

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
 இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம்
 Department of Examinations, Sri Lanka
 ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
 இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம்
 Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2022 (2023)
 கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2022 (2023)
 General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2022 (2023)

ගණිතය II
 கணிதம் II
 Mathematics II

07 S II

පැය තුනයි
 மூன்று மணித்தியாலம்
 Three hours

අමතර කියවීමේ කාලය - මිනිත්තු 10 යි
 மேலதிக வாசிப்பு நேரம் - 10 நிமிடங்கள்
 Additional Reading Time - 10 minutes

අමතර කියවීමේ කාලය ප්‍රශ්න පත්‍රය කියවා ප්‍රශ්න තෝරා ගැනීමටත් පිළිතුරු ලිවීමේදී ප්‍රමුඛත්වය දෙන ප්‍රශ්න සංවිධානය කර ගැනීමටත් යොදාගන්න.

විභාග අංකය

--	--	--	--	--	--	--	--

උපදෙස්:

- * මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ;
A කොටස (ප්‍රශ්න 1 - 10) සහ **B කොටස** (ප්‍රශ්න 11 - 17).
- A කොටස:**
 සියලුම ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩෙහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශ්‍ය වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකි ය.
- B කොටස:**
 ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩදාසිවල ලියන්න.
- * නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු **A කොටසෙහි** පිළිතුරු පත්‍රය, **B කොටසෙහි** පිළිතුරු පත්‍රයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග ශාලාධිපතිට භාර දෙන්න.
- * ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි **B කොටස පමණක්** විභාග ශාලාවෙන් පිටතට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.
- * සංඛ්‍යාත වගු සපයනු ලැබේ.

පරීක්ෂකවරුන්ගේ ප්‍රයෝජනය සඳහා පමණි.

(07) ගණිතය II		
කොටස	ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
	එකතුව	

එකතුව

ඉලක්කමෙන්	
අකුරින්	

සංකේත අංක

උත්තර පත්‍ර පරීක්ෂක	
පරීක්ෂා කළේ:	1
	2
අධීක්ෂණය කළේ:	

සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි / முழுப் பதிப்புரிமையுடையது / All Rights Reserved

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
 இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம்
 Department of Examinations, Sri Lanka
 ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
 இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம்
 Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2022(2023)
கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2022(2023)
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2022(2023)

ගණිතය II
கணிதம் II
Mathematics II

07 S II

B කොටස

* ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

- 11.** කර්මාන්තශාලාවක, A, B හා C වර්ග තුනක මල් කලඹ සාදයි.
- එක් එක් A වර්ගයේ කලඹක, රෝස මල් 7 ක්, ලිලි මල් 4 ක් හා කානේෂන් මල් 3 ක් බැගින් ඇත.
 - එක් එක් B වර්ගයේ කලඹක, රෝස මල් 5 ක්, ලිලි මල් 3 ක් හා කානේෂන් මල් 6 ක් බැගින් ඇත.
 - එක් එක් C වර්ගයේ කලඹක, රෝස මල් 3 ක්, ලිලි මල් 3 ක් හා කානේෂන් මල් 2 ක් බැගින් ඇත.
- එක් එක් දිනයක, කර්මාන්තශාලාව අඩු තරමින් රෝස මල් 420 ක් ද, වැඩි තරමින් ලිලි මල් 480 ක් ද හා අඩු තරමින් කානේෂන් මල් 300 ක් ද භාවිත කළ යුතු ය.
- තවද, එක් එක් දිනයක, නිෂ්පාදිත C වර්ගයේ කලඹ ගණන, නිෂ්පාදිත B වර්ගයේ කලඹ ගණන මෙන් තුන් ගුණයකට සමාන වේ.
- කර්මාන්තශාලාව එක් එක් A, B හා C මල් කලඹවලින්, පිළිවෙලින් රු. 1500 ක්, රු. 1000 ක් හා රු. 500 ක් බැගින් ලාභයක් උපයන අතර ලාභය උපරිම කිරීමට අපේක්ෂා කරයි.
- (i) මෙය රේඛීය ප්‍රක්‍රමණ ගැටලුවක් ලෙස සූත්‍රගත කරන්න.
 - (ii) ශක්‍යතා පෙදෙසෙහි දළ සටහනක් අඳින්න.
 - (iii) ප්‍රස්තාරික ක්‍රමය භාවිතයෙන්, උපරිම ලාභය උපයා ගැනීමට නිෂ්පාදනය කළ යුතු එක් එක් වර්ගයේ මල් කලඹ ගණන සොයන්න.

12.(a) $A = \begin{pmatrix} a & -1 & 2 \\ 3 & a & b \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 0 & c & d \\ 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ හා $C = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 4 & 0 \end{pmatrix}$ යැයි ගනිමු; මෙහි $a, b, c, d \in \mathbb{R}$.

- $AB^T = C$ නම්, a, b, c හා d හි අගයන් සොයන්න.
- $D = -C + 4I$ යැයි ගනිමු; මෙහි I යනු ගණය 2 වන ඒකක න්‍යාසය වේ.
- D^{-1} සොයන්න.
- $ED = C$ වන පරිදි E න්‍යාසය සොයා, $ED - DE \neq O$ බව පෙන්වන්න; මෙහි O යනු ගණය 2 වන ශුන්‍ය න්‍යාසය වේ.

(b) $a \in \mathbb{R}$ යැයි ගනිමු.

$$(a^2 - 1)x + 3y = 3$$

$$(a + 1)x + y = 1$$

යන සමගාමී සමීකරණ යුගලය $AX = B$ ආකාරයෙන් ලියා දක්වන්න; මෙහි $X = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ ද, A හා B යනු නිර්ණය කළ යුතු න්‍යාස ද වේ.

$$\Delta = \begin{vmatrix} (a^2 - 1) & 3 \\ (a + 1) & 1 \end{vmatrix} \text{ යැයි ගනිමු.}$$

$\Delta = 0$ සමීකරණයේ මූල $a = 4$ හා $a = -1$ බව පෙන්වන්න.

ඉහත සමීකරණ යුගලයට,

(i) $a = 4$ විට විසඳුම් අපරිමිත සංඛ්‍යාවක් ඇති බවත්,

(ii) $a = 2$ විට අනන්‍ය විසඳුමක් ඇති බවත්,

පෙන්වන්න.

13.(a) මුහුණත් 1, 2, 3, 4, 5, 6 ලෙස ලකුණු කරන ලද නොනැඹුරු සනකාකාර දාදු කැටයක් හා මුහුණත් 1, 2, 3, 4 ලෙස ලකුණු කරන ලද නොනැඹුරු චතුස්තලාකාර දාදු කැටයක් එකවර උඩ දමනු ලබයි. පහළ මුහුණත්වල ඇති අංක සටහන් කරගනී.

A යනු සටහන් කරගත් අංක දෙකේ එකතුව 6 වන සිද්ධිය ද B යනු චතුස්තලාකාර දාදු කැටයෙන් ලැබුණු අගය ඉරට්ටේ වන සිද්ධිය ද යැයි ගනිමු.

$P(A)$, $P(B)$ හා $P(A \cap B)$ සොයන්න.

(b) ගණිත පොත් 4 ක් හා ජීව විද්‍යා පොත් 4 ක් පොත් රාක්කයක පිළියෙළ කළ යුතුව ඇත.

(i) එකම විෂයට අදාළ සියලු පොත් එකලඟ ඇති පරිදි

(ii) කිසිදු ගණිත පොත් 2 ක් එකලඟ නොමැති පරිදි

පිළියෙළ කළ හැකි වෙනස් ආකාර ගණන සොයන්න.

(c) කණ්ඩායමක පිරිමි 9 දෙනෙක් හා ගැහැනු 7 දෙනෙක් සිටී. මෙම කණ්ඩායමේ සාමාජිකයින්ගෙන්, 8 දෙනෙකුගෙන් යුත් කමිටුවක් තෝරාගත යුතුව ඇත.

(i) කමිටුව තෝරාගත හැකි

(ii) කමිටුවේ පිරිමින්ට වඩා ගැහැනුන් සිටින පරිදි කමිටුව තෝරාගත හැකි

වෙනස් ආකාර ගණන සොයන්න.

14. පෙට්ටියක, පාටින් හැර අන් සෑම අයුරකින්ම සර්වසම කළු පාට බෝල 5 ක් හා සුදු පාට බෝල 5 ක් අඩංගු වේ. බෝල දෙකක් සසම්භාවී ලෙස පෙට්ටියෙන් ඉවතට ගනු ලැබේ. එම බෝල දෙක ම කළු පාට නම්, ඒවා පෙට්ටියට නැවත දමනු ලබන අතර, නොඑසේ නම්, එසේ නොකරනු ලැබේ. දැන්, බෝල දෙකක් නැවතත් සසම්භාවී ලෙස පෙට්ටියෙන් ඉවතට ගනු ලැබේ.

(i) පළමුවරට ඉවතට ගත් බෝල දෙක ම කළු පාට ඒවා වීමේ,

(ii) පළමුවරට ඉවතට ගත් බෝල දෙක ම කළු පාට ඒවා බව දී ඇති විට, දෙවනවරට ඉවතට ගත් බෝල දෙක ම කළු පාට ඒවා වීමේ,

(iii) දෙවනවරට ඉවත් කළ බෝල දෙක ම කළු පාට ඒවා බව දී ඇති විට, පළමුවරට ඉවතට ගත් බෝල දෙක ම කළු පාට ඒවා වීමේ

සම්භාවිතාව සොයන්න.

15. තම පන්තියේ සිසුන් සතියක් තුළ පාඩම් කිරීමට ගත කරන කාලයන්, මධ්‍යන්‍යය පැය 4 ක් හා සම්මත අපගමනය පැය 0.25 ක් සහිතව ප්‍රමතව ව්‍යාප්තව ඇති බව ගුරුවරයකු සොයාගන්නා ලදී.

(i) පැය 4 ක් පැය $4\frac{1}{2}$ ක් අතර කාලයක්

(ii) පැය $3\frac{1}{2}$ ට අඩු කාලයක්

පාඩම් කිරීමට ගත කරන සිසුන්ගේ ප්‍රතිශතය සොයන්න.

සිසුන් දෙදෙනකු සසම්භාවී ලෙස තෝරාගත් විට, ඔවුන් අතුරෙන්

(iii) එක් සිසුවකු පමණක් පැය $3\frac{1}{2}$ කට අඩු කාලයක්

(iv) අඩු තරමින් එක් සිසුවකුවත් පැය $3\frac{1}{2}$ කට අඩු කාලයක්

පාඩම් කිරීමට ගත කරන සම්භාවිතාව සොයන්න.

ගුරුවරයාගේ අවවාදය මත, සිසුන් වැඩි කාලයක් පාඩම් කිරීමට ගත කරන්නේ යැයි සිතමු. අවවාද කිරීමෙන් පසුව ද සිසුන් සතියක් තුළ පාඩම් කිරීමට ගත කරන කාලයන් පැය 0.25 ක එකම සම්මත අපගමනය සහිත ප්‍රමත ව්‍යාප්තියක් අනුගමනය කරන බව ගුරුවරයා සොයාගෙන ඇත. අවවාද කිරීමෙන් පසු, සිසුන් 24.2% ක් පැය 5 කට වඩා පාඩම් කිරීමට ගත කරන්නේ නම්, සසම්භාවී ලෙස තෝරාගත් සිසුවකු පාඩම් කිරීමට ගත කරන කාලයෙහි අපේක්ෂිත අගය සොයන්න.

16. සිසුන් පන්තියෙහි පරීක්ෂණයකට මුහුණ දුන්හ. පරීක්ෂණය නිම කිරීමට සිසුන් ගත් කාලයේ සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තිය පහත වගුවෙන් දී ඇත:

කාලය (මිනිත්තු)	සිසුන් ගණන
10 - 20	7
20 - 30	12
30 - 40	20
40 - 50	7
50 - 60	4

(i) ඉහත දත්ත සඳහා පහත එක එකක් නිමාණය කරන්න.

- (a) මධ්‍යන්‍යය
- (b) සම්මත අපගමනය
- (c) මධ්‍යස්ථය
- (d) මාතය
- (e) අන්තර් චතුර්ථක පරාසය

(ii) වාර්තා කිරීමේ දෝෂයක් නිසා, සිසුන් දෙදෙනකු ගතකළ කාලය පහත පරිදි වෙනස් කිරීමට සිදු විය:

මුලින් තිබූ දත්ත	නිවැරදි කළ දත්ත
25	35
41	47

නව කාල ව්‍යාප්තියේ මධ්‍යන්‍යය සොයන්න.

17. ව්‍යාපෘතියක ක්‍රියාකාරකම් සඳහා ගතවන කාලය හා ක්‍රියාකාරකම්වල ගැලීම් පහත වගුවෙන් දී ඇත:

ක්‍රියාකාරකම	පූර්ව ක්‍රියාකාරකම (ක්‍රියාකාරකම්)	කාලය (මාසවලින්)
A	-	2
B	A	5
C	A	4
D	A	8
E	A	5
F	B, C	5
G	D, E	4
H	E	8
I	F, G	3
J	I, H	2

- (i) ව්‍යාපෘති ජාලය ගොඩනගන්න.
- (ii) එක් එක් ක්‍රියාකාරකම සඳහා ආරම්භ කළ හැකි ඉක්මන්ම වේලාව, අවසන් කළ හැකි ඉක්මන්ම වේලාව, ආරම්භ කළ හැකි ප්‍රමාද ම වේලාව, අවසන් කළ හැකි ප්‍රමාද ම වේලාව හා ඉපිලුම ඇතුළත් කාර්ය සටහනක් සකස් කරන්න.
- (iii) මෙම ව්‍යාපෘතියේ අවධි පරාස ලියා දක්වන්න.
- (iv) සියලු ම ක්‍රියාකාරකම්, සැලසුම් කළ පරිදි ක්‍රියාත්මක කළේ නම්, ව්‍යාපෘතිය අවසන් කළ හැකි ඉක්මන්ම වේලාව සොයන්න.
- (v) ව්‍යාපෘතියේ නිමා කාලයට පහත එක එකක් කෙසේ බලපායි ද?
- (a) A ක්‍රියාකාරකම මාස 3 කින් ප්‍රමාද කිරීම
- (b) H ක්‍රියාකාරකම මාස 10 කින් ප්‍රමාද කිරීම
