

8

දුරශක

මෙම පාඨම අධ්‍යාපනය කිරීමෙන් මධ්‍ය,

- ❖ බල ගුණ කිරීම, බල බෙදීම හා බලයක බලය යන එක් එක් අවස්ථාවට අදාළ දුරශක නීති හඳුනා ගැනීමට,
- ❖ දුරශක නීති භාවිත කර විෂේෂ ප්‍රකාශන සූල් කිරීමට,
- ❖ ගුනා දුරශකය හා සාර්ථක දුරශකය හඳුනා ගැනීමට හා රට අදාළ විෂේෂ ප්‍රකාශන සූල් කිරීමට

හැකියාව ලැබේ.



ප්‍රතික්ෂණ අභ්‍යාසය

1. පහත සඳහන් ඒවායේ අගය සෞයන්න.

- | | | |
|-----------------------|----------------------------------|-------------------------|
| (i) $4^2 \times 5$ | (ii) $10^2 \times 3^3$ | (iii) $10^3 \times 2^2$ |
| (iv) $4^3 \times 2^3$ | (v) $11^2 \times 9^2 \times 4^3$ | |

2. $x = 2, y = 3$ නම් පහත සඳහන් ඒවායේ අගය සෞයන්න.

- | | | |
|--------------|----------------------|----------------|
| (i) x^2y | (ii) $2x^2y^2$ | (iii) $10x^3y$ |
| (iv) $4yx^2$ | (v) $12xy + 7x^2y^2$ | |

8.1 සමාන පාද සහිත බල ගුණ කිරීම



බල දෙකක් ගුණ කිරීමේදී ගුණ කිරීමට නියමිත බල දෙකම එකම පාදයෙන් පවතින විට එම බල දෙකෙහි දුරශක දෙක එකතු කළ හැකි ය.

එනම්, $x^a \times x^b = x^{a+b}$

නිදසුන 1

$5^3 \times 5^2$ සූල් කරන්න.

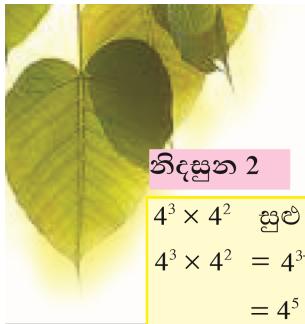
$$5^3 \times 5^2 = 5^{3+2} = 5^5$$

දුරශකය

5^3 \times 5^2

පාදය





නිදසුන 2

$4^3 \times 4^2$ සූල් කරන්න.

$$\begin{aligned} 4^3 \times 4^2 &= 4^{3+2} \\ &= 4^5 \end{aligned}$$

8.1 අභ්‍යාසය

1. සූල් කරන්න.

(i) $3^2 \times 3^5$

(ii) $12^5 \times 12^7$

(iii) $10^2 \times 10^5$

(iv) 6×6^5

(v) $7^2 \times 7^{12}$

(vi) $a^5 \times a^3$

(vii) $m^{10} \times m^{15}$

(viii) $x^{12} \times x^{15}$

(ix) $l^{20} \times l^{25}$

(x) $a^5 \times a^{20} \times a^7$

2. හිස් තැන් පුරවන්න.

(i) $5^3 \times 5^4 = 5^{\square}$

(ii) $x^{\square} \times x^9 = x^{12}$

(iii) $p^{10} \times p^{\square} = p^{15}$

(iv) $a^4 \times a^{\square} = a^4$

(v) $m^{\square} \times m^{12} = m^{22}$

(vi) $a^{10} \times a^{\square} = a^{80}$

(vii) $y^{\square} \times y^{10} = y^{14}$

(viii) $t^{\square} \times t^{12} = t^{21}$

(ix) $t^{\square} \times t^2 \times t^5 = t^{20}$

(x) $b^3 \times b^{\square} \times b^{12} = b^{100}$

3. හිස් තැන් පුරවන්න.

$$m^7 \times m^{\square} = m^6 \times m^{\square} = m^{\square} = m^4 \times m^{\square}$$

$\frac{m^7 \times m^{\square}}{m^6 \times m^{\square}} = \frac{m^{\square}}{m^4 \times m^{\square}}$

$m^{\square} = m^9$

8.2 සමාන පාද සහිත බල බෙදීම

සමාන පාද සහිත බල බෙදීමේදී භාර්තකයේ දර්ශකයෙන්, හාර්තායේ දර්ශකය අඩු කර එම පාදය යටතේ ම දක්වයි.

එනම්, $\frac{x^a}{x^b} = x^{a-b}$





නිදහස 1

$\frac{5^6}{5^2}$ සුළු කරන්න.

$$\begin{aligned}\frac{5^6}{5^2} &= 5^{6-2} \\ &= 5^4\end{aligned}$$

තවත් ආකාරයක්,

$$\begin{aligned}&\frac{5^6}{5^2} \\ &= \frac{5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5}{5 \times 5} \\ &= 5 \times 5 \times 5 \times 5 \\ &= 5^4\end{aligned}$$

8.2 අභ්‍යන්තරය

1. සුළු කරන්න.

$$(i) \frac{5^{10}}{5^7}$$

$$(ii) \frac{4^3}{4^2}$$

$$(iii) \frac{12^7}{12^3}$$

$$(iv) \frac{11^4}{11^1}$$

$$(v) \frac{12^{10}}{12^5}$$

$$(vi) \frac{x^6}{x^4}$$

$$(vii) \frac{p^{12}}{p^{11}}$$

$$(viii) \frac{m^{50}}{m^{40}}$$

$$(ix) \frac{x^{45}}{x^{35}}$$

$$(x) \frac{y^{200}}{y^{198}}$$

8.3 සංඛ්‍යා දේශීලු

5^{-1} මෙහි පාදය 5 වන අතර දේශීලු ය -1 වේ. ඒ අයුරින් ම 10^{-2} සැලකු විට එහි පාදය 10 වන අතර දේශීලු ය -2 වේ.

- 5^{-1} දේශීලු ය පහත පරිදි ලියා දැක්වීය හැකි ය.

$$5^{-1} = \frac{1}{5^1} = \frac{1}{5}$$

මේ ආකාරයට ම, $e^{-2} = \frac{1}{e^2}$ ලෙස ලිවිය හැකි ය.

මීලගට $\frac{1}{5^{-1}}$ සළකමු.

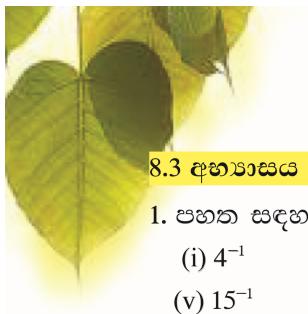
$\frac{1}{5^{-1}} = 5^1 = 5$ ලෙස ලිවිය හැකි ය.

මේ ආකාරයට ම, $\frac{1}{2^{-1}} = 2^1 = 2$ ලෙස ලිවිය හැකි ය.

ඒ අනුව,

$$x^{-a} = \frac{1}{x^a}, \quad x^a = \frac{1}{x^{-a}} \quad \text{වේ.}$$





8.3 අභ්‍යාසය

1. පහත සඳහන් ඒවා දන ද්රැගක සහිතව ප්‍රකාශ කරන්න.

$$(i) 4^{-1}$$

$$(v) 15^{-1}$$

$$(ix) p^{-1}$$

$$(ii) 10^{-3}$$

$$(vi) a^{-1}$$

$$(x) l^{-12}$$

$$(iii) 7^{-1}$$

$$(vii) b^{-1}$$

$$(iv) 12^{-1}$$

$$(viii) m^{-2}$$

2. පහත සඳහන් ඒවා දන ද්රැගක සහිතව ප්‍රකාශ කරන්න.

$$(i) \frac{1}{4^{-1}}$$

$$(ii) \frac{1}{10^{-1}}$$

$$(iii) \frac{1}{3^{-1}}$$

$$(iv) \frac{1}{12^{-1}}$$

$$(v) \frac{1}{4x^{-2}}$$

$$(vi) \frac{1}{x^{-1}}$$

$$(vii) \frac{1}{m^{-1}}$$

$$(viii) \frac{1}{x^{-1}y^{-1}}$$

$$(ix) \frac{1}{a^{-3}b^{-2}}$$

8.4 ගුන ද්රැගකය

මෙම පසුගිය ගේෂීයේදී උගත් ද්රැගක පාඩමට අනුව 5^0 පාදය 5 ද ද්රැගකය 2 ද වන බව මබද මතක ඇත. ඒ අනුව,

5^0 - මෙහි පාදය 5 ද්රැගකය 0

4^0 - මෙහි පාදය 4 ද්රැගකය 0

$\frac{1}{2}^0$ - මෙහි පාදය $\frac{1}{2}$ ද්රැගකය 0

0.001^0 - මෙහි පාදය 0.001 ද්රැගකය 0

x ගුන නොවන විට $x^0 = 1$ වේ.

එනම්,

$$5^0 = 1, \quad 4^0 = 1, \quad a^0 = 1$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)^0 = 1, \quad (0.001)^0 = 1 \quad \text{වේ.}$$

8.4 අභ්‍යාසය

1. පහත සඳහන් ඒවායේ අගය ලියන්න.

$$(i) 7^0$$

$$(ii) 12^0$$

$$(iii) p^0$$

$$(iv) (pq)^0$$

$$(v) \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{4}\right)^0$$

$$(vi) (0.045)^0$$

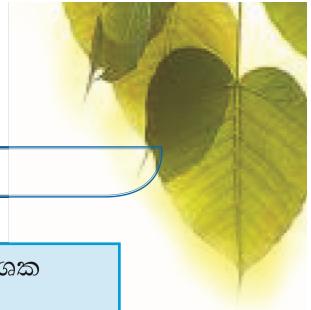
$$(vii) (-1.2)^0$$

$$(viii) (9.001)^0$$

$$(ix) \left(1\frac{1}{2}\right)^0$$

$$(x) (x^2 - xy + y^2)^0$$





8.5 බලයක බලය

බලයක බලයක් ලෙස පවතින ප්‍රකාශනයක් සුළු කිරීමේදී ඒවායේ ද්රැගක එකිනෙක ගුණ කරනු ලබයි.

$$\text{එනම්, } (x^a)^b = x^{a \times b}$$

නිදුෂ්‍ය න්‍යාය

නිදුෂ්‍ය න්‍යාය 2

නිදුෂ්‍ය න්‍යාය 3

$(2^3)^4$ සුළු කරන්න.

$$\begin{aligned} (2^3)^4 &= 2^{3 \times 4} \\ &= \underline{\underline{2^{12}}} \end{aligned}$$

$(4^5)^3$ සුළු කරන්න.

$$\begin{aligned} (4^5)^3 &= 4^{5 \times 3} \\ &= \underline{\underline{4^{15}}} \end{aligned}$$

$(a^3b^{10})^2$ සුළු කරන්න.

$$\begin{aligned} (a^3b^{10})^2 &= a^{3 \times 2} \times b^{10 \times 2} \\ &= \underline{\underline{a^6b^{20}}} \end{aligned}$$

8.5 ආහාරය

1. සුළු කරන්න.

(i) $(5^4)^3$

(ii) $(x^4)^7$

(iii) $(m^{12})^7$

(iv) $(y^{10})^7$

(v) $(m^{12})^8$

(vi) $(x^2y^3)^4$

(vii) $(a^3b^2)^5$

(viii) $(m^4n^3)^8$

(ix) $(p^5q^3)^4$

(x) $(t^3k^5)^4$

2. සුළු කරන්න.

(i) $x^2 \times y^3 \times x^5 \times y^3$

(ii) $2x^2 \times 3y^{10}$

(iii) $\frac{2x^6 \times y^4 \times 10x^{10}}{12x^9}$

(iv) $\frac{(x^{-1}y^4)^2 \times (x^9y)^{10}}{(x^3y^{-1})^4}$

(v) $\frac{4a^{-1}b^{-1}}{(a^3)^2} \times \frac{(3a^{-3}b)^2}{(ab)^{-1}}$

සාරාංශය

- ↳ බල දෙකක් ගුණ කිරීමේදී ගුණ කිරීමට නියමිත බල දෙක ම එකම පාදයෙන් පවතින විට එම බල දෙකෙහි දරුණු දෙක එකතු කළ හැකි ය.
- ↳ සමාන පාද සහිත බල බෙදිමෙදි භාජකයේ දරුණුයෙන්, භාජයයේ දරුණුය අඩු කර එම පාදය යටතේ ම දක්වයි.
- ↳ $x^{-a} = \frac{1}{x^a}$, $x^a = \frac{1}{x^{-a}}$ වේ.
- ↳ බලයක බලයක් ලෙස පවතින ප්‍රකාශනයක් සුළු කිරීමේදී ඒවායේ ද්රැගක එකිනෙක ගුණ කරනු ලබයි.
- ↳ x ගුනය නොවන විට $x^0 = 1$ වේ.

