳහන් ලේඛනක ආකාරයෙන් ලියා ඇති සම්බන්ධතා දැරුණක ආකාරයෙන් ලියා දක්වන්න.
- (i) $\log_7 49 = 2$ (ii) $\log_3 27 = 3$ (iii) $\log_9 81 = 2$
 (iv) $\log_{10} 100 = 2$ (v) $\log_2 8 = 3$ (vi) $\log_{12} 144 = 2$
 (vii) $\log_{11} 121 = 2$ (viii) $\log_2 1024 = 10$ (ix) $\log_8 8 = 1$ (x) $\log_7 1 = 0$

19.4 ලකුගණක වලු භාවිතයෙන් තොර ව ලකුගණක ආණ්‍යා ගැටලු විසඳුම

□ සටහන

0 හැර ඕනෑම සංඛ්‍යාවක 0 වෙනි බලය 1 වේ. එනම්, $5^0 = 1$, $6^0 = 1$, $7^0 = 1$ ආදි වේ.
 ඒ අනුව, $a^0 = 1$, මෙහි $a \neq 0$ වේ.

සංඛ්‍යා දෙකක් ගුණ කර ලේඛනකය සෙවීමේ දී හෝ සංඛ්‍යා දෙකක ලේඛනක එකතු කිරීමේ දී පහත නීතිය භාවිත කරයි.

$$\log_a mn = \log_a m + \log_a n$$

මෙම ලේඛනක නීතිය භාවිතයෙන් පහත ගැටලු විසඳුමු.





නිදුසින 1

$$\begin{aligned} \log_{10} 2 + \log_{10} 5 \\ = \log_{10} (2 \times 5) \\ = \log_{10} 10 \\ = 1 \end{aligned}$$

නිදුසින 2

$$\begin{aligned} \log_{10} 4 + \log_{10} 25 \\ = \log_{10} (4 \times 25) \\ = \log_{10} 100 \\ = 2 \end{aligned}$$

19.4 අභ්‍යාසය

1. අගය සොයුන්න.

- (i) $\log_{10} 4 + \log_{10} 250$ (ii) $\log_{10} 40 + \log_{10} 250$ (iii) $\log_6 9 + \log_6 4$
 (iv) $\log_8 4 + \log_8 16$ (v) $\log_{10} 20 + \log_{10} 25 + \log_{10} 2$



මබ දැන්නවා ඇ?
 $\log_{10} 1 = 0$
 $\log_{10} 10 = 1$
 $\log_{10} 100 = 2$
 $\log_{10} 1000 = 3$

සංඛ්‍යා දෙකක් බෙදීමෙන් පසු එහි ලසුගණකය සෙවීමේ දී හෝ සංඛ්‍යා දෙකක ලසුගණකවල අන්තරය සෙවීමේ දී පහත නීතිය භාවිත කරයි.

$$\log_a \left(\frac{m}{n} \right) = \log_a m - \log_a n$$

සටහන

10 පාදයේ ලසුගණක ලිවීමේ දී පහසුව සඳහා \log_{10} වෙනුවට කෙටියෙන් \lg ලෙස ඇ ලියනු ලැබේ. මේ අනුව, $\lg 20$ යනු $\log_{10} 20$ වේ.

ඉහත ලසුගණක නීතිය භාවිතයෙන් පහත ගැටුලු විසඳු.

නිදුසින 3

$$\begin{aligned} \log_{10} 50 - \log_{10} 5 \\ = \log_{10} \frac{50}{5} \\ = \log_{10} 10 \\ = 1 \end{aligned}$$

නිදුසින 4

$$\begin{aligned} \lg 1400 - \lg 14 \\ = \lg \frac{1400}{14} \\ = \lg 100 \\ = 2 \end{aligned}$$





19.5 අභ්‍යාසය

1. අගය සොයන්න.

$$(i) \log_{10} 50 - \log_{10} 5$$

$$(ii) \log_3 81 - \log_3 9$$

$$(iii) \log_2 10 - \log_2 30 + \log_2 12$$

$$(iv) \log_5 100 - \log_5 2 - \log_5 10$$

$$(v) \lg 80 + \lg 50 - \lg 4$$

19.5 ලක්ශණක ආක්‍රිත සමීකරණ විසඳුම

නිදුසින 1

$$\lg 5 + \lg y = \lg 20$$

නිදුසින 2

$$\lg (5 \times y) = \lg 20$$

$$\lg (6 \times m) = \lg 24$$

$$\frac{6m}{6} = \frac{24}{6}$$

$$\frac{5y}{5} = \frac{20}{5}$$

$$y = 4$$

$$m = 4$$

නිදුසින 3

$$\log_5 6 + \log_5 x = \log_5 21 + \log_5 4 - \log_5 2$$

$$\log_5 (6 \times x) = \log_5 (21 \times 4) - \log_5 2$$

$$\log_5 (6 \times x) = \log_5 \left(\frac{21 \times 4}{2} \right)$$

$$\therefore 6x = \frac{21 \times 4}{2}$$

$$6x = 42$$

$$x = 7$$

19.6 අභ්‍යාසය

1. පහත සඳහන් සමීකරණ විසඳුන්න.

$$(i) \lg 5 + \lg x = \lg 20$$

$$(ii) \lg 24 + \lg m = \lg 48$$

$$(iii) \lg y + \lg 10 = \lg 25$$

$$(iv) \log_{10} x + 1 = \log_{10} 24$$

$$(v) \log_5 12 - \log_5 x = \log_5 3$$

$$(vi) \log_a 24 - \log_a 2 = \log_a x - \log_a 3$$





19.6 සංඛ්‍යාවක ලසුගණකයක පූර්ණාංශය

ලසුගණක වගුව හාවිත කිරීමෙන් ගැටළු විසඳීම ඉදිරි කොටසක දී සාකච්ඡා කෙරේ. ලසුගණක වගුවේ ඉදිරිපත් කර ඇති ලසුගණක දහයේ පාදයෙන් නිරුපණය කර ඇති බව සිහි තබා ගත යුතු ය. ලසුගණක වගු හාවිතයෙන් ගැටළු විසඳීමට ප්‍රථම සංඛ්‍යාවක ලසුගණකයක පූර්ණාංශය යනු කුමක් දැකී සළකා බලමු.

සංඛ්‍යාවක ලසුගණකයක පූර්ණාංශය සෙවීමට, ප්‍රථමයෙන් එම සංඛ්‍යාව විද්‍යාත්මක අංකනයෙන් ලියා ගත යුතු ය. විද්‍යාත්මක අංකනයෙන් ලියු විට එහි දහයේ ද්‍රේශකය ලෙස ලැබෙන සංඛ්‍යාව, දෙන ලද සංඛ්‍යාවේ ලසුගණකයේ පූර්ණාංශය ලෙස හැඳින්වේ.

නිදුසුන 1

$lg 2.1$ හි පූර්ණාංශය සොයන්න.

2.1×10^0 (විද්‍යාත්මක අංකනයෙන් ලියු විට)

මෙහි පූර්ණාංශය 0 වේ. (10^0 හි ද්‍රේශකය වන 0 පූර්ණාංශය ලෙස ගැනේ.)

එනම් සංඛ්‍යාවක පූර්ණාංශය ලබා ගැනීම සඳහා අදාළ සංඛ්‍යාව විද්‍යාත්මක අංකනයෙන් ලිවිය යුතු ය.

නිදුසුන 2

$lg 5.9$ හි පූර්ණාංශය සොයන්න.

5.9×10^0 (විද්‍යාත්මක අංකනයෙන් ලියු විට)

මෙහි පූර්ණාංශය 0 වේ.

නිදුසුන 3

$lg 625.9$ හි පූර්ණාංශය සොයන්න.

6.259×10^2

මෙහි පූර්ණාංශය 2 වේ.

නිදුසුන 4

$lg 57.2$ හි පූර්ණාංශය සොයන්න.

5.72×10^1

මෙහි පූර්ණාංශය 1 වේ.

19.7 අභ්‍යාසය

1. විද්‍යාත්මක අංකනයෙන් ලිවිමෙන් පහත සඳහන් සංඛ්‍යාවල පූර්ණාංශය ලබා ගන්න.

- | | | | | |
|---------------|------------------|-------------------|------------------|----------------|
| (i) $lg 2.7$ | (ii) $lg 52.9$ | (iii) $lg 127.3$ | (iv) $lg 26.3$ | (v) $lg 197.3$ |
| (vi) $lg 3.2$ | (vii) $lg 957.3$ | (viii) $lg 300.3$ | (ix) $lg 2017.3$ | (x) $lg 6.294$ |

පූර්ණාංශය ලබා ගැනීමට කෙටි තුළයක්

- ශ දෙන ලද ලසුගණකය සෙවිය යුතු සංඛ්‍යාව, විද්‍යාත්මක අංකනයෙන් දැක්වීමෙන් තොරව පූර්ණාංශය ලබා ගත හැකි ආකාරයක් තිබේ.
- ශ ඒ සඳහා පූර්ණාංශය සෙවීමට අදාළ සංඛ්‍යාවේ දෑම නිතව වම්පස ඇති ඉලක්කම් ගණනා, ගණන් කරන්න. දැන් එම ඉලක්කම් ගණනින් 1 ක් අඩු කරන්න. එවිට ලැබෙන අගය, අදාළ සංඛ්‍යාවේ පූර්ණාංශය සි.





නිදසුන 5

$\lg(5.27)$ හි පූර්ණාංගය සොයන්න.

දැඟම තිතට වම්පස ඉලක්කම් 1 ක් ඇත. එවිට $1 - 1 = 0$ බැවින්, මෙහි පූර්ණාංගය 0 වේ.

නිදසුන 6

$\lg(32.67)$ හි පූර්ණාංගය සොයන්න.

$\lg(32.67)$ දැඟම තිතට වම් පසින් ඉලක්කම් දෙකකි.

එවිට $2 - 1 = 1$ බැවින්, මෙහි පූර්ණාංගය 1 වේ.

නිදසුන 7

$\lg(277.5)$ හි පූර්ණාංගය සොයන්න.

පූර්ණාංගය 2 වේ.

19.8 අභ්‍යාසය

1. පහත සඳහන් සංඛ්‍යාවල පූර්ණාංගය ඉහත දැක් වූ කෙටි ක්‍රමය මගින් ලබා ගන්න.

- | | | | |
|------------------|------------------|----------------|---------------------|
| (i) $\lg 29.4$ | (ii) $\lg 3.2$ | (iii) $\lg 56$ | (iv) $\lg 57.3$ |
| (v) $\lg 1197.4$ | (vi) $\lg 129.5$ | (vii) $\lg 32$ | (viii) $\lg 6514.3$ |
| (ix) $\lg 329.3$ | (x) $\lg 51.34$ | | |

19.7 කංඩාවල ලසුගණකය සෙවීම (ලසුගණක වගු අසුරෙන්)

10 බල ලෙස ලියා ඇති පහත දැක්වෙන සංඛ්‍යාවල ලසුගණක අගය සොයමු.

$$1 = 10^0 \text{ නිසා } \lg 1 = 0$$

$$10 = 10^1 \text{ නිසා } \lg 10 = 1$$

$$100 = 10^2 \text{ නිසා } \lg 100 = 2$$

$$1000 = 10^3 \text{ නිසා } \lg 1000 = 3$$

ඉහත සටහන දෙස බලන විට $\lg 1 = 0$ සහ $\lg 10 = 1$ බැවින් 1 සහ 10 අතර ඇති සංඛ්‍යාවක දහයේ පාදයට ලසුගණකය 0 හා 1 අතර අගයක් ගත යුතු බව පැහැදිලි වේ. එමෙන්ම 10 සහ 100 අතර සංඛ්‍යාවක දහයේ පාදයට ලසුගණකය 1 සහ 2 අතර ද 100 සහ 1000 අතර සංඛ්‍යාවක දහයේ පාදයට ලසුගණකය 2 සහ 3 අතර ද විය යුතු බව පැහැදිලි වේ. නමුත් දහයේ පූර්ණ සංඛ්‍යාත්මක බල හැරැණු විට අනෙක් සංඛ්‍යාවල දහයේ පාදයට ලසුගණකය සෙවීම පහසු නොවේ.

ලදාහරණයක් ලෙස 150 සංඛ්‍යාව 100 සහ 1000 අතර එනම්, 10^2 සහ 10^3 අතර පවතින බැවින් එහි ලසුගණකය 2 සහ 3 අතර පවතින දැඟම සංඛ්‍යාවක් විය යුතු බව තීරණය කළ හැකි වුව ද එහි ලසුගණකයේ අගය හරියට ම සොයා ගත නොහැකි ය. එබැවින් මෙවැනි සංඛ්‍යාවල ලසුගණකය සෙවීමට ලසුගණක වගුව හාවිත කිරීමට සිදු වේ.





සංඛ්‍යාවක ලසුගණකයක දැඟමාංගය සෙවීම

සංඛ්‍යාවක ලසුගණකයක පූර්ණාංගය සොයන්නේ කෙසේදැයි ඔබ දැන් දනී. ඒ සඳහා සංඛ්‍යාව විද්‍යාත්මක අංකනයෙන් ලියා ගත යුතු ය. එවිට එහි දහයේ බලයේ දරුණු ලෙස ලැබෙන ඉලක්කම සංඛ්‍යාවේ ලසුගණකයේ පූර්ණාංගය වේ. විද්‍යාත්මක අංකනයෙන් ලියු පසු ලැබෙන 1න් 10න් අතර සංඛ්‍යාවේ ලසුගණකයට මුළු සංඛ්‍යාවේ ලසුගණකයේ දැඟමාංගය යැයි කියනු ලැබේ. 1න් 10න් අතර සංඛ්‍යාවක ලසුගණකය සෙවීමට ලසුගණක වගු හාවිත කළ යුතු ය.

නිදුළුන 1

lg 150 හි පූර්ණාංගය සහ දැඟමාංගය සොයන්න.

ප්‍රථමයෙන් 150 විද්‍යාත්මක අංකනයෙන් ප්‍රකාශ කරමු.

$$150 = 10^2 \times 1.5$$

මේ අනුව, lg 150 හි පූර්ණාංගය 2 වේ. දැඟමාංගය සෙවීමට lg 1.5 සොයා ගත යුතු ය. ලසුගණක වගුව අනුව මෙය 0.1761 වේ. (ලසුගණක වගුවෙන් සංඛ්‍යාවක ලසුගණකය සොයන ආකාරය පසුව පැහැදිලි කෙරේ.)

එම් අනුව, lg 150 හි දැඟමාංගය 0.1761 වේ.

දැන් අපි ලසුගණක වගුවක් ආධාරයෙන් සංඛ්‍යාවක ලසුගණකය සොයන්නේ කෙසේදැයි විමසා බලමු.

ලසුගණක වගුවකින් උපුටා ගත් කොටසක් පහත දක්වා ඇත.

N	මධ්‍යනා අන්තරය									
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	
10	0000	0043	0086	0128	0170	0212	0253	0294	0334	0374
11	0414	0453	0492	0531	0569	0607	0645	0682	0719	0755
12	0792	0828	0864	0899	0934	0969	1004	1038	1072	1106
13	1139	1173	1206	1239	1271	1303	1335	1367	1399	1430
14	1461	1492	1523	1553	1584	1614	1644	1673	1703	1732
15	1761	1790	1818	1847	1875	1903	1931	1959	1987	2014

ලසුගණක වගුවක් මගින් සංඛ්‍යාවක ලසුගණකය සෙවීමේදී ප්‍රථමයෙන් එම සංඛ්‍යාව ලසුගණක වගුවේ නිරුපණය වන ආකාරය හඳුනා ගත යුතු ය. එයට අදාළ පියවර පහත දක්වා ඇත.

පියවර 1 - ලසුගණකය සෙවීමට ඇති සංඛ්‍යාවේ දැඟම්ප්‍රාන තොසලකා මුළු ඉලක්කම් 2 පළමු තීරුවෙන් සොයා ගන්න.

පියවර 2 - එම සංඛ්‍යාවේ තුන් වන ඉලක්කම වගුවේ ඉහළ පළමු ජේලියේ ඇති 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 ඉලක්කම්වලින් තොරා ගන්න.

පියවර 3 - ඉලක්කම් 4ක් ඇති සංඛ්‍යාවක 4 වන ඉලක්කම මධ්‍යනා අන්තර තීරුවේ ඇති 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 ඉලක්කම්වලින් තොරා ගන්න. 4 වන ඉලක්කම 0 නම් මුළු ඉලක්කම් තුන පමණක් සළකනු ලැබේ.





ලසුගණකය සෙවිය යුතු සංඛ්‍යාව වගුවෙන් නිරුපණය වන ආකාරය ඉහත පරිදි හඳුනා ගත් පසු එම සංඛ්‍යාවේ ලසුගණකය සෞයන ආකාරය පහත නිදුසුන් මගින් විස්තර කෙරේ.

නිදුසුන 2

$\lg 156$ සෞයන්න.

පියවර 1 - පලමුව සංඛ්‍යාව විද්‍යාත්මක අංකනයෙන් ප්‍රකාශ කරන්න. එහි පූර්ණාංගය සෞයා ගන්න.

$$\text{එනම් } 156 = 1.56 \times 10^2$$

එබැවින් $\lg 156$ හි පූර්ණාංගය 2 වේ.

පියවර 2 - සංඛ්‍යාවේ මුළු ඉලක්කම් දෙකට අදාළ සංඛ්‍යාව පලමු තීරුවේ තුන්වන ඉලක්කමට අදාළ සංඛ්‍යාව පලමු පේෂීයෙන් සෞයා ගෙන මුළු ඉලක්කම් දෙකට අදාළ පේෂීයත් තුන්වන ඉලක්කමට අදාළ තීරුවත් හමුවන ස්ථානයේ ඇති සංඛ්‍යාව ලියා ගන්න.

මේ අනුව, $\lg 156$ සෙවීමේදී 15ට අදාළ පේෂීයත් 6ට අදාළ තීරුවත් හමුවන ස්ථානයේ 1931 සඳහන් වේ. එනම්, දැඟමාංගය 0.1931 වේ.

පියවර 3 - ඉලක්කම් 4ක සංඛ්‍යාවක 4 වන ඉලක්කමට 0 නොවන ඉලක්කමක් පවතී නම් මධ්‍යනා අන්තර තීරුවෙන් එය හඳුනාගෙන සංඛ්‍යාවේ මුළු ඉලක්කම් දෙකට අදාළ පේෂීයත් මධ්‍යනා අන්තරය යටතේ හඳුනා ගත් ඉලක්කමට අදාළ තීරුවත් හමුවන ස්ථානයේ සංඛ්‍යාව ලියා ගන්න. එය දෙවන පියවරින් ලැබුණු සංඛ්‍යාවට එකතු කරන්න. 156 හි 4 වන ඉලක්කම ගුනාය බැවින් $\lg 156$ සෙවීමේදී මෙම පියවර අවශ්‍ය නොවේ.

පියවර 4 - සංඛ්‍යාවේ ලසුගණකය සෙවීමට පලමු පියවරින් සෞයා ගත් පූර්ණාංගය ලියා දැඟම තිත යොදා 2 වන හෝ 3 වන පියවරේදී ලැබුණු සංඛ්‍යාව (දැඟමාංගය) යොදන්න.

මේ අනුව, $\lg 156 = 2.1931$ වේ.

නිදුසුන 3

$\lg 2.5$ හි අගය සෞයන්න.
පූර්ණාංගය 0.3979

$$25 \longrightarrow \begin{matrix} 0 \\ \downarrow \\ 3979 \end{matrix}$$

නිදුසුන 4

$\lg (26.3)$ හි ලසුගණකය සෞයන්න.
පූර්ණාංගය 1.4200

$$26 \longrightarrow \begin{matrix} 3 \\ \downarrow \\ 4200 \end{matrix}$$

නිදුසුන 5

$\lg (27.2)$ හි අගය සෞයන්න.
1.4346

$$27 \longrightarrow \begin{matrix} 2 \\ \downarrow \\ 4346 \end{matrix}$$





19.9 අභ්‍යාසය

1. පහත සඳහන් සංඛ්‍යාවල ලේඛිගණකය සොයන්න.

- | | | | | |
|-----------|------------|-------------|-----------|----------|
| (i) 59.4 | (ii) 6.92 | (iii) 52.6 | (iv) 2.65 | (v) 62.6 |
| (vi) 5.55 | (vii) 4.69 | (viii) 46.7 | (ix) 65.2 | (x) 9.92 |

සංඛ්‍යාවල ලේඛිගණකය සොයීම තවදුරටත්

නිදියුත් 6

$$\log_{10} 12.18 \text{ හි අගය සොයන්න.}$$

0.0856	0828 + 28 ----- 0856
--------	-------------------------------

N											මධ්‍යන්ත අභ්‍යාසය								
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	2	3	4	5	6	7	8	9
10	0000	0043	0086	0128	0170	0212	0253	0294	0334	0374	4	8	12	17	21	25	29	33	37
11	0414	0453	0492	0531	0569	0607	0645	0682	0719	0755	4	8	11	15	19	23	26	30	34
12	0792	0828	0864	0899	0934	0969	1004	1038	1072	1106	3	7	10	14	17	21	24	28	31

නිදියුත් 7

$$\log_{10} (27.31) \text{ හි අගය සොයන්න.}$$

1.4364	4362 + 2 ----- 4364
--------	------------------------------

N											මධ්‍යන්ත අභ්‍යාසය								
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	2	3	4	5	6	7	8	9
25	3979	3997	4014	4031	4048	4065	4082	4099	4116	4133	2	3	5	7	9	10	12	14	15
26	4150	4166	4183	4200	4216	4232	4249	4265	4281	4298	2	3	5	7	8	10	11	13	15
27	4314	4330	4346	4362	4378	4393	4409	4425	4440	4456	2	3	5	6	8	9	11	13	14

19.10 අභ්‍යාසය

1. පහත සඳහන් සංඛ්‍යාවල ලේඛිගණකය සොයන්න.

- | | | | | |
|------------|-------------|--------------|------------|-----------|
| (i) 6.521 | (ii) 62.92 | (iii) 4.929 | (iv) 24.92 | (v) 5555 |
| (vi) 69.61 | (vii) 677.3 | (viii) 3.249 | (ix) 95.61 | (x) 9.005 |

19.8 සංඛ්‍යාවල ප්‍රතිලේඛන (antilogarithm) සොයීම

නිදියුත් 1

0.3054 හි ප්‍රතිලේඛන සොයන්න.
 $\text{antilog}(0.3054)$

20 ← 3054

මෙම සංඛ්‍යාවේ පූර්ණාංකය 0 නිසා, මූල සිට පළමු ඉලක්කමත් දෙවන ඉලක්කමත් අතර දැගම තිත තබයි.

$$\text{antilog}(0.3054) = 2.02$$





නිදසුන 2

1.3054 හි ප්‍රතිලැසු සොයන්න.

$\text{antilog}(1.3054)$

මෙම සංඛ්‍යාවේ පූර්ණාංශය 1 නිසා, මුළු සිට දෙවන ඉලක්කමත් තුන්වන ඉලක්කමත් අතර දැමීම තිත තබයි.

$\text{antilog}(1.3054) = 20.2$

19.11 අහාරාසය

1. පහත සඳහන් ලැසු අගයන්හි ප්‍රතිලැසුගණකය සොයන්න.

(i) 0.5527

(ii) 1.6503

(iii) 2.4031

(iv) 1.8235

(v) 0.8774

(vi) 0.5551

(vii) 1.3522

(viii) 2.6893

(ix) 1.6532

(x) 0.6042

ප්‍රතිලැසු බැලීම තවදුරටත්

නිදසුන 3

0.1821 හි ප්‍රතිලැසු සොයන්න.

N	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	0000	0043	0086	0128	0170	0212	0253	0294	0334	0374	4	8	12	17	21	25	29	33	37
10	0414	0453	0492	0531	0569	0607	0645	0682	0719	0755	4	8	11	15	19	23	26	30	34
11	0792	0828	0864	0899	0934	0969	1004	1038	1072	1106	3	7	10	14	17	21	24	28	31
12	1139	1173	1206	1239	1271	1303	1335	1367	1399	1430	3	6	10	13	16	19	23	26	29
13	1461	1492	1523	1553	1584	1614	1644	1673	1703	1732	3	6	9	12	15	18	21	24	27
14	1761	1790	1818	1847	1875	1903	1931	1959	1987	2014	3	6	8	11	14	17	20	22	25
15																			

$\text{antilog}(0.1821)$

= 1.521

සටහන

1821ට ආසන්න ම, අඩු ම අගය 1818 වන අතර එය 15, 2හි ඇති අතර 1821 වීම සඳහා තව 3ක් අඩු අතර එය මධ්‍යනාස අන්තර තීරුවෙහි 1හි ඇත.

19.12 අහාරාසය

1. පහත සඳහන් ලැසුගණකවල ප්‍රතිලැසුගණකය සොයන්න.

(i) 0.6034

(ii) 1.3929

(iii) 0.1082

(iv) 2.3969

(v) 1.7399

(vi) 0.5949

(vii) 1.8192

(viii) 0.9446

(ix) 1.7825

(x) 2.8976





19.9 ලේඛනක වගු භාවිතයෙන් ගැටළු විසඳීම

නිදුසුන 1

2.4×3.6 හි අගය ලේඛනක වගු භාවිතයෙන් ලබා ගන්න.

$$x = 2.4 \times 3.6 \text{ නම්}$$

$$\log_{10} x = \log_{10} (2.4) + \log_{10} (3.6)$$

$$\log_{10} x = 0.3802 + 0.5563$$

$$\log_{10} x = 0.9365$$

$$x = \text{antilog} (0.9365)$$

$$x = 8.639$$

$$x = 8.64 \text{ (වටැශ්‍ය විට)}$$

$$\text{එනම් } 2.4 \times 3.6 = 8.64$$

ලේඛනක වගු භාවිතයෙන් තොර ව පිළිතුර සෙබු විට

$$2.4 \times 3.6 = 8.64$$

ලේඛනක වගු භාවිතයෙන් සහ ලේඛනක වගු භාවිතයෙන් තොර ව පිළිතුර සෙබු විට එක ම පිළිතුර ලැබෙන බව පෙනේ.

නිදුසුන 2

$\frac{5.27 \times 62.5}{2.67}$ ලේඛනක වගු භාවිතයෙන් සූල් කරන්න.

$$y = \frac{5.27 \times 62.5}{2.67} \text{ නම්,}$$

$$\log_{10} y = \log_{10} \left(\frac{5.27 \times 62.5}{2.67} \right)$$

$$\log_{10} y = \log_{10} 5.27 + \log_{10} 62.5 - \log_{10} 2.67$$

$$\log_{10} y = 0.7218 + 1.7959 - 0.4150$$

$$\log_{10} y = 2.5177 - 0.4150$$

$$\log_{10} y = 2.1027$$

$$y = \text{antilog} (2.1027)$$

$$y = 126.6$$





19.13 අභ්‍යාසය

1. පහත සිදුහන් ඒවායේ අගය ලෙසුගෙනක වගු හාවිතයෙන් ලබා ගන්න. ගණකය හාවිතයෙන් පිළිතුරුවල නිවැරදිහාවය තහවුරු කර ගන්න.

$$(i) \frac{62.5 \times 1.92}{3.29}$$

$$(ii) \frac{52.16 \times 3.25}{24.92}$$

$$(iii) \frac{3.49 \times 2.43}{1.92}$$

$$(iv) \frac{33.45 \times 29.32}{1.05}$$

$$(v) \frac{2.667 \times 29.3}{29.29}$$

$$(vi) \frac{32.51 \times 1.92}{2.4 \times 3.2}$$

$$(vii) \frac{57.2 \times 32.95}{3.49 \times 2.37}$$

$$(viii) \frac{12.95 \times 42.34}{62.6 \times 1.957}$$

$$(ix) \frac{3.45 \times 29.24}{32.05 \times 2.349}$$

$$(x) \frac{23.49 \times 4.29}{3.24 \times 2.9}$$

සාරාංශය

$$\Leftrightarrow \log_a mn = \log_a m + \log_a n$$

$$\Leftrightarrow \log_a \left(\frac{m}{n} \right) = \log_a m - \log_a n$$

